

# *Tecnologia em Análise e Desenvolvimento de Sistemas - TADS*

## ***Estrutura de Dados***

***Prof. Luciano Vargas Gonçalves***

*E-mail: [luciano.goncalves@riogrande.ifrs.edu.br](mailto:luciano.goncalves@riogrande.ifrs.edu.br)*



# Sumário

## ***Estrutura de Dados***

- Tabela Hashing

# Sumário

- **Estrutura de Dados**

- **Objetivo:**

- **Armazenar e recuperar informações em estruturas de dados;**
    - **Métodos de recuperação de informação:**
      - **Busca exaustiva (sequencial)**
        - **Percorrer toda a lista, baseado em processo de repetição e teste.**
      - **Tabelas Hash**

# Busca exaustiva

- Exemplo de um Vetor de nomes:
  - Inserção desordenada (ordem de chegada)
  - Busca sequencial, comparando chave por chave.

Família	1	2	3	4	5	6
	José Maria	Leila	Artur	Jolinda	Gisela	Alciene

Família[1] = "José Maria"

Família[3] = "Artur"

Família[2] = "Leila"

Em qual posição está "Alciene" ?

# Busca exaustiva

- Exemplo de um Vetor de nomes:
  - Novas inserções geram mais complexidade ao sistema;
  - O sistema precisaria ser ordenado e reordenado a cada inserção (Ou inserções precisam ser ordenadas)

Família	1	2	3	4	5	6
	José Maria	Leila	Artur	Jolinda	Gisela	Alciene

Família[1] = "José Maria"

Família[3] = "Artur"

Família[2] = "Leila"

Em qual posição está "Alciene" ?

# Tabela Hashing (Tabela de Dispersão)

- **Contextualização**

- Veremos agora, o método de pesquisa conhecido como **hashing** (tabela de dispersão) ou método de cálculo de endereço.
- Na média dos casos, é possível encontrar a chave (informação) com apenas UMA OPERAÇÃO de LEITURA.
- ***Realiza a Inserção Ordenada e a Busca mais rápida pelo cálculo do endereço.***

# Tabela Hashing

- ***Tabela HASHING***

- Os índices (posições) dos elementos são definidos pelo cálculo da chave (hash);
- Utiliza uma função matemática (Hash)
- Facilita a inserção, ordenação e recuperação (busca);

# Tabela Hashing

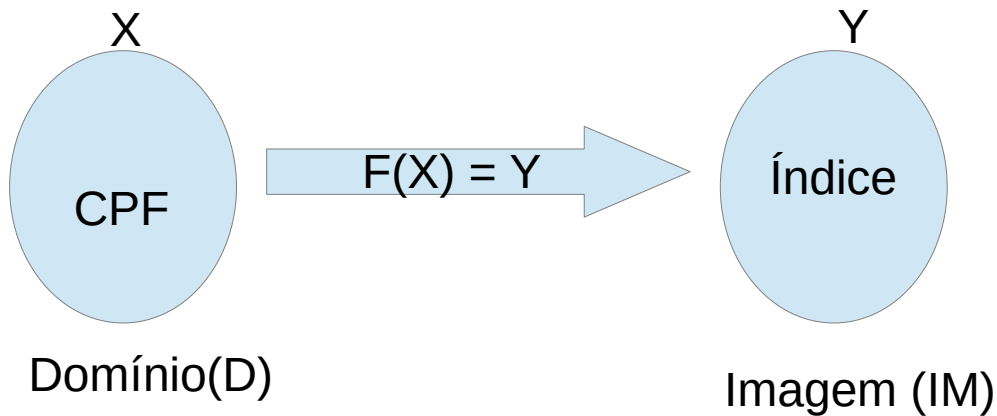
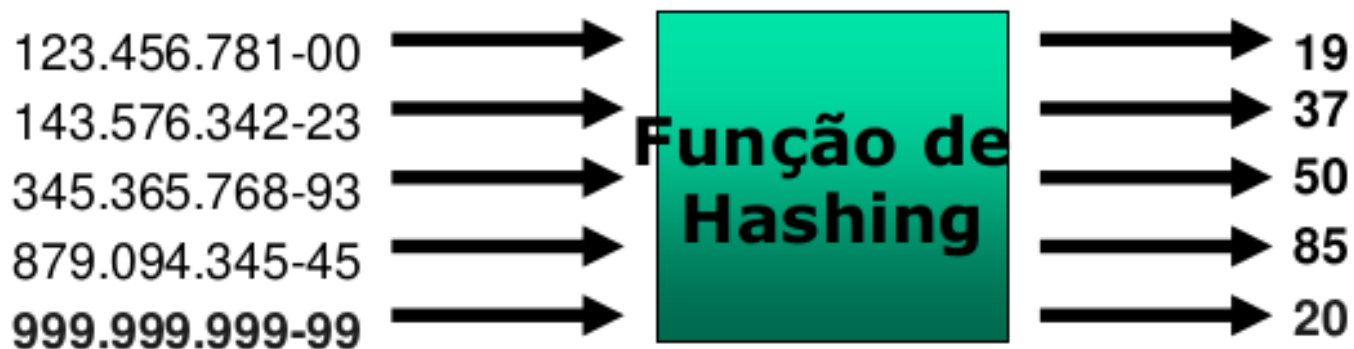
- **Hash**

