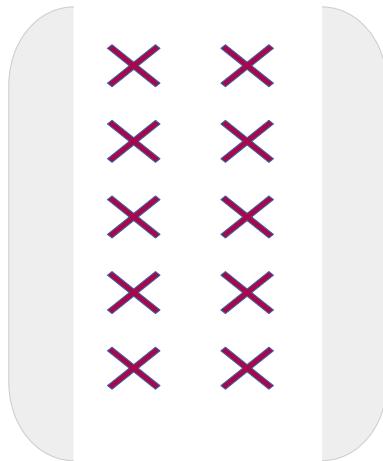


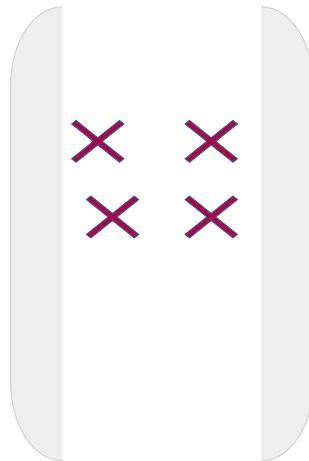
PROBLEMA DE REPARACIÓN

MAQUINAS EN
FUNCIONAMIENTO



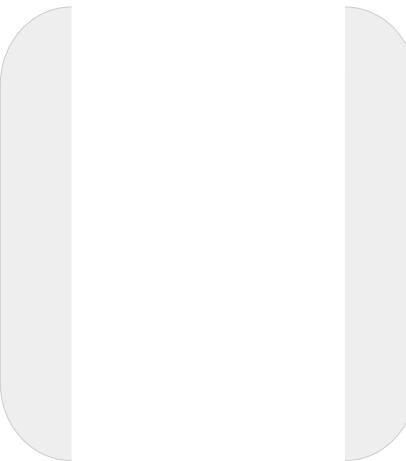
n

REPUESTOS



re

TALLER DE
MANTENIMIENTO

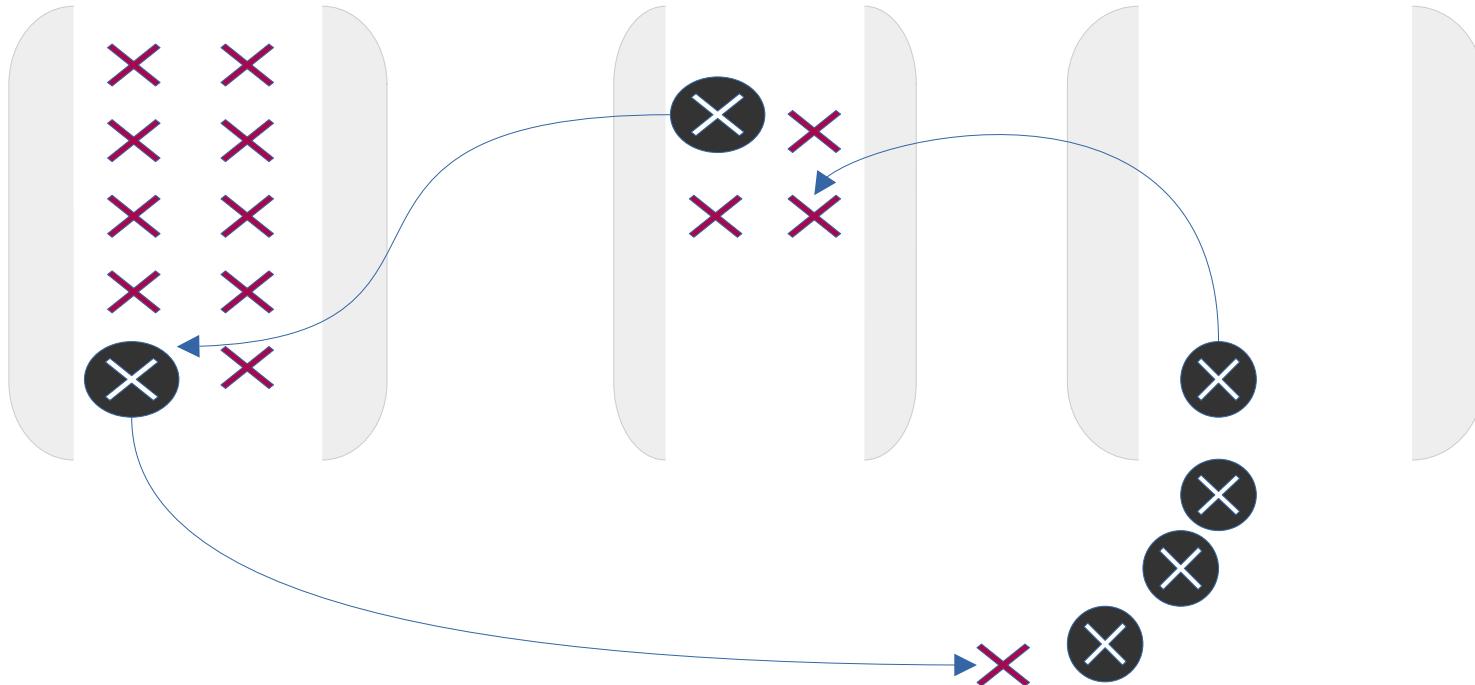


des

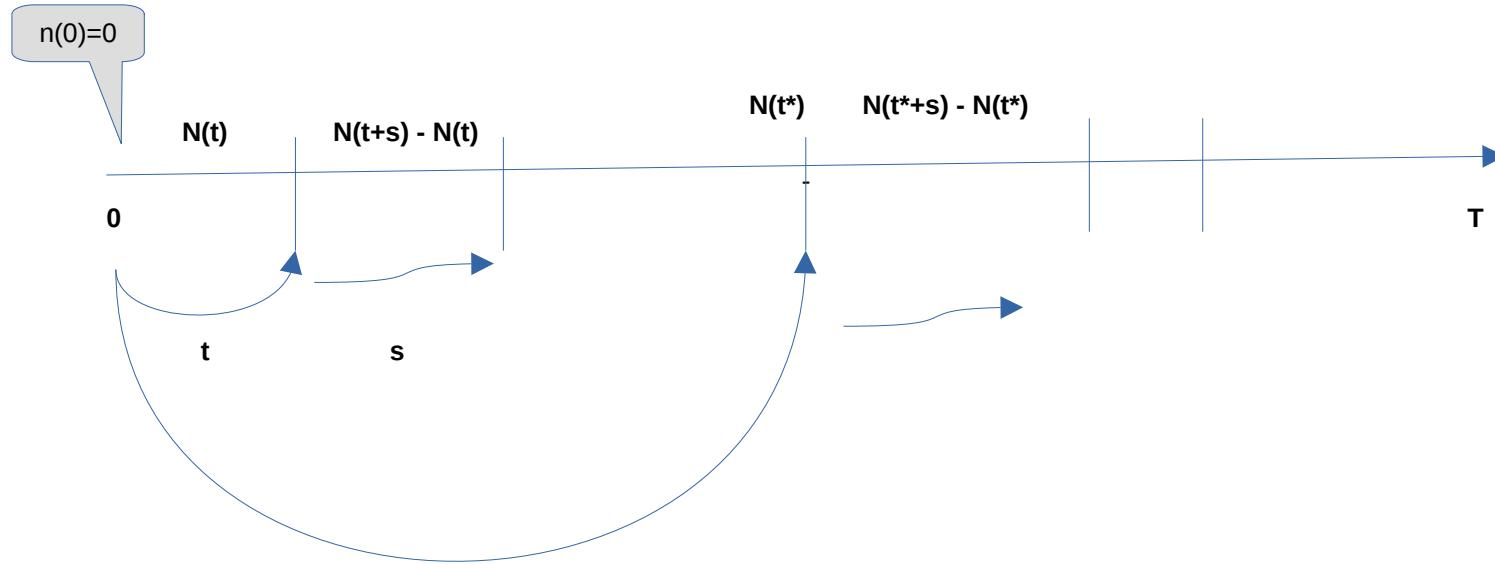
MAQUINAS EN
FUNCIONAMIENTO

REPUESTOS

TALLER DE
MANTENIMIENTO



Proceso de poisson homogéneo



1, si ocurre un evento en el intervalo i

$$\lim_{h \rightarrow 0} P(N(h) = 1) = \lambda h$$

$$X_i =$$

$$N(t) = X_1 + \dots + X_n$$

Es una suma de bernoulli \rightarrow Binomial(n,p) \rightarrow Poisson(np = n $\lambda t/n = \lambda t$)

$$\lim_{h \rightarrow 0} P(N(h) \geq 2) = 0$$

0 si no ocurre

$$h = T/n$$

$$P(X_i = 1) = \lambda T/n$$

$$P(X_1 > t) = P(N(t) = 0) = e^{-\lambda t}$$

