# Compte rendu Calderon-Déchelette

#### Détermination de la formule

On est parti de l'équation de la chaleur :  $\frac{\partial \phi}{\partial t} + \nabla \cdot (\phi V) = S$ 

### Méthode analytique

On a d'abord supprimé un certain nombre de variables.

Tout d'abord, on a considéré que l'objet ne bouge pas, mais également qu'il est uniforme.

On a par ailleurs supposé qu'aucune source de chaleur active n'existe.

Cela permet donc de simplifier la formule grâce à la méthode numérique.

#### Méthode numérique

Au précedent cours, on avais simplifié l'équation de la chaleur par :  $\frac{d^2T}{dx^2}=0$  On sait que  $\frac{dT}{dx}=\lim_{x\to a}\frac{T(x+a)-T(a)}{x-a}=\lim_{x\to}\frac{T(x)-T(a)}{\Delta x}$  On en déduit donc :  $\frac{d^2T}{dx^2}=\lim_{x\to 0}\left(\lim_{x\to 0}\frac{T_{j+1}-T_{j}}{\Delta x}\right)\frac{T_{j}-T_{j-1}}{\Delta x}$  Ainsi :  $\frac{d^2T}{dx^2}=\lim_{x\to 0}\frac{T_{j-1}-2T_{j}+T_{j+1}}{(\Delta x)^2}=0$ 

#### Détermination de la matrice

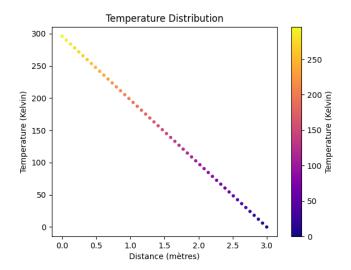
Avec la formule précente :  $\frac{d^2T}{dx^2} = \lim_{x\to 0} \frac{T_{j-1}-2T_j+T_{j+1}}{(\Delta x)^2} = 0$ ,

On peut déduire que sous forme matricielle cela s'écrit :  $\begin{pmatrix} 296 \\ 0 \\ \vdots \\ 0 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & 0 & 0 & \dots & 1 \\ 1 & -2 & 1 & \ddots & \vdots \\ 0 & \ddots & \ddots & \ddots & \ddots & \vdots \\ \vdots & \ddots & 1 & -2 & 1 \\ 0 & & 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} T_0 \\ \vdots \\ T_n \end{pmatrix}$ 

Il ne nous reste plus qu'à résoudre le système matriciel à l'aide de python.

On peut également simplement choisir la présision de notre résolution en choisissant la valeur de n.

On obtient finalement la courbe :



## **Conditions limites:**

On obtient bien  $T_0=296.0$  (température initiale) et  $T_n=0$ 

Les conditions aux limites sont donc bien respectées