# An improved Fuzzy Connectedness Method for automatic three-dimensional liver vessel segmentation in CT Images

Rui Zhang - 2018

Jonas Lamy

25 novembre 2019

# 1 Principe

La segmentation des vaisseaux est effectuée en 3 grandes étapes : un réhaussement de contrastes grâce à une fonction sigmoid ( paramètres choisis par K-mean) puis un réhaussement de vaisseaux grâce à une version modifiée du filtre de Jerman. l'image réhaussée est ensuite utilisée comme base pour créer une image de connectivité floue puis cette image est a son tour segmenté avec Otsu.

## 2 Réhaussement de vaisseaux

### 2.1 Réhaussement de contraste

La réponse du filtre de Jerman appliqué au foie fait fortement ressortir les contours. L'auteur propose une fonction sigmoid pour le réhaussement de contraste et incorpore un élément de suppression du fond par rapport au filtre original.

La fonction sigmoid 1 est définie par :

$$I_{sigmoid} = \left(1 + exp\left(-\frac{I_{VOI} - \beta}{\alpha}\right)\right)^{-1} \tag{1}$$

avec  $I_{VOI}$  le volume du foie, avec  $\alpha$  et  $\beta$  représentant respectivement la plage d'intensité des vaisseaux et leur intensité moyenne.

$$\begin{cases} \alpha = (m_2 - m_1)/2\\ \beta = (m_2 + m_1)/2 \end{cases}$$
 (2)

Les valeurs de  $m_1$  et  $m_2$  sont définies de manière adaptative en effectuant un K-mean sur l'image avec 5 classes (fond, tumeur du foie, parenchyme, vaisseaux de faibles intensités et parenchyme, vaisseaux de forte intensité) et en conservant les 2 centroids les plus intenses (classes 4 et 5).

# 2.2 Suppression du bruit

L'élément de suppression du bruit  $1 - exp(-R_s^2/2\gamma)$  est introduit avec  $R_s = \sqrt{\lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \lambda_p^2}$  et  $\gamma = \lambda_p/3$ . La fonction de réhaussement de vaisseaux est définit de la manière suivante :

$$\nu_p = \begin{cases} 0 & \text{si } \lambda_2 \le 0 \leqslant \lambda_p \le 0 \\ 1 & \text{si } \lambda_2 \ge \lambda_p/2 > 0 \\ \lambda_2^2 (\lambda_p - \lambda_2) \left[ \frac{3}{\lambda_2 + \lambda_p} \right]^3 (1 - \exp(-R_s^2/2\gamma)) & \text{sinon} \end{cases}$$

Finalement la réponse du filtre est calculée comme la réponse max pour chaque  $\sigma \in [\sigma_{min}, \sigma_{max}]$  d'un espace d'échelle.

$$I_{vesselness} = \sup\{v : \sigma_{min} \leqslant \sigma \leqslant \sigma_{max}\}$$

# 3 Connectivité floue

La connectivité floue <sup>2</sup> décrit la relation spaciale entre deux voxels plutôt que de ne s'intéresser qu'à leur intensité. Dans cet article, la connectivité floue est couplée avec l'image des vaisseaux réhaussés puis segmenté par Otsu.

La connectivité floue utilise trois notions : l'adjacence floue, l'affinité floue et la connectivité floue.

L'affinité floue correspond à la similarité locale d'une paire de voxels (c,d) dans l'image C, dénoté  $\mu_k(c,d) \in [0,1]$  et définit par :

$$\mu_k(c,d) = \mu_{\alpha}(c,d)[w_1h_1(f(c),f(d)) + w_2h_2(f(c),f(d))]$$

avec  $\mu_{alpha}(c,d)$  la fonction d'adjacence floue (fonction monotone croissante),  $h_1$  et  $h_2$  définis par :

$$\begin{cases} h_1(f(c), f(d)) = \exp(-1/2[f(c) + f(d)/2 - m/s]^s) \\ h_2(f(c), f(d)) = \exp(-1/2[|f(c) - f(d)| - m/s]^s) \end{cases}$$

<sup>1.</sup> L'auteur suppose l'intensité de l'image normalisée entre 0 et 1. Pour la forme généralisée, voir la documentation de itk : :SigmoidImageFilter

<sup>2.</sup> partie non utilisée dans le benchmark

où f(.) correspond à l'intensité des voxels, m à la moyenne et s à l'écart type de  $I_{VOI}$ .  $w_1$  et  $w_2$  sont fixés de manière à ce que  $w_1+w_2=1$ .

Dans l'article, l'image de réhaussement de vaisseaux est utilisée comme input de la fonction d'affinité floue. Pour définir m et s de manière adaptative, la segmentation d'Otsu est utilisée sur l'image de réhaussement de vaisseaux  $I_rv$ . m et s sont les moyennes et écart type des voxels segmentés.

 $w_1$  et  $w_2$  sont définis de manière adaptative grâce à la méthode de [Pednekar et al,2002].

$$\begin{cases} w_1 = h_1/(h_1 + h_2) \\ w_2 = 1 - w_1 \end{cases}$$