

Traduction de composants Scade/Lustre vers des Machines B

Florian THIBORD

M2-STL APR / UPMC

Année 2012-2013

- 1 Introduction
- 2 Scade
- 3 Machines B
- 4 Schémas de traduction
 - Machine Abstraite
 - Implantation
 - Le traducteur
- 5 Exemple
- 6 Conclusion

Section 1

Introduction

Contexte

Stage réalisé au sein du projet CERCLES² : Certifier des **composants** réutilisables à l'aide de **méthodes formelles**.

Contexte

Stage réalisé au sein du projet CERCLES² : Certifier des **composants** réutilisables à l'aide de **méthodes formelles**.

- Composant : Programme + *Contrat*

Contexte

Stage réalisé au sein du projet CERCLES² : Certifier des **composants** réutilisables à l'aide de **méthodes formelles**.

- Composant : Programme + *Contrat*
- Méthode Formelle : raisonnement rigoureux sur un composant à l'aide d'une logique mathématique.

Description du travail

Composants développés avec **Scade**, développé par Esterel Technologies :

- Programme écrit avec des schémas-blocs
- Engendre du code pseudo-Lustre.

Description du travail

Composants développés avec **Scade**, développé par Esterel Technologies :

- Programme écrit avec des schémas-blocs
- Engendre du code pseudo-Lustre.

Méthode B, développée par J.R. Abrial, utilisée pour la validation des composants :

- Méthode basée sur le *raffinement* de *machines*
- Cadre du projet : **Machine abstraite** raffinée en **Machine implantation**

Description du travail

Composants développés avec **Scade**, développé par Esterel Technologies :

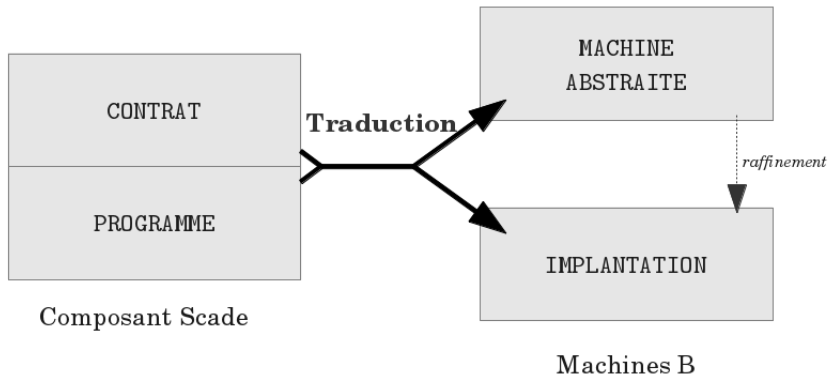
- Programme écrit avec des schémas-blocs
- Engendre du code pseudo-Lustre.

Méthode B, développée par J.R. Abrial, utilisée pour la validation des composants :

- Méthode basée sur le *raffinement* de *machines*
- Cadre du projet : **Machine abstraite** raffinée en **Machine implantation**

Ma tâche : développer un outil permettant de traduire un composant Scade en un couple de machines B.

Schéma général

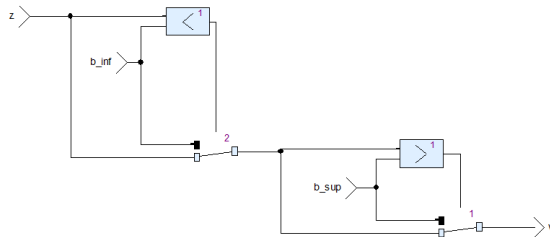


Section 2

Scade

Architecture d'un noeud Scade

Génération de code pseudo-Lustre.



```
node bound(b_sup : int; z : int; b_inf : int)
  returns (v : int)
var
  _L7 : int;
  _L6 : bool;
  _L5 : int;
  _L4 : int;
  _L3 : bool;
  _L2 : int;
  _L1 : int;
let
  v= _L5;
  _L1= z;
  _L2= b_inf;
  _L3= _L7 > _L4;
  _L4= b_sup;
  _L5= if _L3 then (_L4) else (_L7);
  _L6= _L1 < _L2;
  _L7= if _L6 then (_L2) else (_L1);
tel
```

Les équations sont atomisées.

Un fragment de Scade

Le code pseudo lustre est constitué d'un ensemble d'équations atomisées.

3 familles d'équations :

- $v = \text{op}_{base}(x_1, \dots, x_n);$
- $v = \text{if } c \text{ then } x_1 \text{ else } x_2;$
- $v_1, \dots, v_p = \text{op}_{appel}(x_1, \dots, x_n);$

+

1 opérateur particulier : `fby`. Il prend 3 paramètres : une variable, un délai et une valeur d'initialisation.

instant	0	1	2	...
v	10	20	30	...
z	0	10	20	...

