# Standard Code Library

Your TeamName

Your School

July 26, 2025

# Contents

一 <b>切的开始</b> 宏定义...................................	2
数据结构	2
并查集	2
线段树	
树链剖分	
重链剖分	4
数学	6
位运算	6
整型的位操作	6
位运算内建函数	7
线性基	7
异或空间线性基....................................	7
图论	8
 图的存储	8
邻接矩阵	
计算几何	Q
バガブロマ - 二维几何: 点与向量	Q
距离	
距离	
e de la companya de l	
字符串	11
后缀自动机	11
杂项	11
CTI	11

# 一切的开始

#### 宏定义

● 需要 C++11

```
#include <bits/stdc++.h>
   using namespace std;
   using LL = long long;
   #define FOR(i, x, y) for (decay < decltype(y) > :: type i = (x), _##i = (y); i < _##i; ++i)
   \#define\ FORD(i,\ x,\ y)\ for\ (decay< decltype(x)>::type\ i=(x),\ _\#\#i=(y);\ i>_\#\#i;\ --i)
   #ifdef zerol
   #define dbg(x...) do { cout << "\033[32;1m" << \#x << " -> "; err(x); } while (0)
   void err() { cout << "\033[39;0m" << endl; }</pre>
   template<template<typename...> class T, typename t, typename... A>
   void err(T<t> a, A... x) { for (auto v: a) cout << v << ' '; err(x...); }</pre>
   template<typename T, typename... A>
11
   void err(T a, A... x) { cout << a << ' '; err(x...); }</pre>
   #else
13
   #define dbg(...)
   #endif
15
    try
```

## 数据结构

# 并查集

```
struct DSU{
        vector<size_t> p, size;
        explicit DSU(size_t _size): p(_size), size(_size, 1){
            iota(p.begin(), p.end(), 0);
        size_t find(size_t x){ // 查找属于的集合
            return p[x] == x ? x : p[x] = find(p[x]);
10
11
        size_t unite(size_t x, size_t y){ // 返回合并后集合的大小
            x = find(x), y = find(y);
13
14
            if(x == y) return size[x];
            if(size[x] < size[y]) swap(x, y); // 启发式合并</pre>
15
            p[y] = x;
16
            size[x] += size[y];
17
            return size[x];
18
19
20
   };
```