Inicialización

Sean $t = r = 0$, $t^* = \infty$.

Generar X_1, \dots, X_n , variables aleatorias independientes, cada una con distribución F .

Ordenar estos valores, de modo que t_i sea el i -ésimo menor, $i = 1, \dots, n$.

Sea la lista de eventos: t_1, \dots, t_n, t^* .

La actualización del sistema se realiza de acuerdo con los dos casos siguientes.

Caso 1 $t_1 < t^*$

Restablecer: $t = t_1$.

Restablecer: $r = r + 1$ (pues ha fallado otra máquina).

Si $r = s + 1$, detener esta ejecución y reunir los datos $T = t$ (pues como hay $s + 1$ máquinas descompuestas, no hay repuestos).

Si $r < s + 1$, generar una variable aleatoria X con distribución F . Esta variable aleatoria representará el tiempo de trabajo del repuesto que entrará en funciones.

Ahora reordenamos los valores $t_2, t_3, \dots, t_n, t + X$ y sea t_i el i -ésimo menor de ellos, $i = 1, \dots, n$.

Si $r = 1$, generar una variable aleatoria Y con función de distribución G y restablecer $t^* = t + Y$. (Esto es necesario debido a que en este caso, la máquina que acaba de fallar es la única descompuesta y por lo tanto de inmediato se comienza a reparar; Y será su tiempo de reparación y por lo tanto su reparación se concluirá en el instante $t + Y$.)

Caso 2 $t^* \leq t_1$

Restablecer: $t = t^*$.

Restablecer: $r = r - 1$.

Si $r > 0$, generar una variable aleatoria Y con función de distribución G , la cual representa el tiempo de reparación de la máquina que acaba de ingresar a servicio, y restablecer $t^* = t + Y$.

Si $r = 0$, hacer $t^* = \infty$.

