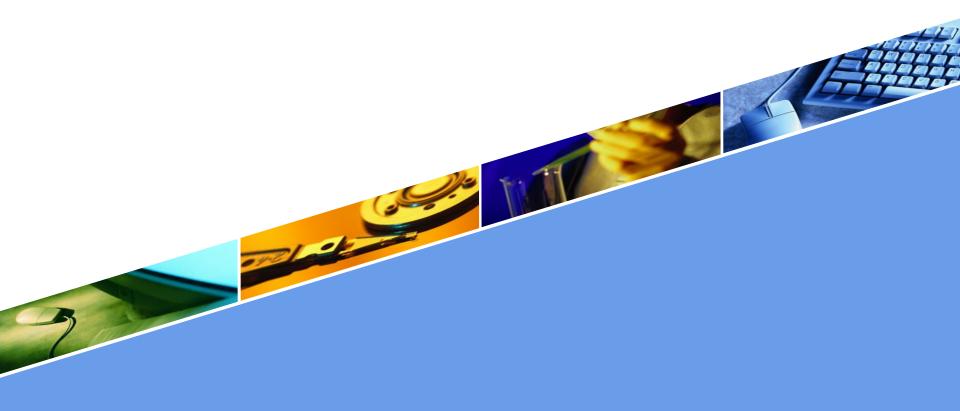
Геометрический смысл линейного неравенства

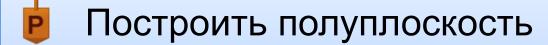






Линейное неравенство $a_1x_1+a_2x_2 \ge b$ на плоскости задает полуплоскость, границей которой является прямая $a_1x_1+a_2x_2=b$







$$2x_1 + 3x_2 \ge 6$$

Построить полуплоскость $2x_1 + 3x_2 \ge 6$

$$2x_1 + 3x_2 \ge 6$$





1. Построим в системе координат прямую границу полуплоскости (по двум точкам)

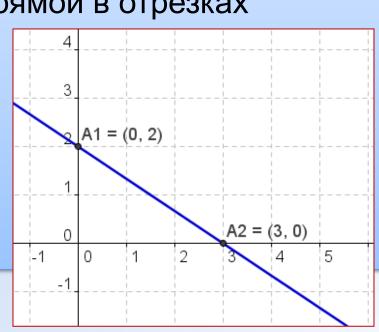
$$2x_1 + 3x_2 = 6$$

x_1	0	3
x_2	2	0

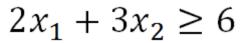
или запишем уравнение прямой в отрезках

$$\frac{2x_1}{6} + \frac{3x_2}{6} = \frac{6}{6}$$

$$\frac{x_1}{3} + \frac{x_2}{2} = 1$$



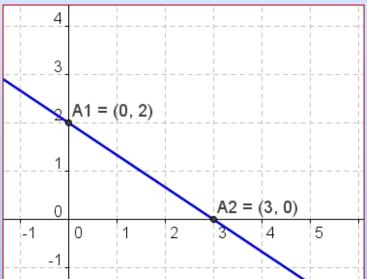
Построить полуплоскость $2x_1 + 3x_2 \ge 6$





2. Определим, какую полуплоскость задает неравенство: ниже и левее построенной прямой





Построить полуплоскость

$2x_1 + 3x_2 \ge 6$



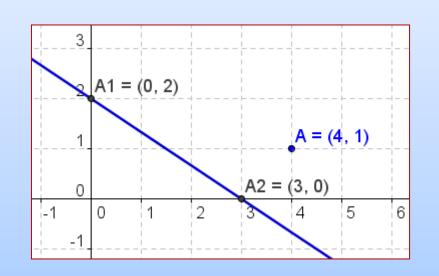
2. Определим, какую полуплоскость задает неравенство?



Выбираем произвольную точку, **не лежащую** на прямой, например A(4;1)

Подставляем ее координаты в неравенство:

$$2 \cdot 4 + 3 \cdot 1 \ge 6$$
$$11 \ge 6$$



Построить полуплоскость

$$2x_1 + 3x_2 \ge 6$$

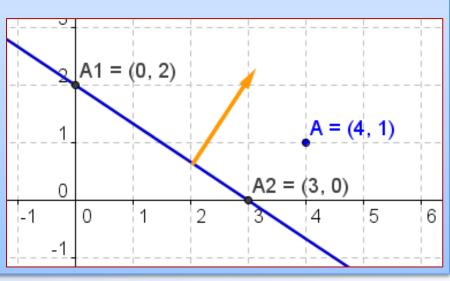


2. Определим, какую полуплоскость задает неравенство?



Поучили <u>верное</u> числовое неравенство, значит данное неравенство задает полуплоскость <u>содержащую</u> точку A(4;1), т.е. выше и правее прямой

$$2 \cdot 4 + 3 \cdot 1 \ge 6$$
$$11 \ge 6$$



Замечание

Для проверки проще всего использовать начало координат A(0;0) (если прямая – граница полуплоскости не проходит через начало координат)







Для построения множества точек, удовлетворяющих системе линейных неравенств необходимо построить пересечение полуплоскостей, заданных всеми неравенствами



Построить область решений системы линейных неравенств:

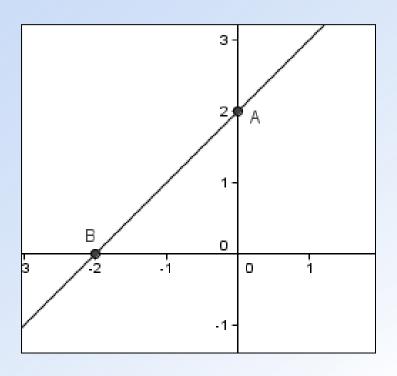
$$\begin{cases} x_2 - x_1 \le 2, \\ 4x_1 + x_2 \ge 4, \\ x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$