### 线段树

```
SGT.cpp
```

```
template <typename T>
   class SGT {
2
       vector<T> tree_sum, tree_max, tree_min;
       vector<T> lazy;
       vector<T> *arr;
       int n, root, n4, end;
        void update(int cl, int cr, int p) {
            int cm = cl + (cr - cl) / 2;
            if (cl != cr && lazy[p] != 0) {
                T val = lazy[p];
11
12
                lazy[p * 2] += val;
                lazy[p * 2 + 1] += val;
13
```

```
14
15
                 tree_sum[p * 2] += val * (cm - cl + 1);
                 tree_sum[p * 2 + 1] += val * (cr - cm);
16
17
                 tree_max[p * 2] += val;
                 tree_max[p * 2 + 1] += val;
19
20
                 tree_min[p * 2] += val;
21
                 tree_min[p \star 2 + 1] += val;
22
23
                 lazy[p] = 0;
24
25
            }
        }
26
27
        T range_sum(int l, int r, int cl, int cr, int p) {
28
             if (l > cr || r < cl) return 0;</pre>
29
            if (l <= cl && cr <= r) return tree_sum[p];</pre>
            int m = cl + (cr - cl) / 2;
31
32
            update(cl, cr, p);
            return range_sum(l, r, cl, m, p * 2) + range_sum(l, r, m + 1, cr, p * 2 + 1);
33
34
35
        T range_max(int l, int r, int cl, int cr, int p) {
36
            if (l > cr || r < cl) return numeric_limits<T>::min();
37
            if (l <= cl && cr <= r) return tree_max[p];</pre>
38
39
             int m = cl + (cr - cl) / 2;
40
            update(cl, cr, p);
            return max(range_max(l, r, cl, m, p \star 2), range_max(l, r, m + 1, cr, p \star 2 + 1));
41
42
        }
43
        T range_min(int l, int r, int cl, int cr, int p) {
44
            if (l > cr || r < cl) return numeric_limits<T>:::max();
45
            if (l <= cl && cr <= r) return tree_min[p];</pre>
46
47
            int m = cl + (cr - cl) / 2;
            update(cl, cr, p);
48
            return min(range_min(l, r, cl, m, p * 2), range_min(l, r, m + 1, cr, p * 2 + 1));
49
50
51
52
        void range_add(int l, int r, T val, int cl, int cr, int p) {
            if (l > cr || r < cl) return;</pre>
53
54
            if (l <= cl && cr <= r) {</pre>
                 lazy[p] += val;
55
                 tree_sum[p] += val * (cr - cl + 1);
56
57
                 tree_max[p] += val;
                 tree_min[p] += val;
58
59
                 return;
60
            int m = cl + (cr - cl) / 2;
62
            update(cl, cr, p);
            range_add(l, r, val, cl, m, p * 2);
63
64
            range_add(l, r, val, m + 1, cr, p \star 2 + 1);
65
            tree\_sum[p] = tree\_sum[p * 2] + tree\_sum[p * 2 + 1];
            tree\_max[p] = max(tree\_max[p * 2], tree\_max[p * 2 + 1]);
67
68
             tree_min[p] = min(tree_min[p * 2], tree_min[p * 2 + 1]);
69
70
        void build(int s, int t, int p) {
72
            if (s == t) {
73
                 tree_sum[p] = (*arr)[s];
74
                 tree_max[p] = (*arr)[s];
                 tree_min[p] = (*arr)[s];
75
                 return;
77
78
            int m = s + (t - s) / 2;
            build(s, m, p * 2);
79
            build(m + 1, t, p * 2 + 1);
81
            tree_sum[p] = tree_sum[p \star 2] + tree_sum[p \star 2 + 1];
82
             tree_max[p] = max(tree_max[p * 2], tree_max[p * 2 + 1]);
83
            tree_min[p] = min(tree_min[p * 2], tree_min[p * 2 + 1]);
84
```

```
}
85
86
    public:
87
        explicit SGT<T>(vector<T> v) {
88
89
             n = v.size();
            n4 = n * 4;
90
             tree_sum = vectorT>(n4, 0);
91
             tree_max = vector<T>(n4, numeric_limits<T>::min());
92
            tree_min = vector<T>(n4, numeric_limits<T>::max());
93
            lazy = vector<T>(n4, 0);
            arr = &v;
95
             end = n - 1;
            root = 1;
97
             build(0, end, 1);
98
99
             arr = nullptr;
100
101
         void show(int p, int depth = 0) {
102
103
             if (p > n4 || (tree_max[p] == numeric_limits<T>::min() &&
                            tree_min[p] == numeric_limits<T>::max())) return;
104
             show(p * 2, depth + 1);
105
             for (int i = 0; i < depth; ++i) putchar('\t');</pre>
             printf("sum:%d max:%d min:%d lazy:%d\n", tree_sum[p], tree_max[p], tree_min[p], lazy[p]);
107
             show(p * 2 + 1, depth + 1);
109
110
        T range_sum(int l, int r) {
111
             return range_sum(l, r, 0, end, root);
112
113
114
        T range_max(int l, int r) {
115
             return range_max(l, r, 0, end, root);
116
117
118
         T range_min(int l, int r) {
119
             return range_min(l, r, 0, end, root);
120
121
122
         void range_add(int l, int r, T val) {
123
             range_add(l, r, val, 0, end, root);
124
125
126
         long long size() {
127
128
            return n;
129
130
    };