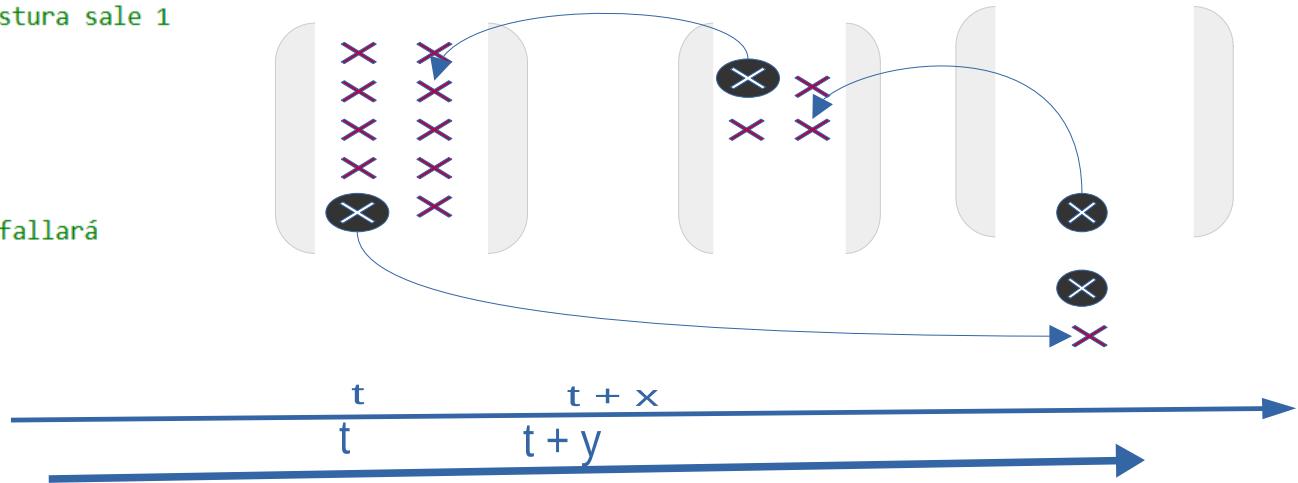
Inicialización

```
t = 0 ; des = 0; t_re = float('inf'); re = 2
n = 10
x = []
for i in range(n):
    U = generar_u_aleatorio()
    x = -float(np.log(U))/lam
    X.append(x)
X = np.array(X)
t_ord = np.sort(X)
X = X.tolist()
t_ord = t_ord.tolist()
print(f"t_fallos{t_ord}")
```

0.07,	0.19	0.39	0.6,	0.62	0.64	0.71	1.29	1.47	2.25
-------	------	------	------	------	------	------	------	------	------

Caso 1 $t_{falla} < t_{reparación}$

```
while True:
    t1 = t_ord[0]
    if t1 < t_re : # caso 1
        t = t1 ; des = des + 1
        t_ord.pop(0)
        if des == re + 1: # porque cuando hay descompostura sale 1
            T.append(t)
            break
    if des < re + 1:
        U = generar_u_aleatorio()
        x = -float(np.log(U))/lam
        t_ord.append(t + x) # porque en el futuro fallará
        t_ord = np.array(t_ord)
        t_ord = np.sort(t_ord)
        t_ord = t_ord.tolist()
    if des == 1 :
        U = generar_u_aleatorio()
        Y = -float(np.log(U))/lam
        t_re = t + Y
```



Caso 2 : t_reparación <= t_falla

```
elif t_re <= t1: #caso 2
    t = t_re ; des = des - 1
    if des > 0 :
        U = generar_u_aleatorio()
        Y = -float(np.log(U))/lam
        t_re = t + Y
    if des == 0:
        t_re = float('inf')
```

calculamos la media para todos los “sub-intervalos” desde $0 \rightarrow j$ con $j:0 \rightarrow i$ para cada i -esima simulacion , donde $i:0 \rightarrow N-1$ simulaciones

```
falla = []
for i in range(len(T)):
    suma = 0
    for j in range(i+1):
        suma = suma + T[j]
    falla.append(suma/(i+1))
Tsimulaciones.append(falla[-1])
I = np.arange(len(T))
I = np.array(I)
I = I + 1
```

El siguiente bloque de código permite visualizar la cantidad de interés mientras el modelo crece en el tiempo

```
plt.figure()
plt.bar(I,falla,width= 0.5,color='green')
plt.xlabel("n-ésima simulacion")
plt.ylabel("media T-falla")
plt.title(f"{i+1} simulaciones")
plt.pause(1.5)
plt.close()

print(f"i-esimo tiempo de falla promedio del sistema hasta la i-esima simulacion:")
print(", ".join(f"{e:.4f}" for e in Tsimulaciones))
plt.bar(np.arange(len(Tsimulaciones)),Tsimulaciones,width=0.5,color="green")
plt.xlabel("n-ésima simulacion")
plt.ylabel("media T-falla")
plt.title(f"{i+1} simulaciones")
plt.show()
```

Las ordenadas son los tiempos promedio de falla hasta la n-ésima simulación