Построим полуплоскость, заданную первым неравенством x₂-x₁≤2

Граница полуплоскости: $x_2-x_1=2$

x_1	0	-2
x_2	2	0





 Построим полуплоскость, заданную первым неравенством x₂-x₁≤2

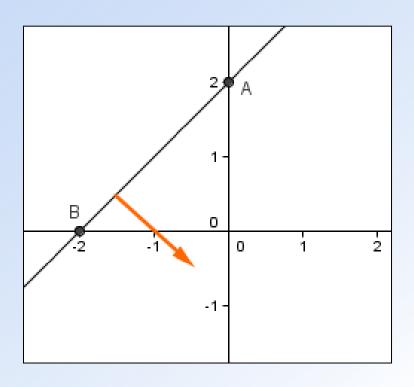
Определим полуплоскость

Подставим координаты точки A(0;0) в неравенство:

$$0 - 0 \le 2$$

$$0 \le 2$$
 - верно

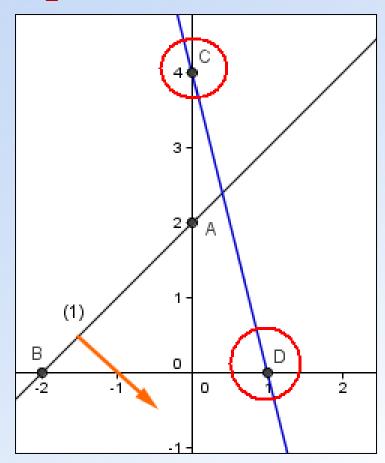
Значит полуплоскость **содержит** начало координат - точку A(0;0)





2. Построим полуплоскость, заданную вторым неравенством 4x₁+x₂≥4

Граница полуплоскости: $4x_1+x_2=4$





2. Построим полуплоскость, заданную вторым неравенством $4x_1+x_2≥4$

Определим полуплоскость

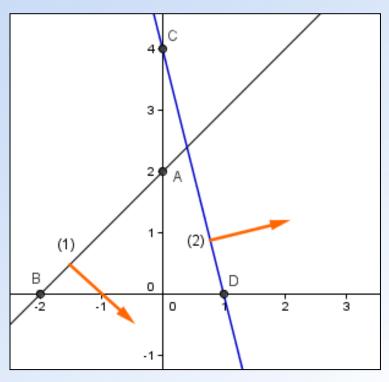
Подставим координаты точки A(0;0) в неравенство:

$$0 + 0 \ge 4$$

Значит полуплоскость

не содержит начало

координат - точку А(0;0)





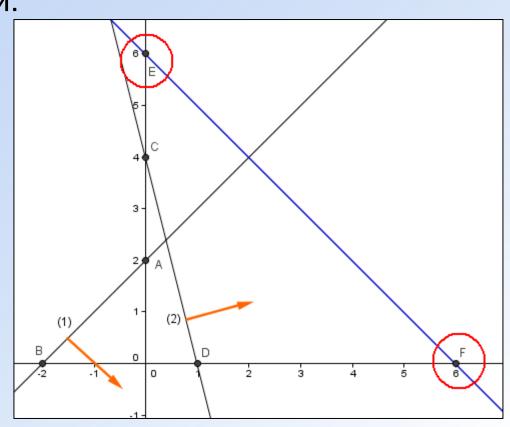


3. Построим полуплоскость, заданную вторым неравенством x₁+x₂≤6

Граница полуплоскости:

$$x_1 + x_2 = 6$$

x_1	0	6
x_2	6	0





3. Построим полуплоскость, заданную вторым неравенством x₁+x₂≤6

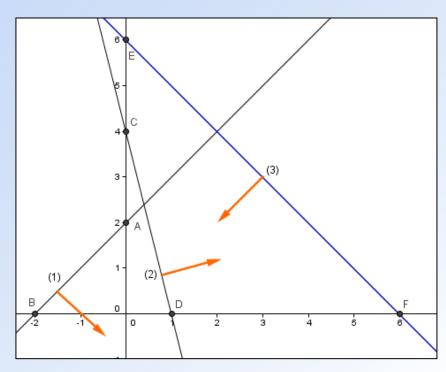
Определим полуплоскость

Подставим координаты точки A(0;0) в неравенство:

$$0 + 0 \le 6$$

$$0 \le 6$$
 — верно

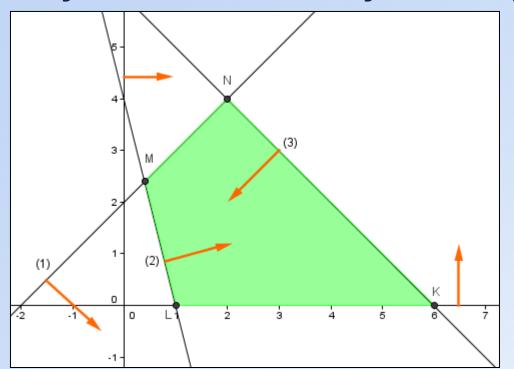
Значит полуплоскость **содержит** начало координат - точку A(0;0)





4. Условие неотрицательности переменных задает первую координатную четверть $x_1 \ge 0, x_2 \ge 0$

Получаем область допустимых решений KLMN:



$$\begin{cases} x_2 - x_1 \le 2, \\ 4x_1 + x_2 \ge 4, \\ x_1 + x_2 \le 6, \\ x_1 \ge 0, x_2 \ge 0. \end{cases}$$



