

A

考虑每种配件的生成函数。

$$\sum_{i=0}^{\infty} (ai^3 + bi^2 + ci + 1)x^i$$

答案就是 x^M 的系数。

可以把上式转化为

$$\frac{1 + \sum_{i=1}^{\infty} (3ai^2 - 3ai + a + 2bi - b + c)x^i}{(1-x)}$$

$$\frac{1 + (a + b + c - 1)x + \sum_{i=2}^{\infty} (6ai - 6a + 2b)x^i}{(1-x)^2}$$

$$\frac{1 + (a + b + c - 2)x + (5a + b - c + 1)x^2 + \sum_{i=3}^{\infty} (6a)x^i}{(1-x)^3}$$

$$\frac{1 + (a + b + c - 3)x + (4a - 2c + 3)x^2 + (a - b + c - 1)x^3}{(1-x)^4}$$

这样只需要N个4次多项式相乘即可，除(1-x)实际就是前缀和。

其它计算三次前缀和的方法也可以。

时间复杂度 $O(NM)$

B

不难发现以状态为点，转移为边，可以组成一张二分图。

然后变成比较经典的二分图博弈。

考虑起点是否一定必须在最大匹配里，如果不是，则后手必胜，否则先手必胜。

C

考虑点到直线距离

$$\frac{|Ax + By + C|}{\sqrt{A^2 + B^2}}$$

考虑某一种颜色。

对于直线一侧，绝对值必然大于0，另一侧必然小于0。

实际上左右距离相等就是

$$\sum (Ax + By + C) = 0$$

$$A \sum x + B \sum y + nC = 0$$

其中n为这种颜色点的个数。

这说明这条直线过点 $(\frac{\sum x}{n}, \frac{\sum y}{n})$ ，也就是过同种颜色点的重心。接下来只要判断所有重心是否共线即可。

D

对于权值为w的combo(u, v)，只要在两个点的权值分别加 $w/2$ 即可。

对于权值为w的counter(u, v)，只要在 $u + w/2, v + w/2$ 即可。

这样只考虑点权，因为我们只关心最后的差值，可以发现在所有情况下和原来的边的关系带来的权值等价。

接下来只要全部排序按顺序选择即可。