- A ideia central do Hash é **utilizar uma função (ex: matemática)**, aplicada sobre parte da informação (chave), para retornar o índice onde a informação deve ou deveria estar armazenada.
- **Esta função que mapeia a chave para um índice de um arranjo é chamada de Função de Hashing.**
- *A estrutura de dados Hash é comumente chamada de Tabela Hash.*
  - *Índices e valores mapeados (função)*



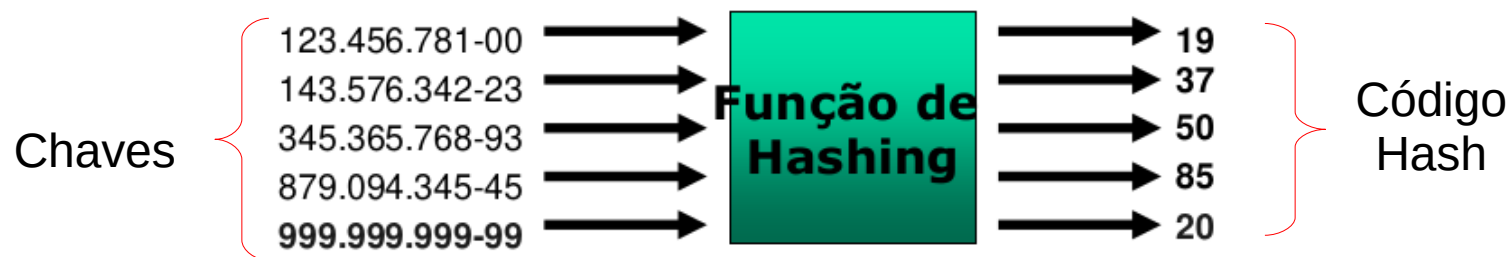
# Tabela Hashing

- Exemplo: Mapear CPF em Posições de um Vetor



# Tabela Hashing

- Exemplo: Mapear CPF em Posições de um Vetor



**Tabela Hash**

19	123.456.781-00; Fausto Silva; Av. Canal. Nº 45.
20	
...	
37	143.576.342-23; Carla Perez; Rua Celso Oliva. Nº 27.
...	
50	345.365.768-93; Gugu Liberato; Av. Atlântica. S/N.
...	
85	879.094.345-45 ; Hebe Camargo; Rua B. Nº 100.
...	

# Tabela Hash

- Em Computação a **Tabela Hash** é uma estrutura de dados especial, que armazena as informações desejadas associando chaves de pesquisa a estas informações.
  - Objetivo: a partir de uma chave, fazer uma busca rápida e obter o valor desejado.
  - A ideia central por trás da construção de uma Tabela Hash é identificar, na chave de busca, quais as partes que são significativas.

