# DYNAMIQUE DES AUTOMATES CELLULAIRES

Ce TP tient lieu de contrôle continu.

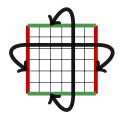
Le travail est à effectuer seul ou en binôme. Tout regroupement de taille supérieure est exclu.

Il est à déposer sur eCampus au plus tard le lundi 30 avril sous la forme d'une archive compressée comprenant :

- 1. le programme
- 2. un fichier readme.txt avec les noms des deux membres du binôme
- 3. un rapport au format pdf présentant les résultats d'expérimentation.

**Objectif.** Visualiser la dynamique d'une famille d'automates cellulaires définissant un modèle simplifié de cellules en milieu excitable.

Tous les automates envisagés ici sont à deux dimensions. L'espace consiste en une grille carrée de taille tail × tail. Cet espace est considéré comme torique : les bords horizontaux bas et haut de la grille sont en contact et de même les bords verticaux gauche et droite.



Chaque cellule (case) de la grille n'a qu'une mémoire finie. Avec un nombre d'états borné par nbEtats, les états de chaque cellules sont numérotés de 0 à nbEtats - 1.

## 1 Préliminaire.

Récupérer le fichier ac.py qui contient la classe CA2D. Cette classe dispose, entre autres,

- d'un attribut tail qui définit la taille de la grille carrée
- d'un attribut nbEtats qui spécifie les états possibles de chaque cellule
- d'un attribut conf qui représente la configuration courante, c-à-d, l'ensemble des états de chaque cellule de la grille, sous la forme d'un tableau numpy à deux dimensions.

Qu 1. Modifier la méthode initAlea de la classe CA2D de façon à ce que la configuration initiale soit choisie aléatoirement.

```
In [1]: ac = CA2D(6,4)

In [2]: print(ac)

1 3 1 1 0 2

2 0 3 2 3 3

1 1 1 1 1 1 2

3 2 0 0 1 3

2 1 2 0 2 2

1 1 0 3 0 3
```

À partir de cette configuration initiale, les cellules évoluent de façon locale, uniforme et synchrone. Du fait que les cellules évoluent en parallèle, on introduit un attribut **pred** pour enregistrer la configuration courante **conf** avant de calculer la nouvelle configuration.

Considération technique Comme l'espace est un tore, pour traiter l'évolution des cellules du bord, on peut coller les r cellules du bord gauche de conf à droite de pred, les r cellules du bord droit de conf à gauche de pred, les r cellules du bord haut de conf au bas de pred et les r cellules du bord bas de conf en haut de pred. C'est ce qui est réalisée dans la méthode calclPred de CA2D. L'extraction du voisinage d'une cellule peut alors se faire de manière uniforme que cette cellule soit ou non sur un bord.

# 2 Le modèle de Greenberg Hastings

En premier lieu, on veut simuler l'évolution de l'automate de Greenberg-Hastings. Cet automate est un automate cellulaire à 3 états : quiescent (0), excité (1) et réfractaire (2). Le système évolue selon le principe suivant : à chaque étape, une cellule excitée devient réfractaire, une cellule réfractaire devient quiescente et une cellule quiescente devient excitée si elle a au moins une de ses 4 voisines dans l'état excité.

Formellement, l'automate cellulaire de Greenberg-Hastings a les caractéristiques suivantes :

- Le réseau est de dimension 2
- Le voisinage est celui de VON NEUMANN : le voisinage de chaque cellule est constitué d'elle-même et de ses 4 voisines adjacentes



- Il y a trois états 0, 1 et 2
- La règle de transition locale est définie comme suit :

si la cellule est dans l'état 1 alors elle passe dans l'état 2

si la cellule est dans l'état 2 alors elle passe dans l'état 1

si la cellule est dans l'état 0 alors

elle passe dans l'état 1, si au moins une de ses 4 voisines est dans l'état 1 elle reste dans l'état 0, sinon

Qu 2. Définir la méthode voisins(self, lig, col) de la classe GreenbergHastings qui retourne la liste des états des 4 voisines adjacentes à la cellule (lig, col) qui sont mémorisées dans l'attribut pred.

```
In [2]: ac = GreenbergHastings(4)
In [3]: print(ac)
1 1 1 0
1 2 1 0
0 0 2 2
1 0 1 2
In [4]: ac.calculPred()
In [5]: print(ac.pred)
[[2, 1, 0, 1, 2, 1],
[0, 1, 1, 1, 0, 1],
[0, 1, 2, 1, 0, 1],
[2, 0, 0, 2, 2, 0],
[2, 1, 0, 1, 2, 1],
[0, 1, 1, 1, 0, 1]]
In [6]: ac.voisins(1,2)
Out[6]: array([1, 2, 2, 0])
In [7]: ac.voisins(0,0)
Out[7]: array([1, 0, 1, 1])
```

Qu 3. Définir la méthode transition(self, lig, col) de la classe GreenbergHastings qui met à jour l'état de la cellule (lig, col). Précisément, cette fonction calcule self.conf[lig, col] le nouvel état de la cellule (lig, col) à partir de son état et des états de son voisinage.

Qu 4. Afficher les 5 premières étapes de l'évolution de l'automate de Greenberg-Hastings sur une entrée aléatoire.

## 3 Interlude

Le fichier application.py fournit les ingrédients pour visualiser l'évolution du système avec matplotlib.

## 4 Généralisation du modèle de Greenberg Hastings

On veut maintenant généraliser le modèle précédant en paramétrant à la fois le nombre d'états, le voisinage et le seuil à partir duquel une cellule passe de l'état quiescent 0 à l'état excité 1.

L'automate cellulaire de Greenberg-Hastings généralisé se définit comme suit.

- Il est spécifié par trois paramètres :
  - 1. le nombre d'états nbEtats,
  - 2. le rayon du voisinage rayon
  - 3. le seuil d'excitation seuil.
- Ses caractéristiques sont alors les suivantes :

Le réseau est de dimension 2

Le voisinage est celui de Moore d'ordre rayon : le voisinage de chaque cellule est constitué d'elle-même et de ses voisines à distance au plus rayon