Figure: $z = \text{fby}(v, 1, \mathbf{0})$

Contrat avec Scade

Assertions écrites manuellement dans Scade. Elles sont de 2 type :

- assume A : expr où expr correspond à une condition sur une entrée
- guarantee G : expr où expr correspond à une condition sur une sortie

Contrat avec Scade

Assertions écrites manuellement dans Scade. Elles sont de 2 type :

- **assume** A : *expr* où *expr* correspond à une condition sur une entrée
- **guarantee** G : *expr* où *expr* correspond à une condition sur une sortie

Exemple sur le noeud Bound :

```
assume A_1 : b_inf <= 2000 and b_inf >= -2000;  
assume A_2 : b_sup <= 2000 and b_sup >= -2000;  
assume A_3 : z <= 2000 and z >= -2000;  
guarantee G_1 : v <= 2000 and v >= -2000;
```

Section 3

Machines B

Les machines sont organisées en *clauses*.

MACHINE ABSTRAITE

```
MACHINE Ma_machine  
  
OPERATIONS  
...  
END
```

IMPLANTATION

```
IMPLEMENTATION Ma_machine_i  
REFINES Ma_machine  
IMPORTS ...  
CONCRETE_VARIABLES ...  
INVARIANT  
...  
INITIALISATION  
...  
OPERATIONS  
...  
END
```

Les machines sont organisées en *clauses*.

MACHINE ABSTRAITE

```
MACHINE Ma_machine

OPERATIONS
...Substitutions
END
```

IMPLANTATION

```
IMPLEMENTATION Ma_machine_i
REFINES Ma_machine
IMPORTS ...Déclarations machines
CONCRETE_VARIABLES ...Déclaration variables
INVARIANT
...Prédicat
INITIALISATION
...Substitutions
OPERATIONS
...Substitutions
END
```

Le langage B est un langage ensembliste.

Les substitutions généralisées permettent de transformer les prédicats.

Exemple

MACHINE Integr

OPERATION

$yy \leftarrow \text{integr}(xx) =$

PRE

$xx \in \text{INT} \ \& \ -256 \leq xx \ \& \ xx \leq 255$

THEN

$yy \in: \{ii \mid ii \in \text{INT} \ \& \ -1024 \leq ii \ \& \ ii \leq 1023\}$

END

IMPLEMENTATION Integr_i

REFINES Integr

IMPORTS Bound

CONCRETE_VARIABLES reg1

INVARIANT

$reg1 \in \text{INT} \ \& \ -1024 \leq reg1 \ \& \ reg1 \leq 1023$

INITIALISATION

$reg1 := 0$

OPERATIONS

$yy \leftarrow \text{integr}(xx) =$

VAR zz **IN**

$zz := xx + reg1;$

$yy \leftarrow \text{bound}(-1024, zz, 1023);$

$reg1 := yy$

END

Exemple

MACHINE Integr

OPERATION

yy \leftarrow integr(xx) =

PRE

xx \in INT & -256 \leq xx & xx \leq 255

THEN

yy \in : {ii | ii \in INT &
-1024 \leq ii & ii \leq 1023}

END

IMPLEMENTATION Integr_i

REFINES Integr

IMPORTS Bound

CONCRETE_VARIABLES reg1

INVARIANT

reg1 \in INT & -1024 \leq reg1 & reg1 \leq 1023

INITIALISATION

reg1 := 0

OPERATIONS

yy \leftarrow integr(xx) =

VAR zz **IN**

zz := xx + reg1;

yy \leftarrow bound(-1024, zz, 1023);

reg1 := yy

END

Chaque étape de raffinement engendre des obligations de preuves.

Section 4

Schémas de traduction

Traduction des conditions

Utilisation d'une substitution *Precondition* PRE **P** THEN **S** END :

- **P** prédicat reprenant les pré-conditions des *assumes*. Pour chaque entrée, un prédicat est constitué de l'information de type et de la condition associée à l'entrée.
- **S** substitution reprenant les post-conditions des *guarantees*. Pour chaque sortie, une substitution *Devient élément de* + la définition d'un ensemble en compréhension.

Traduction des conditions

Utilisation d'une substitution *Precondition* PRE **P** THEN **S** END :

Prenons un exemple.

```
assume A_1 : b_inf <= 2000 and b_inf >= -2000;  
assume A_2 : b_sup <= 2000 and b_sup >= -2000;  
assume A_3 : z <= 2000 and z >= -2000;  
guarantee G_v : v <= 2000 and v >= -2000;
```

Est traduit par

```
PRE  
  zz ∈ INT & zz <= 2000 & zz >= -2000 &  
  b_sup ∈ INT & b_sup <= 2000 & b_sup >= -2000 &  
  b_inf ∈ INT & b_inf <= 2000 & b_inf >= -2000  
THEN  
  vv ∈: {ii | ii ∈ INT & ii <= 2000 & ii >= -2000 }  
END
```

Le cas des tableaux

Les tableaux sont traduits par des fonctions.

Soit une condition $cond$ sur un tableau Tab de dimension m contenant des éléments de ENS .