# Função Hash

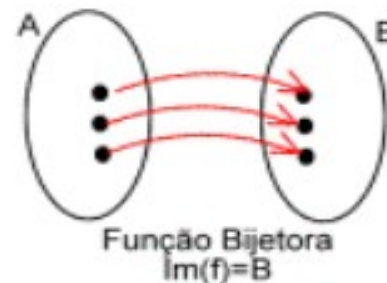
- A **Função de Hashing** é a responsável por gerar **um índice (Hash Code)** a partir de uma determinada chave.
  - O ideal é que a função forneça **índices únicos** para o conjunto das chaves de entrada possíveis.
  - A função de Hashing é extremamente importante, pois ela é responsável **por distribuir as informações pela Tabela Hash**.
  - A implementação da função de Hashing tem influência direta na eficiência das operações sobre o Hash.

# Hashing Perfeito

- **Cada Chave gera uma única posição no vetor:**
  - Para quaisquer chaves  $x$  e  $y$  diferentes e pertencentes a  $A$ , a função utilizada fornece **saídas diferentes em  $B$** ;
  - **Função ótima, observação:**
    - **Depende da Chave;**
    - **Difícil de ser alcançada;**



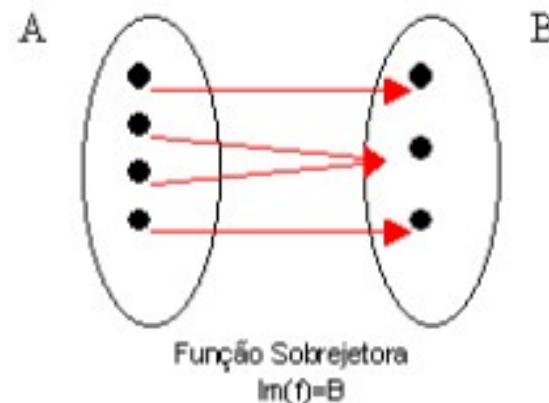
Toda chave A tem apenas um valor correspondente em B



Toda chave A tem apenas um valor correspondente em B, não sobram elementos em B

# Hashing ImPerfeito

- **Diferentes chaves podem gera uma único valor de código HASH (Colisão):**
  - Existe chaves  $x$  e  $y$  diferentes e pertencentes a  $A$ , onde a função Hash utilizada fornece **saídas iguais**;
  - **Função Hash comum ou simples:**
    - Problema complexo;



# Hashing ImPerfeito

- **Exemplo :**

- Suponha que queiramos armazenar as seguintes chaves:  $K=\{C, H, A, V, E, S\}$  em um vetor de  $P = 7$  posições (0..6) conforme a seguinte função:

- $F(k) = k \% P$

- $K$  = (código ASCII) e  $P$  é o número de elementos,  $\%$  é a função mod.

- Forma de mapear 7 elementos diferentes em um vetor de 7 posições
- Faz a divisão do código ASCII pelo tamanho do vetor, e pega o resto da divisão
- **Tabela ASCII:**
  - C (67); H (72); A (65); V (86); E (69) e S (83).

# Hashing ImPerfeito

- **Exemplo :**

- **Código ASCII: C (67); H (72); A (65); V (86); E (69) e S (83).**

chave	$K = \text{ord}(\text{chave})$	$i_1 = h(K)$
C	67	4
H	72	2
A	65	2
V	86	2
E	69	6
S	83	6

Colisão  
hash iguais

Tabela HASH para os Elementos de CHAVES



# Hashing ImPerfeito

- ***Hashing Perfeito ou quase perfeito:***
  - São encontradas apenas onde a colisão não é tolerável
    - Nas funções de hashing de criptografia;
  - Quando conhecemos previamente o conteúdo a ser armazenado na tabela.
- Nas ***Tabelas Hash comuns a colisão é apenas indesejável***, diminuindo o desempenho do sistema.
  - Assertiva do sistemas na recuperação de informações;
  - Colisão tolerável;

# Tratamento de Colisão

- Por causa das colisões, muitas Tabelas Hash são aliadas com algumas outras estruturas de dados para solucionar os problemas de colisão, são elas:
  - Listas Encadeadas (LSE e LDE);
  - Árvores Balanceadas e dentro da própria tabela.

