# Multi-{échelles, résolution, cœurs}

**Thierry Dumont** 

-Institut Camille Jordan-

LyonCalcul, le 16 Avril 2013.

#### Quatre parties :

- ① Les problèmes qui nous ont intéressés. Aspect maths, modélisation .
- ② Discrétisation en temps. Méthodes numériques, implantation, parallélisme .
- 3 La multirésolution. *Implantation, structures de données* .
- Mouveaux paradigmes de programmation pour machines {multi,many}-core. Vol de tâches.

#### Quatre parties :

- ① Les problèmes qui nous ont intéressés. Aspect maths, modélisation .
- ② Discrétisation en temps. Méthodes numériques, implantation, parallélisme.
- 3 La multirésolution. Implantation, structures de données.
- Mouveaux paradigmes de programmation pour machines {multi,many}-core. Vol de tâches.

#### ANR Sechelles:

M. Massot (ECP), S. Descombes (Nice), Max Duarte (ECP, Nice, Lyon), C. Renaud (Limsi), Z. Bonaventura (Brno), V.Louvet, T.D. etc.... PEPS: (MCC (AMIES)) collaboration avec Intel.

### Problèmes multi échelles.

- Échelles de temps très différentes.
- Forts gradients spatiaux (mobiles).

Exemple:

$$\frac{du}{dt} = F(u), \ u \in \mathbb{R}^n$$

### Exemple:

$$\frac{du}{dt}=F(u),\ u\in\mathbb{R}^n$$

$$\frac{du_1}{dt}=F_1(u_1,u_2),$$

$$\frac{du_2}{dt}=\frac{1}{\varepsilon}F_2(u_1,u_2).$$

Le système approche *très vite* de la variété d'équilibre partiel  $F_2(u_1, u_2) = 0$ .



### Exemple:

$$\frac{du}{dt}=F(u),\ u\in\mathbb{R}^n$$

$$\frac{du_1}{dt}=F_1(u_1,u_2),$$

$$\frac{du_2}{dt}=\frac{1}{\varepsilon}F_2(u_1,u_2).$$

Le système approche *très vite* de la variété d'équilibre partiel  $F_2(u_1, u_2) = 0$ .

Exemple typique : réactions chimiques (mais la variété d'équilibre partiel est inconnue).

J, matrice Jacobienne :

$$J_{i,j} = \frac{\partial F_i}{\partial u_j}$$

Les valeurs propres de  ${\it J}$  sont les inverses des *échelles de temps* du système.

J, matrice Jacobienne :

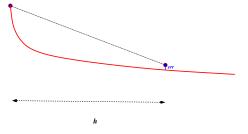
$$J_{i,j} = \frac{\partial F_i}{\partial u_j}$$

Les valeurs propres de J sont les inverses des *échelles de temps* du système.

Chimie complexe : 100 équations,  $|\lambda_{\rm max}|/|\lambda_{\rm min}| \simeq 10^8$ . Systèmes raides (stiff).

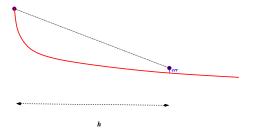
### Que veut on calculer?

On n'est pas intéressés par la simulation des échelles de temps les plus rapides, mais on veut contrôler l'erreur sur un intervalle de temps h.



### Que veut on calculer?

On n'est pas intéressés par la simulation des échelles de temps les plus rapides, mais on veut contrôler l'erreur sur un intervalle de temps h.



Méthodes numériques adaptées, coûteuses :

- Runge-Kutta implicites,
- Contrôle de l'erreur.

## Un problème raide de tous les jours

$$\frac{\partial u}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \, \Delta u(x,t) = 0.$$

Discrétisation en différences finies de pas  $\delta x$  :  $raideur = \varepsilon/\delta x^2$ .

Indépendant de la dimension d'espace...

# Échelles spatiales très différentes

Exemple : forts gradients localisés.

