Lógica y Programación Segundo cuatrimestre 2017 - Primer parcial

3 de Octubre de 2017

Ejercicio 1 Probar que Γ es consistente maximal sii Γ es consistente y para toda fórmula Φ , $\Phi \in \Gamma$ o $\neg \Phi \in \Gamma$.

Ejercicio 2 Dar una derivación en DN de la siguiente fórmula:

$$\forall y.(\exists x.(P(y) \to Q(x)) \to P(y) \to \exists x.Q(x))$$

Ejercicio 3 Dados los símbolos de prédicados:

• C(x): x es un conjunto.

• E(x): x es extraordinario.

• O(x): x es ordinario.

• P(x,y): x pertenece a y.

Codificar en términos de fórmulas de primer orden las siguientes aseveraciones (una fórmula por aseveración):

- Un conjunto es ordinario sii no se contiene a si mismo como elemento.
- Un conjunto es extraordinario sii se contiene a si mismo como elemento.
- Existe el conjunto de (exactamente) todos los conjuntos ordinarios.

El conjunto de fórmulas obtenido, ¿es consistente? Justificar.

Ejercicio 4 Dar una interpretación para el lenguaje $\mathfrak L$ de manera tal que se satisfagan las siguientes fórmulas:

$$\mathfrak{L} = \{a_1^0, f_1^2, P_1^2, P_2^2\}$$

- 1. $\forall x. P_1(f_1(x, a_1), x)$
- 2. $\forall x. \forall y. P_2(f_1(x,y), a_1)$
- 3. $\forall x. \forall y. P_1(f_1(x, y), f_1(y, x))$
- 4. $\forall x. \forall y. \forall z. P_1(f_1(x, f_1(y, z)), f_1(f_1(x, y), z))$