# Tratamento de Colisão

- **Colisão:**

- Quando duas ou mais chaves geram o mesmo endereço da Tabela Hash, dizemos que houve uma Colisão.
- É comum ocorrer colisões, faz parte do processo.
- Principais causas:
  - em geral o número  $N$  de **chaves possíveis é muito maior** que o número de **entradas disponíveis na tabela**.
  - não se pode garantir que as funções de hashing possuam um bom potencial de distribuição (espalhamento).
  - Função matemática ineficiente;

# Tratamento de Colisão

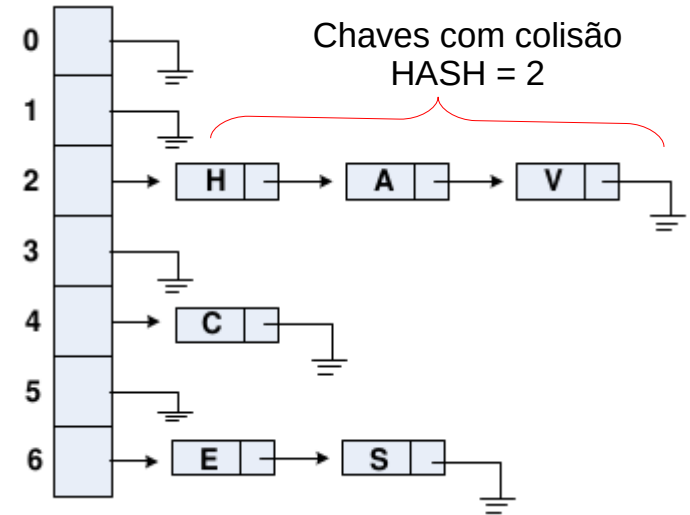
- ***Tratamento de Colisão:***

- Um bom método de resolução de colisões é essencial, não importando a qualidade da função de hashing.
- Há diversas técnicas de resolução de colisão.
- As técnicas mais comuns podem ser enquadradas em duas categorias:
  - Encadeamento.
  - Endereçamento Aberto (Rehash);

# Tratamento de Colisão com Lista Encadeada

- **Encadeamento:**

- Característica Principal: A informação é armazenada em estruturas encadeadas fora da Tabela Hash.
- A tabela Hash é apenas um Vetor de ponteiros para listas encadeadas com mesmo Hash:
  - Suponha que queiramos armazenar os caracteres que compõem a palavra CHAVES em um vetor de  $P = 7$  posições (0..6) conforme a seguinte função  $f(k) = k(\text{código ASCII}) \% P$ .



# Tratamento de Colisão com Deslocamento

- Característica Principal:
  - A informação é armazenada na própria Tabela Hash em outra posição disponível (deslocamento).
  - Uma estratégia de solução:
    - Rehash Linear
      - Repetição da função Hash **com deslocamento**;
        - Chave + deslocamento

# Endereçamento Aberto: Rehash Linear

- Uma das alternativas mais usadas para aplicar Endereçamento Aberto é chamada de ***rehash linear***.
- A posição na tabela é dada por:
  - $rh(k) = (k + i) \% M$ ,
    - onde M é a qtd de entradas na Tabela Hash
    - k é a chave
    - i é o índice de reaplicação do Hash

# Endereçamento Aberto: Rehash Linear

- os caracteres da palavra “CHAVES” serão inseridos em uma tabela hash através do Rehash Linear.
- O número de entradas (M) da Tabela Hash a ser criada é 7.