# Échelles spatiales très différentes

Exemple : forts gradients localisés. Problèmes de Réaction–Diffusion :

$$\begin{cases} \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta \ u_i(x,t) &= f_i(u_1(x,t), \dots, u_m(x,t)), \\ & 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega, \\ u_i(x,0) = u_i^0(x), & 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega. \end{cases}$$

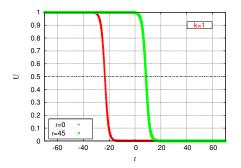
Chimie complexe.

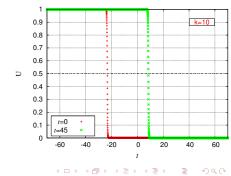


### Réaction-Diffusion

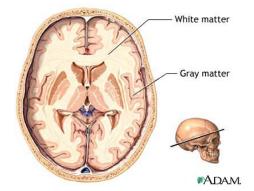
 $\mathsf{KPP}\;(\mathsf{Kolmogorov}\text{-}\mathsf{Petrovsky}\text{-}\mathsf{Piskounov}):$ 

$$\frac{\partial u}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \, \Delta u(x,t) = ku(x,t)^2 (1 - u(x,t)).$$



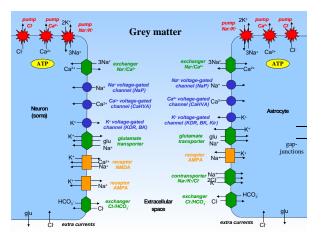


## Autre exemple



Accidents vasculaires cérébraux ischémiques. M.A. Dronne, J.P. Boissel & E. Grenier.

## Autre exemple



Accidents vasculaires cérébraux ischémiques. M.A. Dronne, J.P. Boissel et E. Grenier.

Système de 20 équations de Réaction–Diffusion, raide (10<sup>8</sup>)

### Positive Streamer Simulations

$$\begin{array}{lcl} \partial_t \textit{n}_{\rm e} - \partial_x \cdot \textit{n}_{\rm e} \, \textbf{v}_{\rm e} - \partial_x \cdot \left( \textit{D}_{\rm e} \, \partial_x \textit{n}_{\rm e} \right) & = & \textit{n}_{\rm e} \alpha |\textbf{v}_{\rm e}| - \textit{n}_{\rm e} \eta |\textbf{v}_{\rm e}| + \textit{n}_{\rm e} \textit{n}_{\rm p} \beta_{\rm ep} + \textit{n}_{\rm n} \gamma \\ \partial_t \textit{n}_{\rm p} + \partial_x \cdot \textit{n}_{\rm p} \textbf{v}_{\rm p} - \partial_x \cdot \left( \textit{D}_{\rm p} \, \partial_x \textit{n}_{\rm p} \right) & = & \textit{n}_{\rm e} \alpha |\textbf{v}_{\rm e}| - \textit{n}_{\rm e} \textit{n}_{\rm p} \beta_{\rm ep} + \textit{n}_{\rm n} \textit{n}_{\rm p} \beta_{\rm np} \\ \partial_t \textit{n}_{\rm n} - \partial_x \cdot \textit{n}_{\rm n} \textbf{v}_{\rm n} - \partial_x \cdot \left( \textit{D}_{\rm n} \, \partial_x \textit{n}_{\rm n} \right) & = & \textit{n}_{\rm e} \eta |\textbf{v}_{\rm e}| - \textit{n}_{\rm n} \textit{n}_{\rm p} \beta_{\rm np} - \textit{n}_{\rm n} \gamma \end{array}$$

$$\varepsilon_0 \, \partial_x^2 V = -q_{\rm e} (n_{\rm p} - n_{\rm n} - n_{\rm e}) \qquad \mathsf{E} = -\partial_x V$$

Décharges pulsées périodiques :

