

Sprawozdanie IV

Algorytmy z powracaniem

Piotr Tylczyński

31 maja 2019

Spis treści

1	Nieskierowany cykl Eulera	3
1.1	Opis	3
1.2	Złożoność algorytmu	3
2	Nieskierowany cykl Hamiltona	5
2.1	Opis	5
2.2	Złożoność algorytmu	6
	Słownik terminów	8

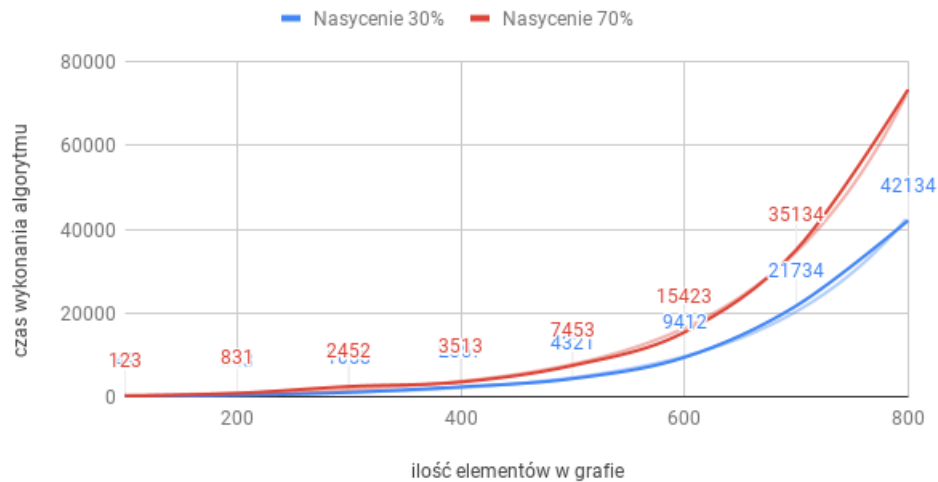
1 Nieskierowany cykl Eulera

1.1 Opis

Jest to taki cykl w grafie nieskierowanym, w którym da się przejść przez wszystkie krawędzie tego grafu, tak aby przez każdą krawędź przejść dokładnie raz. Cykl taki będzie istniał o ile każdy wierzchołek będzie miał parzysty stopień.

1.2 Złożoność algorytmu

Wyszukiwanie cyklu Eulera



Wybór reprezentacji Do zaimplementowania grafu została użyta tablica krawędzi. Taka reprezentacja gwarantuje stałą złożoność czasową operacji stwierdzenia istnienia krawędzi, oraz liniową złożoność operacji wyszukiwania następników danego wierzchołka.

Opis działania algorytmu Pierwszym krokiem wykonania algorytmu jest wskazanie wierzchołka początkowego, wybór ten nie ma wpływu na powodzenie, lub nie wykonania algorytmu. Następnie algorytm korzystając z metody przeszukiwania grafu wszedź przechodzi przez wszystkie krawędzie, jednocześnie usuwając te, przez które przeszedł, oraz zapisując je do struktury wynikowej.

Złożoność czasowa Na złożoność czasową algorytmu mają wpływ

- ilość krawędzi
- złożoność czasowa wyszukiwania następników

Złożoność czasowa to:

$$O(mn) \quad (1)$$

Wynika ona z:

$$\text{ilość operacji} = \text{czas szukania wszystkich następników} * \text{ilość wierzchołków} \quad (2)$$

$$\text{ilość operacji} = n * n \quad (3)$$

2 Nieskierowany cykl Hamiltona

2.1 Opis

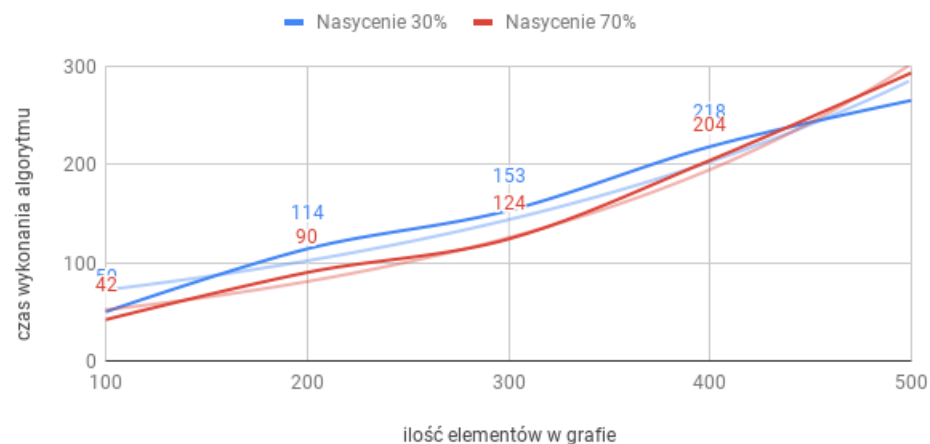
Jest to atki cykl w grafie nieskierowany, który pozwala przejść przez wszystkie wierzchołki grafu dokładnie raz.