chave	$K = \text{ord}(\text{chave})$
C	67
H	72
A	65
V	86
E	69
S	83



# Endereçamento Aberto: Rehash Linear

- Obs.:
  - $h(k) = k \bmod 7$
  - $rh(k) = (k+1) \bmod 7$
  - Ocorre um deslocamento do elemento

Repetição do Hash

chave	$k = \text{ord}(\text{chave})$	$i_1 = h(k)$	$i_2 = rh(i_1)$	$i_3 = rh(i_2)$	$i_4 = rh(i_3)$
c	67	4	-	-	-
h	72	2	-	-	-
a	65	2	3	-	-
v	86	2	3	4	5
e	69	6	-	-	-
s	83	6	0	-	-

# Endereçamento Aberto: Rehash Linear

- Obs.:
  - $h(k) = k \bmod 7$
  - $rh(k) = (k+1) \bmod 7$
  - Ocorre um deslocamento

Repetição do Hash

chave	$k = \text{ord}(\text{chave})$	$i_1 = h(k)$	$i_2 = rh(i_1)$	$i_3 = rh(i_2)$	$i_4 = rh(i_3)$
c	67	4	-	-	-
h	72	2	-	-	-
a	65	2	3	-	-
v	86	2	3	4	5
e	69	6	-	-	-
s	83	6	0	-	-

0	s
1	
2	h
3	a
4	c
5	v
6	e

# Exemplo:

## ***Implementar um Hash para Nomes:***

- Vamos usar a função “soma de código ASC” do Primeiro nome;
- Implementar um vetor de 20 posições;
- Mostrar o vetor após as inserções;
  - Em caso de colisões inserir no vizinho mais a direita (Rehash);

# Exemplo:

- Dez nomes para criar um tabela HASH
  - Função Hash = soma dos códigos ASCII%11

```
int main(){  
    char tabelaHash [15][50];  
    char nomes[50] = {"Joaquim", "Pedro", "Carlos", "Maria", "Ana", "Felipe", "Tais", "Rui", "Fernando", "Zeca"};
```

```
0 - Joaquim  
1 - Pedro  
2 - Zeca  
3 - Felipe  
4 -  
5 - Tais  
6 - Maria  
7 - Carlos  
8 - Ana  
9 - Rui  
10 - Fernando  
11 -  
12 -  
13 -  
14 -
```

Tabela Hash

# Exemplo:

- Colisões e Rehash
  - Deslocamento para direita

Joaquim e 0  
Pedro e 0  
colisão!! Pedro  
Carlos e 7  
Maria e 6  
Ana e 8  
Felipe e 3  
Tais e 5  
Rui e 7  
colisão!! Rui  
Fernando e 10  
Zeca e 2

0 - Joaquim  
1 - Pedro  
2 - Zeca  
3 - Felipe  
4 -  
5 - Tais  
6 - Maria  
7 - Carlos  
8 - Ana  
9 - Rui  
10 - Fernando  
11 -  
12 -  
13 -  
14 -

Tabela Hash

# Exemplo:

- Recuperar um registro

- Deslocamento

nome =Maria posicao= 6 Tabela=Maria

Rui 7

Não encontrado

Deslocamento 1

Deslocamento 2

nome =Rui posicao= 9 Tabela=Rui

Encontrado

0 - Joaquim  
1 - Pedro  
2 - Zeca  
3 - Felipe  
4 -  
5 - Tais  
6 - Maria  
7 - Carlos  
8 - Ana  
9 - Rui  
10 - Fernando  
11 -  
12 -  
13 -  
14 -

Tabela Hash

# Exemplo

Tabela Hash com vetor e Lista Simplesmente Encadeada

Posição	Marca
0	Ford
1	Fiat
2	
3	Volkswagen
..	Peugeot
10	

Lista Simplesmente Encadeada

0	1	2	3	...	4	5
Ka	Focus	Focus		Belina	Fusion	

Compara as Placas (inserção a direita)

Inserir registro de carros (Marca, Modelo, Placa e Ano)

Fazer a inserção baseada em HASH  
e a recuperação dos registros com Hash