离散数学-作业1 命题逻辑

Problem 1

构造复合命题 $(p \to q) \land (\neg p \to r)$ 的真值表。

Problem 2

下列哪些是命题?这些命题的真值是什么?

a) 别过去。

b) 几点了?

c) 在缅因州没有黑苍蝇。

d) 4 + x = 5.

e) 月亮是由绿色的奶酪构成的。

f) $2^n \ge 100_{\circ}$

Problem 3

判断下列这些条件语句是真是假:

a) 2+2=5 当且仅当1+1=3。

b) $\mu = 1 + 1 = 2$, $\mu = 1 = 5$.

c) m = 1 + 1 = 3, m = 2 + 2 = 5.

d) 如果0 > 1,则2 > 1。

Problem 4

只有当你已经完成了专业要求,没有欠大学的钱,也没有图书馆的过期图书未还时,你才能从大学毕业。试用命题: g: "你可以从大学毕业",m: "你欠大学的钱",r: "你已经完成了你的专业要求",b: "你有过期的图书馆图书未还"来表达前述复合命题。

Problem 5

不借助真值表,试解释为什么在p、q和r至少有一个为真并且至少有一个为假时 $(p \lor q \lor r) \land (\neg p \lor \neg q \lor \neg r)$ 为 真,而当三个变量具有相同真值时为假。

Problem 6

试用真值表验证德·摩根第二定律¬ $(p \lor q) \equiv \neg p \land \neg q$ 。

Problem 7

判断 $(\neg p \land (p \rightarrow q)) \rightarrow \neg q$ 是否为永真式。

Problem 8

证明 $p \to (q \to r)$ 和 $p \land q \to r$ 逻辑等价。

Problem 9

试判断下列复合命题是否是可满足的。

- a) $(p \vee \neg q) \wedge (\neg p \vee q) \wedge (\neg p \vee \neg q)$
- b) $(\neg p \lor \neg q \lor r) \land (\neg p \lor q \lor \neg s) \land (p \lor \neg q \lor \neg s) \land (\neg p \lor \neg r \lor \neg s) \land (p \lor q \lor \neg r) \land (p \lor \neg r \lor \neg s)$
- c) $(p \lor q \lor r) \land (p \lor \neg q \lor \neg s) \land (q \lor \neg r \lor s) \land (\neg p \lor r \lor s) \land (\neg p \lor q \lor \neg s) \land (p \lor \neg q \lor \neg r) \land (\neg p \lor \neg q \lor s) \land (\neg p \lor \neg r \lor \neg s)$

Problem 10

试找出一个含命题变元p、q和r的复合命题,在p、q和r中恰有两个为假时该命题为真,否则为假。[提示:构造合取式的析取。将使命题为真的每一种真值组合构成一个合取式。每个合取式都应包含三个命题变元或它们的否定。]