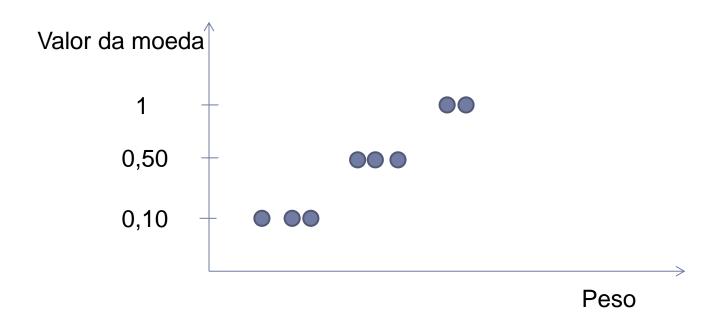
# Aprendizagem Automática

João Paulo Pordeus Gomes

Método de Classificação

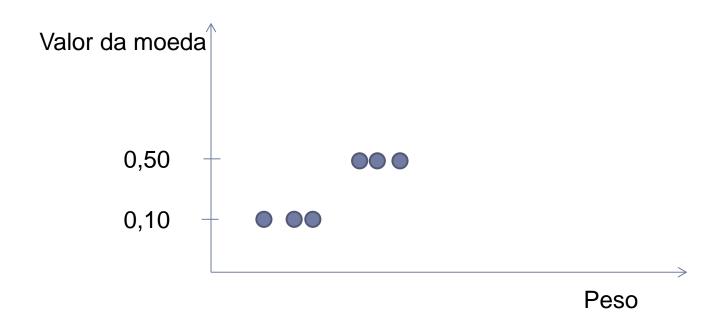


- Método de Classificação
  - Exemplo





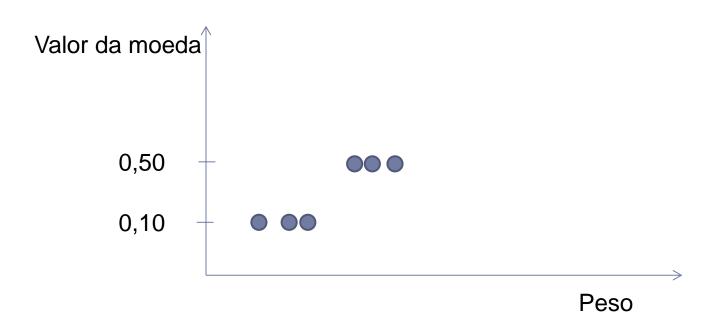
- Método de Classificação
  - Exemplo





- Método de Classificação
  - Exemplo
    - Utilizando Regressão Linear

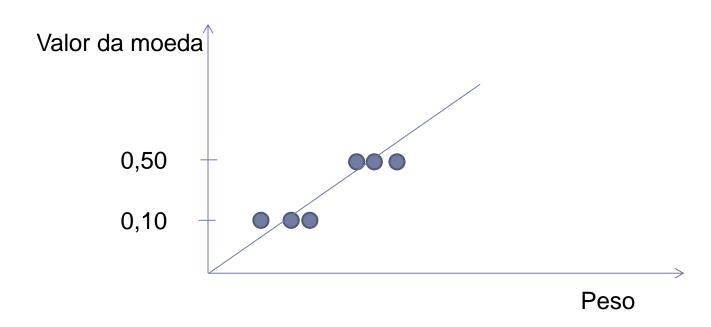
$$\Box \ \overline{y_i} = w_1 x_i + w_0$$





- Método de Classificação
  - Exemplo
    - Utilizando Regressão Linear

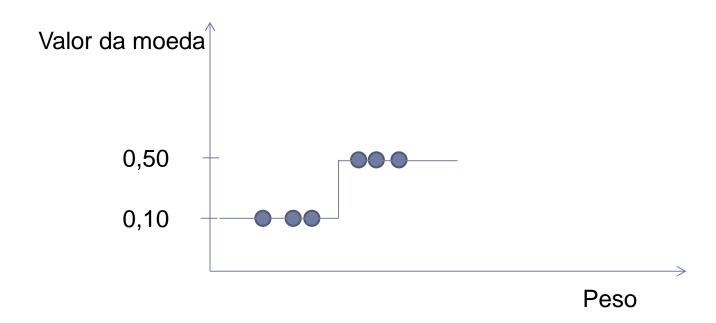
$$\Box \ \overline{y_i} = w_1 x_i + w_0$$