Voltage :  $0 \rightarrow 13 \text{ kV}$ 

Durée des pulses : 15 ns - Période :  $100 \,\mu s$ 



$$\begin{cases} \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta \ u_i(x,t) &= f_i(u_1(x,t), \dots, u_m(x,t)), \\ 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega, \\ u_i(x,0) = u_i^0(x), & 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega. \end{cases}$$

$$\begin{cases} \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta \ u_i(x,t) &= f_i(u_1(x,t), \dots, u_m(x,t)), \\ & 1 \le i \le m, \ x \in \Omega, \\ u_i(x,0) = u_i^0(x), & 1 \le i \le m, \ x \in \Omega. \end{cases}$$

$$(\mathcal{D}): \ \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta u_i(x,t) = 0,$$

$$(\mathcal{R}): \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) = f_i(u_1(x,t),\ldots,u_m(x,t)),$$



$$\begin{cases} \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta \ u_i(x,t) &= f_i(u_1(x,t), \dots, u_m(x,t)), \\ & 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega, \\ u_i(x,0) = u_i^0(x), & 1 \leq i \leq m, \ x \in \Omega. \end{cases}$$

$$(\mathcal{D}): \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta u_i(x,t) = 0,$$

$$(\mathcal{R}): \ \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) = f_i(u_1(x,t),\ldots,u_m(x,t)),$$

Schémas de Lie et Strang :

- Lie :  $U_{n+1} = \mathcal{D}_h . \mathcal{R}_h U_n$ ,
- Strang :  $U_{n+1} = \mathcal{R}_{h/2}.\mathcal{D}_h.\mathcal{R}_{h/2} U_n$ ,



$$\begin{cases} \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta \ u_i(x,t) &= f_i(u_1(x,t), \dots, u_m(x,t)), \\ & 1 \leq i \leq m, \, x \in \Omega, \\ u_i(x,0) = u_i^0(x), & 1 \leq i \leq m, \, x \in \Omega. \end{cases}$$

$$(\mathcal{D}): \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) - \varepsilon \ \Delta u_i(x,t) = 0,$$



$$(\mathcal{R}): \frac{\partial u_i}{\partial t}(x,t) = f_i(u_1(x,t),\ldots,u_m(x,t)),$$

Schémas de Lie et Strang :

- Lie :  $U_{n+1} = \mathcal{D}_h . \mathcal{R}_h U_n$ ,
- Strang :  $U_{n+1} = \mathcal{R}_{h/2} \cdot \mathcal{D}_h \cdot \mathcal{R}_{h/2} \cdot U_n$ , ou  $U_{n+1} = \mathcal{D}_{h/2} \cdot \mathcal{R}_h \cdot \mathcal{D}_{h/2} \cdot U_n$ ,

### Questions

- 1 Est-ce adapté au cas raide?
- 2 h? Rapport avec les échelles de temps du problème?
- 3 Les 2 schémas de Strang?

### Questions

- Est-ce adapté au cas raide?
- ② h? Rapport avec les échelles de temps du problème?
- 3 Les 2 schémas de Strang?
- Oui, si les échelles rapides sont *filtrées* par les sous pas.
- Le pas h n'est pas limité par les échelles rapides.
- 6 finir avec les problèmes les plus raides.

### **Implantation**

- 1 Réaction : parallélisme trivial, mais :
  - coût très variable selon la distance à l'équilibre,
  - méthodes adaptées, coûteuses (RADAU5).

### **Implantation**

- Réaction : parallélisme trivial, mais :
  - coût très variable selon la distance à l'équilibre,
  - méthodes adaptées, coûteuses (RADAU5).
- ② Diffusion :

échelles de temps relativement peu rapides (petit coefficient de diffusion  $\varepsilon$  ) => méthode Rock4.

### **Implantation**

- Réaction : parallélisme trivial, mais :
  - coût très variable selon la distance à l'équilibre,
  - méthodes adaptées, coûteuses (RADAU5).
- ② Diffusion :

échelles de temps relativement peu rapides (petit coefficient de diffusion  $\varepsilon$  ) => méthode Rock4.