    树链剖分
    重链剖分
    HLD.cpp
    #include "SGT.cpp"
    // 点编号从 1 开始! 点编号从 1 开始! 点编号从 1 开始!
    // 0 代表无! 0 代表无! 0 代表无!
    // n 是大小! n 是大小! n 是大小!
    template <typename T>
    class HLD {
    private:
        int n, root;
         vector<vector<int>> adj;
        vector<int> parent, depth, size, heavy, top, in, out, values;
10
11
12
         void dfs1(int u, int p, int d) {
13
14
             parent[u] = p;
            depth[u] = d;
15
             size[u] = 1;
             heavy[u] = 0;
17
             int max_size = 0;
18
```

```
19
20
             for (int v : adj[u]) {
                 if (v == p) continue;
21
                 dfs1(v, u, d + 1);
22
                 size[u] += size[v];
                 if (size[v] > max_size) {
24
25
                      max_size = size[v];
                     heavy[u] = v;
26
                 }
27
             }
28
        }
29
         void dfs2(int u, int top_node) {
31
             top[u] = top_node;
32
             in[u] = time++;
33
34
35
             if (heavy[u] != -1) {
                 dfs2(heavy[u], top_node);
36
37
                 for (int v : adj[u]) {
                     if (v != parent[u] && v != heavy[u]) {
38
39
                          dfs2(v, v);
40
41
                 }
42
             }
             out[u] = time - 1;
43
44
        }
45
        unique_ptr<SGT<T>> segTree;
46
47
    public:
48
        HLD(int _n, int _root = 1) : n(_n), root(_root) {
49
50
             n++;
51
             adj.resize(n);
52
             parent.resize(n);
             depth.resize(n);
53
54
             size.resize(n);
             heavy.resize(n);
55
             top.resize(n);
56
57
             in.resize(n);
             out.resize(n);
58
59
             values.resize(n);
             time = 0;
60
61
62
        void addEdge(int u, int v) {
63
64
             adj[u].push_back(v);
             adj[v].push_back(u);
65
        }
67
68
        void setValue(int u, T val) {
69
             values[u] = val;
70
        void init() {
72
             dfs1(root, 0, 0);
73
74
             time = 0;
             dfs2(root, root);
75
77
             vector<T> seg_values(n);
             for (int i = 0; i < n; i++) {</pre>
78
                 seg_values[in[i]] = values[i];
79
80
81
             segTree = make_unique<SGT<T>>(seg_values);
        }
82
83
        T pathSum(int u, int v) {
84
85
             T res = 0;
             while (top[u] != top[v]) {
87
                 if (depth[top[u]] < depth[top[v]]) swap(u, v);</pre>
88
                 res += segTree->range_sum(in[top[u]], in[u]);
                 u = parent[top[u]];
89
```

```
90
91
             if (depth[u] > depth[v]) swap(u, v);
             res += segTree->range_sum(in[u], in[v]);
92
93
             return res;
94
95
         T pathMax(int u, int v) {
96
             T res = numeric_limits<T>::min();
97
             while (top[u] != top[v]) {
98
                 if (depth[top[u]] < depth[top[v]]) swap(u, v);</pre>
99
                 res = max(res, segTree->range_max(in[top[u]], in[u]));
100
101
                 u = parent[top[u]];
102
             if (depth[u] > depth[v]) swap(u, v);
103
104
             res = max(res, segTree->range_max(in[u], in[v]));
             return res;
105
107
108
         T pathMin(int u, int v) {
             T res = numeric_limits<T>::max();
109
             while (top[u] != top[v]) {
110
                 if (depth[top[u]] < depth[top[v]]) swap(u, v);</pre>
111
                 res = min(res, segTree->range_min(in[top[u]], in[u]));
112
                 u = parent[top[u]];
113
114
             if (depth[u] > depth[v]) swap(u, v);
115
116
             res = min(res, segTree->range_min(in[u], in[v]));
             return res;
117
         }
118
119
         void pathAdd(int u, int v, T val) {
120
             while (top[u] != top[v]) {
121
                 if (depth[top[u]] < depth[top[v]]) swap(u, v);</pre>
122
123
                 segTree->range_add(in[top[u]], in[u], val);
                 u = parent[top[u]];
124
125
             if (depth[u] > depth[v]) swap(u, v);
126
             segTree->range_add(in[u], in[v], val);
127
128
         }
129
         T subtreeSum(int u) {
             return segTree->range_sum(in[u], out[u]);
131
132
133
         T subtreeMax(int u) {
134
135
             return segTree->range_max(in[u], out[u]);
136
137
         T subtreeMin(int u) {
138
             return segTree->range_min(in[u], out[u]);
139
141
         void subtreeAdd(int u, T val) {
142
             segTree->range_add(in[u], out[u], val);
143
144
145
    };
    数学
    位运算
    整型的位操作
    // 获取 a 的第 b 位, 最低位编号为 0
    int getBit(int a, int b) { return (a >> b) & 1; }
    // 将 a 的第 b 位设置为 o ,最低位编号为 o
    int unsetBit(int a, int b) { return a & ~(1 << b); }</pre>
```