- Método de Classificação
  - Exemplo
    - Utilizando Regressão Linear

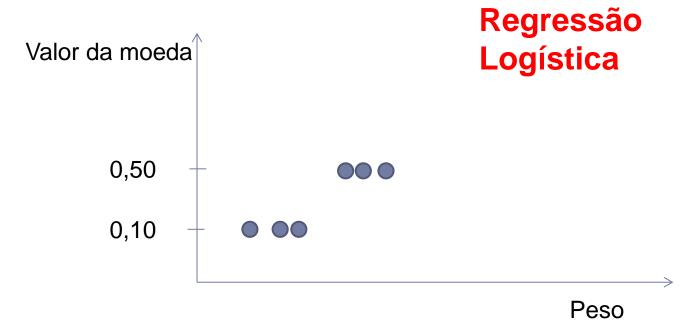
$$\Box \ \overline{y_i} = w_1 x_i + w_0$$





- Método de Classificação
  - Exemplo
    - Utilizando Regressão Linear

$$\Box \ \overline{y_i} = w_1 x_i + w_0$$





#### Modelo Linear

### Função Logística

$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

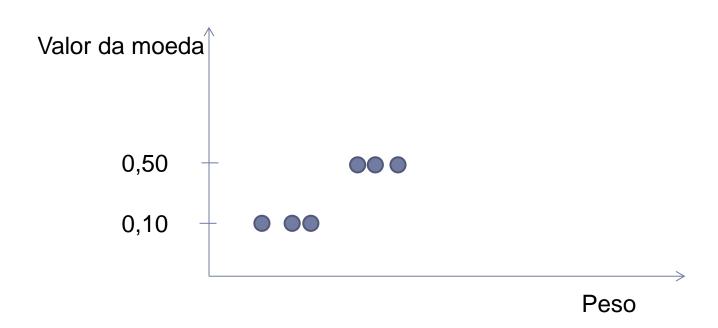
#### Modelo Linear

$$\overline{y_i} = w_1 x_i + w_0 = \mathbf{w}^T \mathbf{x}_i$$

### Função Logística

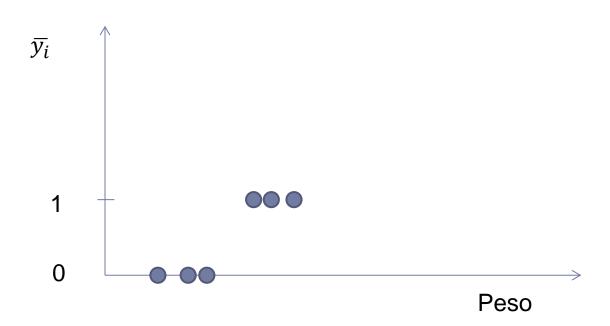
$$f(x) = \frac{1}{1 + e^{-x}}$$

$$\overline{y}_i = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$





$$\overline{y_i} = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$





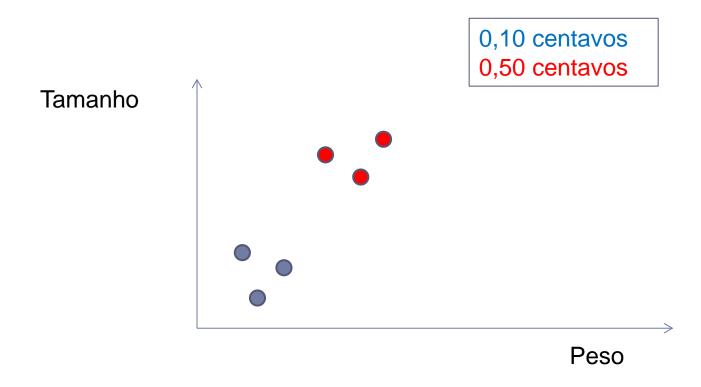
$$\overline{y_i} = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$