Rock4 : méthodes de Runge-Kutta explicite, mais à grand domaine de stabilité => que des produits matrices vecteurs => parallélisme important.

## Et les échelles spatiales?

On sait résoudre correctement les échelles temporelles, qu'en est-il des échelles spatiales?

## Et les échelles spatiales?

On sait résoudre correctement les échelles temporelles, qu'en est-il des échelles spatiales?

### Expérience numérique (Duarte, Massot) :

Discrétisation spatiale du problème (AVC) en dimension 1 => système d'équations différentielles ordinaires assez petit => résolution avec un solveur d'EDO d'ordre élevé

## Et les échelles spatiales?

On sait résoudre correctement les échelles temporelles, qu'en est-il des échelles spatiales?

### Expérience numérique (Duarte, Massot) :

Discrétisation spatiale du problème (AVC) en dimension 1 => système d'équations différentielles ordinaires assez petit => résolution avec un solveur d'EDO d'ordre élevé=> solution « exacte » du système discrétisé en espace.

AVC : au moins 1000 points...

En dimension 3, 10<sup>9</sup> points!

## Multirésolution.

### Mailler finement où c'est nécessaire

Plusieurs approches (éléments finis adaptatifs, AMR, Multirésolution).

### Mailler finement où c'est nécessaire

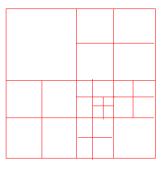
Plusieurs approches (éléments finis adaptatifs, AMR, Multirésolution).

Multirésolution : un solide fondement théorique basé sur les ondelettes.

### Mailler finement où c'est nécessaire

Plusieurs approches (éléments finis adaptatifs, AMR, Multirésolution).

Multirésolution : un solide fondement théorique basé sur les ondelettes.



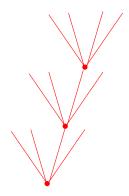
## L'approche multirésolution

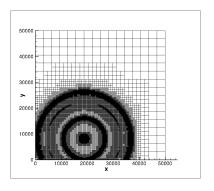
• Quadtrees en dimension 2, octrees en dimension 3.

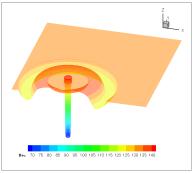
## L'approche multirésolution

- Quadtrees en dimension 2, octrees en dimension 3.
- Un ensemble de grilles emboîtées, de la plus grossière à la plus fine.
- Des valeurs aux feuilles et aux nœuds de l'arbre (== sur toutes les grilles emboîtées).

- Quadtrees en dimension 2, octrees en dimension 3.
- Un ensemble de grilles emboîtées, de la plus grossière à la plus fine.
- Des valeurs aux feuilles et aux nœuds de l'arbre (== sur toutes les grilles emboîtées).



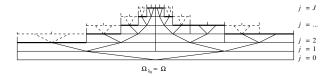




Ondelettes : valeurs sur une grille= valeurs sur la grille inférieure + détail.

Ondelettes : valeurs sur une grille= valeurs sur la grille inférieure + détail. Estimer les *détails* pour gérer les raffinements de maillage.

Ondelettes : valeurs sur une grille= valeurs sur la grille inférieure + détail. Estimer les *détails* pour gérer les raffinements de maillage.



Des transformations entre grilles de différents niveaux :

- projection du niveau j vers le niveau  $j-1:R_{j,j-1}$
- prédiction du niveau j-1 vers le niveau  $j:P_{j-1,j}$



- Consistance :  $R_{j,j-1} \circ P_{j-1,j} = Id$
- Détails :  $d = (Id P_{j-1,j} \circ R_{j,j-1})u$

- Consistance :  $R_{j,j-1} \circ P_{j-1,j} = Id$
- Détails :  $d = (Id P_{j-1,j} \circ R_{j,j-1})u$

#### ldée

Raffiner le maillage là où les détails sont trop grands... et le grossir là où ils sont trop petits.

