Листок 1. Логика и множества

- 1 ≪ 1 Какие из следующих утверждений эквивалентны? Какие следуют из каких? а) В огороде бузина. б) В Киеве нет дядьки. в) В огороде нет бузины. г) Если в огороде бузина, то в Киеве дядька. д) Если в огороде нет бузины, то в Киеве дядька. е) Если в Киеве нет дядьки, то в огороде нет бузины. ж) Если в Киеве дядька, то в огороде бузина.
- 1◊2 Сформулируйте отрицание к следующим утверждениям: а) Если бы на Марсе были города, я бы встал пораньше и слетал туда. (На Марсе есть города ⇒ я встаю пораньше и я лечу туда) б) (Основной постулат эксенской логики) ∀ утверждения А и ∀ утверждения В если А ⇒ В и В приятно, то А истинно. в) ∀ охотника ∃ фазан, такой, что ∀ цвета радуги, нравящегося охотнику, ∃ перо в хвосте фазана такого цвета.
- 1 \diamond 3 Верно ли, что для любых множеств A, B и C a) A\(A\B)=A\B б) A\(B\cup C)=(A\B)\cap(A\C) в) A\(B\cap C)=(A\B)\cup(A\C) г) A\(B\C)=(A\B)\cup(A\cap C) д) (A\B)\cup(B\A)=A\cup B?
- $1 \diamond 4$ Верно ли, что для любых утверждений A, B и C **a**) A и не (A и не B) \Leftrightarrow A и B **б**) A и не (В или C) \Leftrightarrow (A и не B) и (В и не C) **в**) A и не (В и С) \Leftrightarrow (A и не B) или (А и не C) г) A и не (В и не C) \Leftrightarrow (A и не B) или (А и С) д) (А и не B) или (В и не A) \Leftrightarrow A или B?
- 1⋄5 Какие из следующих утверждений эквивалентны? а) Если в огороде бузина, то в Киеве дядька и в Петербурге идёт дождь. б) Если в огороде нет бузины, то в Киеве нет дядьки или в Петербурге не идёт дождь. в) Или в Киеве дядька и в Петербурге идёт дождь, или в огороде нет бузины. г) Если в Киеве нет дядьки и в Петербурге не идёт дождь, то в огороде нет бузины. д) Если в огороде нет бузины, то в Киеве нет дядьки и в Петербурге не идёт дождь. е) Или в Киеве дядька, или в Петербурге не идёт дождь, или в огороде нет бузины. ж) Если в Киеве нет дядьки или в Петербурге не идёт дождь, то в огороде нет бузины. з) Если в Киеве есть дядька и в Петербурге идёт дождь, то в огороде есть бузина. и) Или в огороде бузина, или в Киеве нет дядьки, или в Петербурге не идёт дождь.