0,10 centavos 0,50 centavos



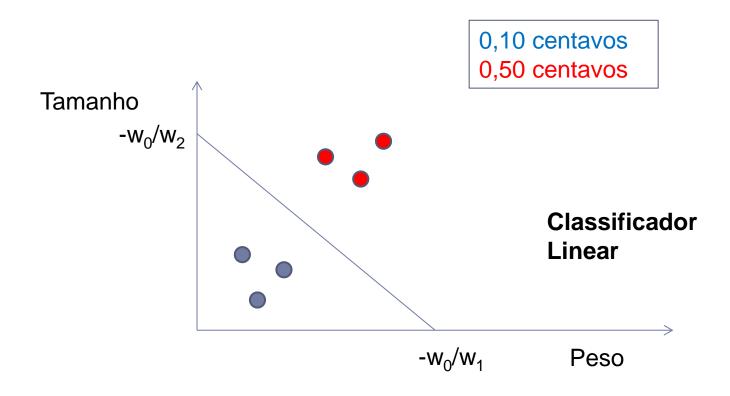
Peso

$$\overline{y_i} = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$





$$\overline{y_i} = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$





### Modelo

$$\overline{y_i} = \frac{1}{1 + e^{-w^T x_i}}$$

Ajuste dos parâmetros

#### Modelo

- Ajuste dos parâmetros
  - Gradiente descendente
    - Minimizar uma função de custo (função objetivo)

$$\square w = w - \alpha \frac{\partial J}{\partial w}$$

### Primeira escolha

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \overline{y}_i)^2$$



#### Primeira escolha

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}^T x_i}})^2$$



#### Primeira escolha

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}^T x_i}})^2$$

### Regra de aprendizado

$$w = w - \alpha \frac{\partial J}{\partial w}$$

Primeira escolha

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}^T x_i}})^2$$

Regra de aprendizado

$$w = w - \alpha \frac{\partial J}{\partial w}$$

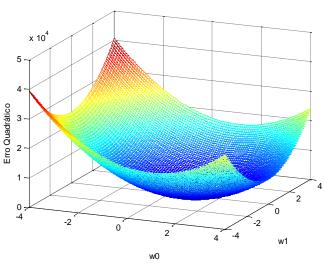
- J não é uma função convexa
  - Mínimos Locais

Primeira escolha

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} (y_i - \frac{1}{1 + e^{-\mathbf{w}^T x_i}})^2$$

Regra de aprendizado

- J não é uma função convexa
  - Mínimos Locais



$$J(w) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} C(w)$$

$$C(\mathbf{w}) = \begin{cases} -\ln(\overline{y_i}) \text{ se } y = 1\\ -\ln(1 - \overline{y_i}) \text{ se } y = 0 \end{cases}$$



$$J(w) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} C(w)$$

$$C(\mathbf{w}) = \begin{cases} -\ln(\overline{y_i}) \text{ se } y = 1\\ -\ln(1 - \overline{y_i}) \text{ se } y = 0 \end{cases}$$

- Nova Função de Custo
  - $J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} -y_i \ln(\overline{y_i}) (1 y_i) \ln(1 \overline{y_i})$



## Regra de Aprendizado

### Função de custo

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} -y_i \ln(\overline{y_i}) - (1 - y_i) \ln(1 - \overline{y_i})$$

### Regra

## Regra de Aprendizado

### Função de custo

$$J(\mathbf{w}) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} -y_i \ln(\overline{y_i}) - (1 - y_i) \ln(1 - \overline{y_i})$$