- Consistance :  $R_{j,j-1} \circ P_{j-1,j} = Id$
- Détails :  $d = (Id P_{j-1,j} \circ R_{j,j-1})u$

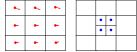
#### Idée

Raffiner le maillage là où les détails sont trop grands... et le grossir là où ils sont trop petits.

Différents choix possibles pour  $R_{j,j-1}$  et  $P_{j-1,j}$ :



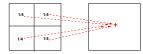
•  $R_{j,j-1}$  : moyenne



•  $P_{j-1,j}$ : interpolation quadratique

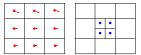


•  $R_{j,j-1}$  :



Il faut seulement regarder les frères et le père.

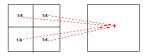
 $\bullet$   $P_{j-1,j}$ :



Regarder les frères, cousins et oncles .

C'est la principale difficulté quant à l'implantation!

•  $R_{j,j-1}$ :



Il faut seulement regarder les frères et le père.

•  $P_{j-1,j}$  :

•	•	•				
+	•	•		•	•	
				•	•	
•-	•	•				

Regarder les frères, cousins et oncles .

C'est la principale difficulté quant à l'implantation!

Représentation classique des arbres par pointeurs : catastrophe garantie!



Comment stocker des {2,4,8..}-arbres de manière performante? Boîte à outils des bases de données géographiques!

- respecter le mieux possible la localité en mémoire!
- recherche facile de la parentele...

Une indexation des nœuds et des feuilles qui respecte le mieux possible la localité des données : space filling curves.

Fonction de Peano : bijection P de  $[0,1]^d$  sur le segment [0,1].

Fonction de Peano : bijection P de  $[0,1]^d$  sur le segment [0,1]. En dimension d=2 :

```
• (en base 2):

x = 0, x_1x_2, \dots, x_nx_{n+1} \dots,

y = 0, y_1y_2, \dots, y_ny_{n+1} \dots,
```

•  $P(x,y) = 0, x_1y_1x_2y_2...x_ny_nx_{n+1}y_{n+1}...$ 

Fonction de Peano : bijection P de  $[0,1]^d$  sur le segment [0,1]. En dimension d=2 :

```
• (en base 2):

x = 0, x_1x_2, \dots, x_nx_{n+1} \dots,

y = 0, y_1y_2, \dots, y_ny_{n+1} \dots,

• P(x, y) = 0, x_1y_1x_2y_2 \dots x_ny_nx_{n+1}y_{n+1} \dots
```

Généralisation immédiate en dimension d supérieure.

Fonction de Peano : bijection P de  $[0,1]^d$  sur le segment [0,1]. En dimension d=2 :

```
• (en base 2):

x = 0, x_1x_2, \dots, x_nx_{n+1} \dots,

y = 0, y_1y_2, \dots, y_ny_{n+1} \dots,

• P(x, y) = 0, x_1y_1x_2y_2 \dots x_ny_nx_{n+1}y_{n+1} \dots
```

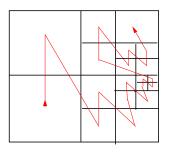
Généralisation immédiate en dimension d supérieure.

Différents noms : Z-curves, Z-fonctions, Hilbert R-tree, k-d tree, etc. voir Knuth.

lci : le développement en base 2 de x et y est de taille bornée par le nombre de grilles emboîtées maximum.



# Implantation (structure de données)



À chaque nœud ou feuille de l'arbre, on associe une abscisse  $[0, ]p_1p_2 \dots p_{2m}$ .

# Implantation (stockage d'une feuille ou d'un nœud)

#### Exemple:

- stockage sur un entier 64 bits.
- 15 niveaux.
- Dimension 3.



(A) : abscisse, (B) : flags, (C) : niveau.

Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

• on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \le P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot);

Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

• on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \leq P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot); on a donc une collection de slots, le slot i contient tous les nœuds dont l'abscisse s vérifie  $s_1^i \leq s < s_2^i$ .

Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

- on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \le P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot); on a donc une collection de slots, le slot i contient tous les nœuds dont l'abscisse s vérifie  $s_1^i \le s < s_2^i$ .
- étant donné l'abscisse P(x, y) d'un nœud, une map C++

$$s_1^i \rightarrow i$$

qui permet de trouver son slot en  $log_2N$  opérations;



Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

- on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \leq P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot); on a donc une collection de slots, le slot i contient tous les nœuds dont l'abscisse s vérifie  $s_1^i \leq s < s_2^i$ .
- étant donné l'abscisse P(x, y) d'un nœud, une map C++

$$s_1^i \rightarrow i$$

qui permet de trouver son slot en  $log_2N$  opérations;

• un système de cache pour accélérer les recherches.



Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

- on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \leq P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot); on a donc une collection de slots, le slot i contient tous les nœuds dont l'abscisse s vérifie  $s_1^i \leq s < s_2^i$ .
- étant donné l'abscisse P(x, y) d'un nœud, une map C++

$$s_1^i \rightarrow i$$

qui permet de trouver son slot en  $log_2N$  opérations;

• un système de cache pour accélérer les recherches.

On vérifie que, étant donné un nœud d'abscisse P, on calcule facilement les abscisses de ses frères, oncles, cousins, pères etc. (manipulation au niveau bit).

Représentation d'une feuille ou d'un nœud : on stocke l'abscisse et le niveau dans l'arbre (hachage parfait).

#### Structure de données :

- on stocke tous les nœuds pour lesquels  $s_1 \leq P(x,y) < s_2$  dans un vecteur d'entiers, non triés (un slot); on a donc une collection de slots, le slot i contient tous les nœuds dont l'abscisse s vérifie  $s_1^i \leq s < s_2^i$ .
- étant donné l'abscisse P(x, y) d'un nœud, une map C++

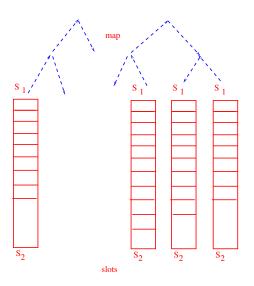
$$s_1^i \rightarrow i$$

qui permet de trouver son slot en  $log_2N$  opérations;

• un système de cache pour accélérer les recherches.

On vérifie que, étant donné un nœud d'abscisse P, on calcule facilement les abscisses de ses frères, oncles, cousins, pères etc. (manipulation au niveau bit).

Idéal pour apprendre l'utilisation de «, », & etc. 🙂 🚙 🔻 🖹 🔻 🤊 🤉



#### Opérations sur la collection de slots :

- fusion de slots voisins trop petits,
- éclatement de slots trop grands.

Opérations sur la collection de slots :

- fusion de slots voisins trop petits,
- éclatement de slots trop grands.

Est-ce que tous les calculs sont parallélisables?

Calculs effectués par Max Duarte et Zdenek Bonaventura. vidéos :

Calculs effectués par TD.

{Multi-Many}-core.

#### Architectures

- Augmentation du nombre de cœurs,
- Many core : Xeon Phi.

#### **Architectures**

- Augmentation du nombre de cœurs,
- Many core : Xeon Phi.

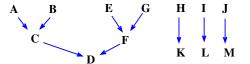
#### Xeon Phi

Architecture compatible Intel.

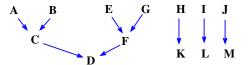
- n >> 1 core (n = 60?)
- 4 n threads,
- Unités vectorielles (4 doubles, 8 float).

(X)kaapi (Grenoble Inria), Threading Building Blocks (Intel TBB).

(X)kaapi (Grenoble Inria), Threading Building Blocks (Intel TBB).



(X)kaapi (Grenoble Inria), Threading Building Blocks (Intel TBB).



#### À chaque instant :

- stock de tâches disponibles,
- les unités de calcul (threads) volent les tâches disponibles quand elles sont desœuvrées.

#### Avantage

Pas de problèmes d'équilibrage des charges ! Exemple : pas réactif.

