1 Itemsets fréquents et règles d'association (5,5 points)

La table 1 indique la présence (1) ou l'absence (0) de personnages dans huit romans de Terry Pratchett. Pour simplifier l'écriture, chaque personnage est représenté par une initiale (A, C, G, H, R, S ou T).

	Angua von Überwald	Carrot Ironfoundersson	G ranny Weatherwax	Havelock Vetinari	Rincewind	Samuel Vimes	Twoflower
Livre	A	С	G	Н	R	S	T
The Colour of Magic	0	0	0	0	1	0	1
Wyrd Sisters	0	0	1	0	0	0	0
Guards! Guards!	0	1	0	1	0	1	0
Witches Abroad	0	0	1	0	0	0	0
Men at Arms	1	1	0	1	0	1	0
Interesting Times	0	0	0	1	1	0	1
Night Watch	1	1	0	0	0	1	0
Thud!	1	1	0	1	0	1	0

TABLE 1 – Apparitions de personnages dans huit romans

Pour les questions de cet exercice, lorsqu'une valeur de support est demandée, vous pouvez choisir de calculer, au choix, le support relatif ou le support absolu.

Q1.1 Calculer le support des itemsets suivants :

- $-\{H\}$
- $--\{A,C\}$
- $-\{C,G\}$
- {A, C, H}

Q1.2 Donner une interprétation textuelle de la valeur de support de l'itemset {C, G}.

Q1.3 Lister les itemsets fréquents pour un support minimum de 3, avec leur valeur de support.

Sur cette même table 1, les itemsets fréquents maximaux calculés pour un support minimum de 1 sont les suivants :

- -- {G} (support = 2)
- $\{H, R, T\}$ (support = 1)
- $\{A, C, H, S\}$ (support = 2)

Q1.4 À partir de ces fréquents maximaux *uniquement*, donner, en justifiant votre réponse, une borne inférieure ou supérieure de la valeur de support des itemsets suivants :

- {H}
- $--\{G,T\}$
- {A, C}

 $\mathbf{Q1.5}\,$ En vous basant sur votre réponse à la question Q1.3, lister les itemsets fréquents clos pour un support minimum de 3.

Q1.6 Calculer la confiance et la mesure de Kulczynski des règles d'association suivantes :

- A, C \rightarrow H
- $-H \rightarrow A, C$
- $-C \rightarrow S$
- $-S \rightarrow C$

La table 2 donne les thèmes principaux associés à chaque roman.

Livre	Thème
The Colour of Magic	Rincewind
Wyrd Sisters	Witches
Guards! Guards!	City Watch
Witches Abroad	Witches
Men at Arms	City Watch
Interesting Times	Rincewind
Night Watch	City Watch
Thud!	City Watch

TABLE 2 – Thèmes principaux des romans

Q1.7 Comment feriez-vous pour étudier les règles d'association qui existent entre les personnages et les thèmes des romans?

2 Denial constraints (1,5 points)

La table 3 (notée E dans la suite de l'exercice) liste les examens de la période B.

Matière	Date	Option	Durée	Salle	Coefficient
LOS	2021-03-22 9:30	IA	120	A106	1
SAV	2021-03-22 13:45	IA	90	B140	0.5
APM	2021-03-22 16:30	IA	90	B140	0.5
DOI	2021-03-23 9:30	IA-D	120	B374	1
VAT	2021-03-23 9:30	IA-S	120	A102	0.5
SSE	2021-03-23 16:45	IA-S	120	B140	0.5

TABLE 3 – Examens de la période B

Q2.1 Donner, pour chacune des *denial constraints* suivantes : une interprétation textuelle de la règle, sa validité par rapport aux données (règle vraie ou fausse) et un contre-exemple si la règle est fausse.

- $\forall t_1, t_2 \in E$, $\neg (t_1.date = t_2.date ∧ t_1.option = t_2.option)$
- $\forall t_1, t_2 \in E, \neg(t_1.\text{dur\'e} < t_2.\text{dur\'e} \land t_1.\text{coefficient} > t_2.\text{coefficient})$
- $--\forall t \in E, \neg (t.option = IA \land t.salle \neq B140)$
- $\forall t_1, t_2 \in E, \neg (t_1.\text{option} = t_2.\text{option} \land t_1.\text{coefficient} < t_2.\text{coefficient} \land t_1.\text{date} > t_2.\text{date})$