// 将 a 的第 b 位设置为 1 ,最低位编号为 0

```
s int setBit(int a, int b) { return a | (1 << b); }

// 将 a 的第 b 位取反 , 最低位编号为 0

int flapBit(int a, int b) { return a ^ (1 << b); }
```

#### 位运算内建函数

- 1. int \_\_builtin\_ffs(int x): 返回 x 的二进制末尾最后一个 1 的位置,位置的编号从 1 开始(最低位编号为 1 )。当 x 为 0 时返回 0 。
- 2. int \_\_builtin\_clz(unsigned int x): 返回x 的二进制的前导0 的个数。当x为0时,结果未定义。
- 3. int \_\_builtin\_ctz(unsigned int x): 返回x的二进制末尾连续0的个数。当x为0时,结果未定义。
- 4. int \_\_builtin\_clrsb(int x): 当 x 的符号位为 0 时返回 x 的二进制的前导 0 的个数减一,否则返回 x 的二进制的前导 1 的个数减一。
- 5. int \_\_builtin\_popcount(unsigned int x): 返回 x 的二进制中 1 的个数。
- 6. int \_\_builtin\_parity(unsigned int x): 判断 x 的二进制中 1 的个数的奇偶性。

这些函数都可以在函数名末尾添加 l 或 l l (如 \_\_builtin\_popcountl l )来使参数类型变为 (unsigned) long 或 (unsigned) long long (返回值仍然是 int 类型)。

#### 线性基

#### 异或空间线性基

#### 贪心法

可查询最大异或和

```
struct BasisGreedy{
        ULL p[64];
2
        BasisGreedy(){memset(p, 0, sizeof p);}
3
        void insert(ULL x) {
            for (int i = 63; ~i; --i) {
                if (!(x >> i)) // x 的第 i 位是 0
                     continue;
                if (!p[i]) {
                     p[i] = x;
                     break;
                }
11
                x ^= p[i];
            }
13
14
        ULL query_max(){
15
            ULL ans = 0;
16
            for (int i = 63; ~i; --i) {
                ans = std::max(ans, ans ^ p[i]);
18
19
20
            return ans;
        }
21
   };
```

#### 高斯消元法

可查询任意大异或和

```
struct BasisGauss{
    vector<ULL> a;
    LL n, tmp, cnt;

BasisGauss(){a = {0};}

void insert(ULL x){
    a.push_back(x);
}

void init(){
```

```
n = (LL)a.size() - 1;
12
13
            LL k=1;
            for(int i=63;i>=0;i--){
14
                int t=0;
15
                for(LL j=k;j<=n;j++){</pre>
                    if((a[j]>>i)&1){
17
18
                         t=j;
                        break:
19
                    }
20
                }
21
                if(t){
22
23
                    swap(a[k],a[t]);
                    for(LL j=1;j<=n;j++){</pre>
24
                        if(j!=k&&(a[j]>>i)&1) a[j]^=a[k];
25
26
                    k++;
27
28
            }
29
            cnt = k-1;
            tmp = 1LL << cnt;</pre>
31
            if(cnt==n) tmp--;
32
33
34
        LL query_xth(LL x){ // 从小到大, 若 x 为负数,则查询倒数第几个
            if(x<0) x = tmp + x + 1;
36
37
            if(x>tmp) return -1;
38
            else{
                if(n>cnt) x--;
39
                LL ans=0;
                for(LL i=0; i<cnt; i++){</pre>
41
                    if((x>>i)&1) ans^=a[cnt-i];
42
43
44
                return ans;
45
            }
46
    };
    图论
    图的存储
    邻接矩阵
    struct Graph {
1
        std::vector< std::vector<int> > table;
2
        void init(int _n) {
            table.assign(_n + 1, {});
        void add_edge(int u, int v) {
            table[u].push_back(v);
    } G;
11
    计算几何
    二维几何: 点与向量
    #define y1 yy1
    #define nxt(i) ((i + 1) % s.size())
    typedef double LD;
    const LD PI = 3.14159265358979323846;
    const LD eps = 1E-10;
    int sgn(LD x) { return fabs(x) < eps ? 0 : (x > 0 ? 1 : -1); }
   struct L;
    struct P;
   typedef P V;
```

```
struct P {
10
11
        LD x, y;
        explicit P(LD x = 0, LD y = 0): x(x), y(y) {}
12
        explicit P(const L& l);
13
    struct L {
15
16
        Ps, t;
        L() {}
17
        L(P s, P t): s(s), t(t) {}
18
19
20
21
   P operator + (const P& a, const P& b) { return P(a.x + b.x, a.y + b.y); }
    P operator - (const P& a, const P& b) { return P(a.x - b.x, a.y - b.y); }
22
    P operator * (const P& a, LD k) { return P(a.x * k, a.y * k); }
   P operator / (const P& a, LD k) { return P(a.x / k, a.y / k); }
    inline bool operator < (const P& a, const P& b) {</pre>
25
        return sgn(a.x - b.x) < 0 \mid | (sgn(a.x - b.x) == 0 && sgn(a.y - b.y) < 0);
27
    bool operator == (const P& a, const P& b) { return !sgn(a.x - b.x) && !sgn(a.y - b.y); }
   P::P(const L& l) { *this = l.t - l.s; }
29
    ostream &operator << (ostream &os, const P &p) {</pre>
30
        return (os << "(" << p.x << "," << p.y << ")");
32
    istream &operator >> (istream &is, P &p) {
        return (is >> p.x >> p.y);
34
35
   LD dist(const P& p) { return sqrt(p.x * p.x + p.y * p.y); }
37
   LD dot(const V& a, const V& b) { return a.x * b.x + a.y * b.y; }
   LD det(const V& a, const V& b) { return a.x * b.y - a.y * b.x; }
   LD cross(const P& s, const P& t, const P& o = P()) { return det(s - o, t - o); }
```