### Programmation par vol de tâches

#### Avantage

Pas de problèmes d'équilibrage des charges ! Exemple : pas réactif.

#### TBB:

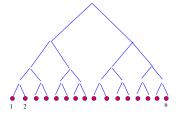
Mémoire partagée.

- bibliothèque C++ (g++, icc...),
- libre,
- simple!
- gestion des tâches,
- parallel\_for, parallel\_reduce etc.
- allocation multithread (remplace malloc).
- conteneurs type stl, concurents.
- bibliothèque de choix pour le Xeon Phi.



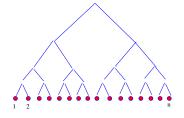
# ${\sf Exemple:parallel\_for}$

n tâches indépendantes.



## Exemple : parallel\_for

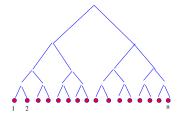
n tâches indépendantes.



Décomposition récursive de l'intervalle [1, n] (jusqu'à un grain minimal).

### Exemple: parallel\_for

n tâches indépendantes.



Décomposition récursive de l'intervalle [1, n] (jusqu'à un grain minimal).

Exemple de programme minimal :

Données :

```
double x[1000];
for(int i=0;i<n;i++)
x[i]=0.0;</pre>
```

Ajouter 1 à chaque composant de x.

## Exemple : parallel\_for

```
class addOne{
 double *X:
public:
 // Constructor.
 addOne(double *x): X(x){}
 // Copy Constructor.
 addOne(const addOne& C): X(C.X){}
 // operator
 voir operator()(blocked range<size t> range)
    for (size t i=range.begin (); i!=range.end(); i++)
       x[i]+=1.0;
```

### Exemple: parallel for

double  $\times[1000]$ ;

```
for(int i=0;i<n;i++)
  x[i]=0.0;
parallel for(blocked range<size t>(1,1000),addOne(x));
```

### Exemple: parallel for

double  $\times[1000]$ ;

```
for(int i=0;i<n;i++)
  x[i]=0.0;
parallel for(blocked range<size t>(1,1000),addOne(x));
```

- découpe récursive de l'intervalle (1,1000),
- pour chaque sous intervalle créé, instantiation (copy constructor) d'un objet de type addOne,
- arrivé au niveau minimum, appel de l'opérateur sur le dernier objet instancié.

### Xeon Phi et "Vintage programing"

Unités vectorielles sur le Xeon Phi! retour de la vectorisation comme sur les Cray des années 80.

Exemple de problème : résolution numérique des EDOs par méthode implicite : on doit calculer la matrice Jacobienne du second membre :

$$du/dt = F(u)$$

$$J_{i,j} = \frac{\partial F_i}{\partial u_j}$$

en général on procède par approximation numérique :

$$(F(u + he_i) - F(u))/h$$

où  $e_j = (0, 0, ..., 1, 0, ..., 0)^t$  1 en jième position. On peut, faut vectoriser ce calcul.



## Micro expérience de portage sur un prototype du Xeon Phi.

Code multi résolution : 20 000 ligne de C++.

- 1 on vérifie qu'il peut être compilé avec icc.
- ajout d'une option de compilation!
- compilation et recopie du binaire exécutable sur le Xeon Phi.

## Micro expérience de portage sur un prototype du Xeon Phi.

Code multi résolution : 20 000 ligne de C++.

- 1 on vérifie qu'il peut être compilé avec icc.
- ajout d'une option de compilation!
- 3 compilation et recopie du binaire exécutable sur le Xeon Phi.
- 4 ça tourne!

## Micro expérience de portage sur un prototype du Xeon Phi.

Code multi résolution : 20 000 ligne de C++.

- 1 on vérifie qu'il peut être compilé avec icc.
- 2 ajout d'une option de compilation!
- 3 compilation et recopie du binaire exécutable sur le Xeon Phi.
- 4 ça tourne! plus lentement.

Travail d'optimisation à faire : nécessité d'outils de mesure (VTune).