Niestety w przeciwieństwie do nieskierowanego grafu Eulera, nie znalezono jeszcze prostej metody na określenie istnienia nieskierowanego cyklu Hamiltona.

2.2 Złożoność algorytmu

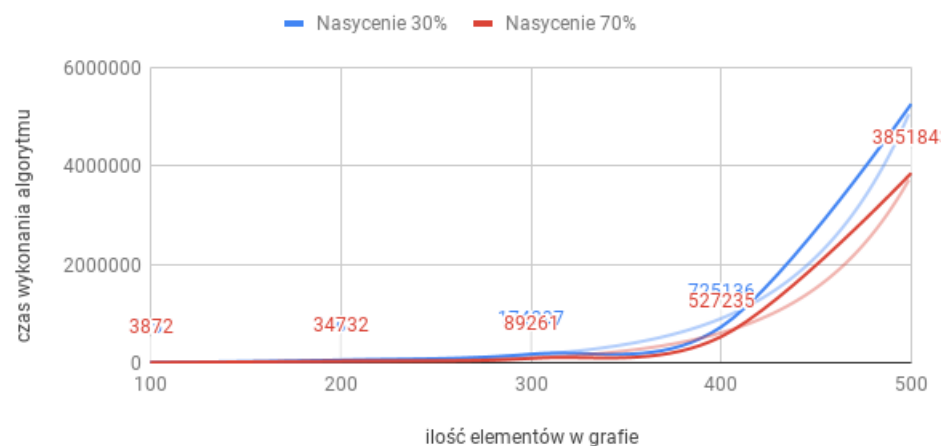
Wyszukiwanie cyklu Hamiltona

dla grafu posiadającego cykl Hamiltona



Wyszukiwanie cyklu Hamiltona

dla grafu nie posiadającego cyklu Hamiltona



Wybór reprezentacji Do zaimplementowania grafu została użyta tablica krawędzi. Taka reprezentacja gwarantuje stałą złożoność czasową operacji stwierdzenia istnienia krawędzi, oraz liniową złożoność operacji wyszukiwania następników danego wierzchołka.

Opis działania algorytmu Pierwszym krokiem jest wskazania wierzchołka, od którego algorytm zacznie swoje wykonanie. Tak samo jak w poprzednim przypadku wybór wierzchołka nie ma wpływu na powodzenie lub nie wykonania algorytmu. Następnie algorytm odwiedza wszystkie wierzchołki incydentne z wierzchołkiem, w którym się znajduje, jednocześnie oznaczając wierzchołki, które przebył jako odwiedzone. W momencie, w który wszystkie wierzchołki zostały odwiedzone zostaje sprawdzone czy ostatni wierzchołek, w który znajdował się algorytm jest połączony z wierzchołkiem, z którego algorytm rozpoczynał swoje działanie, jeśli tak jest ścieżka jaką przebył algorytm jest poszukiwanym cyklem Hamiltona. W przeciwnym wypadku należy cofnąć algorytm do momentu w którym istnieje możliwość wyboru innego wtedy jeszcze nieodwiedzonego wierzchołka i wykonanie algorytmu od tego momentu jeszcze raz.

Złożoność czasowa W najlepszym przypadku, czyli w momencie, w którym graf będzie składał się tylko i wyłącznie z krawędzi tworzących cykl to złożoność czasowa będzie wynosić:

$$O(n) \tag{4}$$

Jednak w najgorszym przypadku, czyli gdy graf będzie pełny, złożoność może wzrosnąć do:

$$O(n!) \tag{5}$$

Wynika to z potrzeby sprawdzenia wszystkich możliwych ułożeń n wierzchołków, co w przypadku grafu pełnego może wymagać permutacji bez powtórzeń n elementów.

Słownik terminów

G Spójny, nieskierowany graf. 8

m ilość krawędzi w grafie. 8

n ilość krawędzi. 8