29. September 2009

Nachklausur zu Computereinsatz in der Mathematik

Name	Vorname	Matrikel-Nr.	Studiengang	

Allgemeine Richtlinien:

- 1. Diese Klausur beinhaltet sechs verschiedene Aufgaben (Rückseite der Aufgabenblätter beachten). Kontrollieren Sie Ihr Exemplar, ein Austauschexemplar kann Ihnen sofort ausgehändigt werden.
- 2. Schreiben Sie Ihren Namen auf dieses Deckblatt und auf jedes einzelne Aufgabenblatt. Ihre Matrikelnummer muss auf dem Deckblatt erscheinen.
- 3. Schreiben Sie die Lösungen mit Tinte oder Kugelschreiber auf die Aufgabenblätter. Sollten Sie ein zusätzliches Blatt verwenden, so vermerken Sie das bitte auf dem entsprechenden Aufgabenblatt.
- 4. Zugelassene Hilfsmittel: Vorher abgegebener Spickzettel (2 Seiten DIN A 4), welcher dieser Klausur beiliegt. Alle anderen Hilfsmittel sind verboten und führen zum Ausschluss von der Klausur.
- 5. Die Klausur dauert 60 Minuten.
- 6. Zum Bestehen sind mindestens 15 Punkte erforderlich.

Viel Erfolg!

Korrektur

	Aufg. 1	Aufg. 2	Aufg. 3	Aufg. 4	Aufg. 5	Aufg. 6	gesamt	Note
Punkte	5	5	6	4	5	5	30	
erreicht								

Aufgabe 1: (5 Punkte)

a) Erstellen Sie ein Latex-Programm (ohne Präambel), das folgenden Ausdruck erzeugt:

Defintion: Die Vektoren x_1, \ldots, x_k heißen linear unabhängig, falls die Linearkombination

$$\sum_{i=1}^{k} \lambda_i x_i = 0$$

nur für $\lambda_1 = \lambda_2 = \cdots = \lambda_k = 0$ möglich ist.

b) Welchen Ausdruck erzeugt das folgende Latex-Programm?

```
Bei der {\bf Gauß-Elimination} schreibt man das lineare Gleichungssystem
\begin{eqnarray*}
    3 x_1 + 4x_2 + x_3 & = & 4 \\
    2x_2 + 4x_3 & = & 9 \\
    x_1 - 4x_2 + 2x_3 & = & 2
\end{eqnarray*}
in der Form
\[
    \left( \begin{array}{rrr|r}
        3 & 4 & 1 & 4 \\
        0 & 2 & 4 & 9 \\
        1 & -4 & 2 & 2
    \end{array} \right)
```

Aufgabe 2: (5 Punkte)

Gegeben sei die Funktion $h(x,y) = \frac{1}{\sqrt{9-(x-1)^2-(y+1)^2}}$.

- a) Erstellen Sie eine Matlab-Funktion für h(x, y).
- b) Schreiben Sie ein Matlab-Programm, welches (unter Verwendung der Matlab-Funktion aus a) von f(x) = h(x,1) in den Gitterpunkten $x_i = \frac{i}{10}$, $i = 0, \ldots, 20$, eine Wertetabelle erzeugt und in übersichtlicher Form in die Datei aufgabe2.dat schreibt. Dabei soll die Ausgabe der x_i mit 2 Nachkommastellen und die Ausgabe von $f(x_i)$ mit 10 Nachkommastellen erfolgen.
- c) Erstellen Sie ein Matlab-Programm, welches (unter Verwendung von a) im Intervall [-2,0] die beiden Funktionen $g_1(y) := h(1,y)$ und $g_2(y) := h(2,y)$ in ein Schaubild zeichnet.

Aufgabe 3: (6 Punkte)

a) Welches Ergebnis für A liefert die folgende Matlab-Sequenz?

```
n = 3;
A = [];
for i=1:n
    A = [A;(i:i+n).^2];
end
```

b) Welches Ergebnis liefert das folgende Matlab-Kommando?

```
D = diag(-(1:5)) + diag(10:10:40,1) - diag(10:10:40,-1);
```

b) Welches Ergebnis liefern die folgenden Matlab-Befehle?

```
B = [1 0; 4 4];
C = [1 2; 3 4];
A = B.*C;
E = (B == C) | (B < C);
F = sqrt(B);</pre>
```

Aufgabe 4: (4 Punkte)

Die folgende Tabelle enthält die Ergebnisse der Bundestagswahlen von 2009 bzw. 2005.

		CDU/CSU	Grüne	FDP	Linke	Sonstige
2005	34.2	35.2	8.1	9.8	8.7	3.9
2009	23.0	33.8	10.7	14.6	11.9	6.0

- a) Stellen Sie die Wahlergebnisse von 2005 bzw. 2009 als Kuchendiagramm dar (beide Diagramme in ein Schaubild unter Verwendung des subplot Befehls).
- **b)** Stellen Sie den Gewinn/Verlust der Parteien (aus Sicht der Wahl 2005) als Balkendiagramm dar.

Punkte:

Aufgabe 5: (5 Punkte)

a) Gegeben sei das Polynom

$$p(t) = t^6 - 4t^5 + 4t^4 + t^2 - 4t + 4.$$

Entscheiden Sie mit Hilfe des Hornerschemas, ob $\xi=2$ eine (mindestens) doppelte Nullstelle von p(t) ist.

b) Gegeben sei die Zahl x=1.1 (im Dezimalsystem). Rechnen Sie diese Zahl um in das Dualsystem, und zwar in die normalisierte Gleitpunktdarstellung mit 5-stelliger Mantisse.

Aufgabe 6: (5 Punkte)

a) Wie lauten die Maple-Befehle zur Berechnung von

$$(1) \qquad \frac{\binom{43}{6}\binom{6}{3}}{\binom{49}{6}}$$

$$(2) \qquad \sum_{i=2}^{\infty} \frac{1}{i^2} \quad ,$$

$$\int_{-\infty}^{\infty} e^{-x^2} dx \quad .$$

b) Welches Ergebnis liefern die folgenden Maple-Befehle?

(1)
$$h := (x,y) \rightarrow sqrt(2 + (x+1)^2 + y)$$

 $diff(h(x,y),x,y);$

(2)
$$limit(sin(3*x)/x, x=0)$$