#### 距离

距离

欧氏距离

$$|AB| = \sqrt{(x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2}$$

曼哈顿距离

$$d(A,B) = |x_1 - x_2| + |y_1 - y_2|$$

切比雪夫距离

$$d(A,B) = \max(|x_1 - x_2|, |y_1 - y_2|)$$

#### 距离转化

假设  $A(x_1, y_1), B(x_2, y_2),$ 

- A,B 两点的曼哈顿距离为  $(x_1+y_1,x_1-y_1),(x_2+y_2,x_2-y_2)$  两点之间的切比雪夫距离。
- A,B 两点的切比雪夫距离为  $(\frac{x_1+y_1}{2},\frac{x_1-y_1}{2}),(\frac{x_2+y_2}{2},\frac{x_2-y_2}{2})$  两点之间的曼哈顿距离。

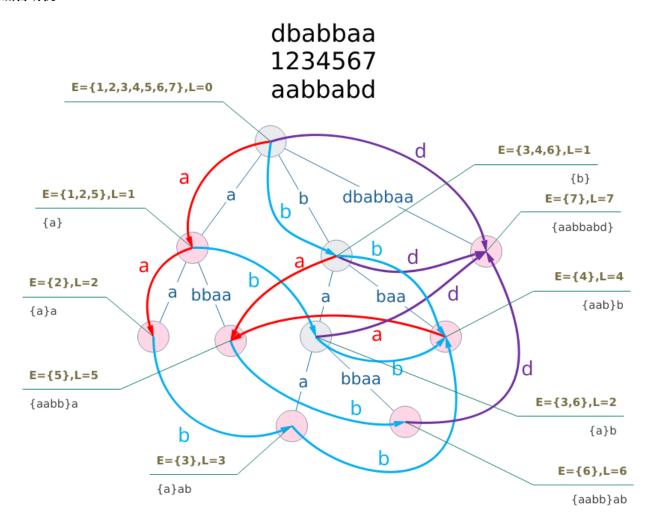
#### 距离之和

```
1    sumx[0] = 0;
2    sumy[0] = 0;
3    LL i, tx, ty;
4    cin >> n;
5    for(i=1; i<=n; i++){</pre>
```

```
cin >> tx >> ty;
7
       // 求曼哈顿距离之和
       x[i] = hx[i] = tx;
8
       y[i] = hy[i] = ty;
       // 求切比雪夫距离之和
10
       x[i] = hx[i] = tx + ty;
11
12
       y[i] = hy[i] = tx - ty;
13
   sort(hx+1, hx+1+n);
14
   sort(hy+1, hy+1+n);
   for(i=1; i<=n; i++){</pre>
16
       sumx[i] = sumx[i-1] + hx[i];
17
       sumy[i] = sumy[i-1] + hy[i];
18
19
20
   LL calc_sum(LL i){
21
       LL xi = lower_bound(hx+1, hx+1+n, x[i]) - hx;
22
       LL yi = lower_bound(hy+1, hy+1+n, y[i]) - hy;
23
       return xi * x[i] - sumx[xi] + sumx[n] - sumx[xi] - (n-xi) * x[i]
24
       + yi * y[i] - sumy[yi] + sumy[n] - sumy[yi] - (n-yi) * y[i];
25
   }
26
27
   // 求 i 点与其他所有点曼哈顿距离之和
28
  calc_sum(i);
30 // 求 i 点与其他所有点切比雪夫距离之和
31 calc_sum(i) / 2;
```

# 字符串

# 后缀自动机



# 杂项

# STL

- copy
- template <class InputIterator, class OutputIterator>
- OutputIterator copy (InputIterator first, InputIterator last, OutputIterator result);