### Regra

$$w = w - \alpha \frac{\partial J}{\partial w}$$

#### Gradiente

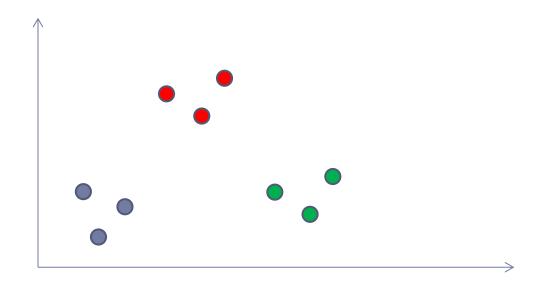
## Regra de Aprendizado

### Função de custo

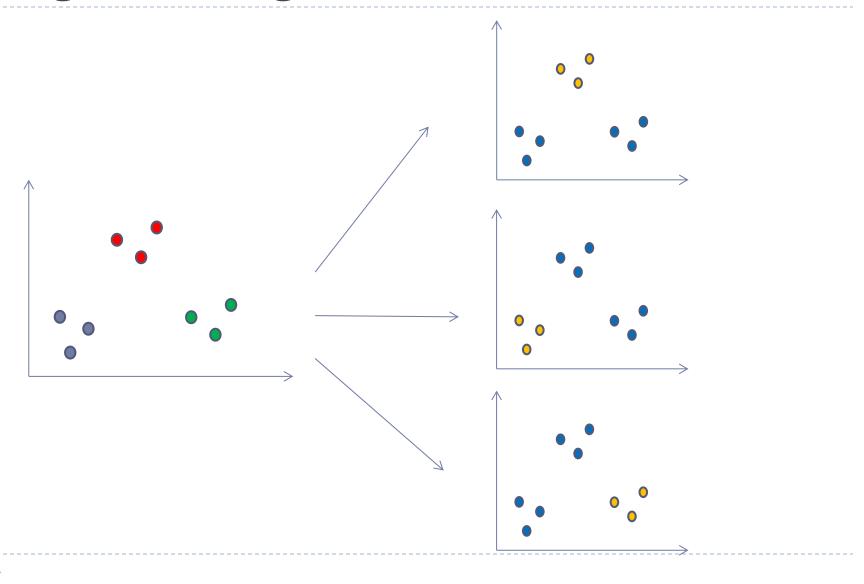
$$J(w) = \frac{1}{2n} \sum_{i=1}^{n} -y_i \ln(\overline{y_i}) - (1 - y_i) \ln(1 - \overline{y_i})$$

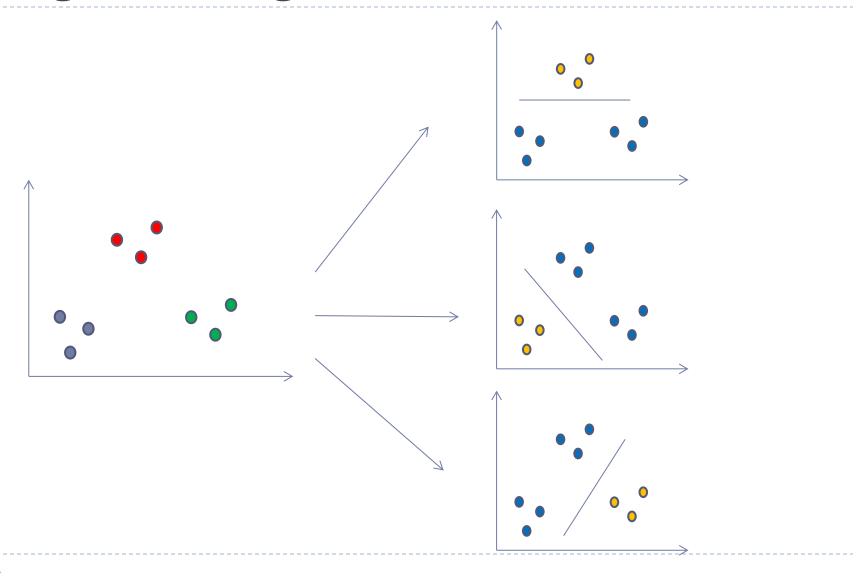
### Regra

#### Gradiente









Dúvidas?