$Tab \in \mathbb{0} \dots (m-1) \rightarrow ENS \ \& \ \forall jj. (jj \in \mathbb{0} \dots m-1 \Rightarrow \textit{condition cond sur Tab}(jj))$

Le cas des tableaux

Les tableaux sont traduits par des fonctions.

Soit une condition $cond$ sur un tableau Tab de dimension m contenant des éléments de ENS .

$$Tab \in \mathbb{0} \dots (m-1) \rightarrow ENS \ \& \ \forall jj. (jj \in \mathbb{0} \dots m-1 \Rightarrow \textit{condition cond sur Tab}(jj))$$

Exemple :

assume $A : Tab[0] > 0 \text{ and } Tab[0] < 10 \text{ and } Tab[1] > 0 \text{ and } Tab[1] < 10$

Le prédicat généré sera alors :

$$Tab \in \mathbb{0} \dots 1 \rightarrow INT \ \& \ \forall jj. (jj \in \mathbb{0} \dots 1 \Rightarrow 0 < Tab(jj) \ \& \ Tab(jj) < 10)$$

Schéma Général

```

node foo (in1: in1_type, ..., inp: inp_type)
  returns
    (out1: out1_type, ..., outq: outq_type);
var
  ...
let
  assume A1 : pred_in1;
  ...
  assume Ap : pred_inp;

  liste d'equations

  guarantee G1 : pred_out1;
  ...
  guarantee Gq : pred_outq;
tel;

```

MACHINE Foo

OPERATION

out₁, ..., out_q ← foo(in₁, ..., in_p) =

PRE

in₁ ∈ in₁_type & pred_in₁ &

... &

in_p ∈ in_p_type & pred_in_p &

THEN

out₁ ∈: {ii | ii ∈ out₁_type & pred_out₁} ||

... ||

out_q ∈: {ii | ii ∈ out_q_type & pred_out_q}

END

END

Subsection 2

Implantation

Traduction des équations

Opérateurs de base :

$$a = op_{base}(b_1, \dots, b_n) \xrightarrow{\text{traduction equations}} a := op_{base}(b_1, \dots, b_n)$$

Appel de noeud :

$$(a_1, \dots, a_n) = op_{appel}(b_1, \dots, b_m) \xrightarrow{\text{traduction equations}} (a_1, \dots, a_n) \leftarrow op_{appel}(b_1, \dots, b_n)$$

Alternative :

$$a = \text{if } cond \text{ then } b1 \text{ else } b2 \xrightarrow{\text{traduction equation}}$$

IF cond = TRUE THEN a := b1 ELSE a := b2 END

Traduction des registres

Soit l'équation de registre suivante :

$$\text{reg} = \text{fby}(a, 1, \text{ini})$$

Traduction des registres

Soit l'équation de registre suivante :

$$\text{reg} = \text{fby}(a, 1, \text{ini})$$

IMPLEMENTATION ...

...

CONCRETE_VARIABLES ..., reg

INVARIANT

... & reg : t & P_{reg}

INITIALISATION

...; reg := ini

OPERATION

... =

VAR ... IN

...;

reg := a

END

Schéma Général

```

node foo (in1 : in1_type, ..., inp : inp_type)
  returns
    (out1 : out1_type, ..., outq : outq_type);
var
  v1 : v1_type;
  ...
  vn : vn_type;
  r1 : r1_type;
  ...
  rn : rn_type;
let
  assume in1 : pred_in1;
  ...
  assume inp : pred_inp;

  liste d'équations

  guarantee out1 : pred_out1;
  ...
  guarantee outq : pred_outq;
tel;

```

IMPLEMENTATION Foo_i

REFINES Foo

IMPORTS M_{imp}

CONCRETE_VARIABLES r1, ..., rn

INVARIANT

r1 : r1_type &

... &

rn : rn_type

INITIALISATION

r1 := ...;

...;

rn := ...;

OPERATION

out₁, ..., out_q ← foo(in₁, ..., in_p) =

VAR v1, ..., vn **IN**

Sequence de substitutions

END

Schéma Général

```

node foo (in1: in1_type, ..., inp: inp_type)
  returns
    (out1: out1_type, ..., outq: outq_type);
var
  v1 : v1_type;
  ...
  vn : vn_type;
  r1 : r1_type;
  ...
  rn : rn_type;
let
  assume in1 : pred_in1;
  ...
  assume inp : pred_inp;

  liste d'équations

  guarantee out1 : pred_out1;
  ...
  guarantee outq : pred_outq;
tel;

```

IMPLEMENTATION Foo_i

REFINES Foo

IMPORTS M_{imp}

CONCRETE_VARIABLES r1, ..., rn

INVARIANT

r1 : r1_type &

... &

rn : rn_type

INITIALISATION

r1 := ...;

...;

rn := ...;

OPERATION

out₁, ..., out_q ← foo(in₁, ..., in_p) =

VAR v1, ..., vn **IN**

Sequence de substitutions

END

Note : les machines IMPORTS doivent être ajoutés manuellement

Subsection 3

Le traducteur

Implémentation du traducteur

Traducteur écrit en OCaml (2700 lignes de code).

fichier.scade $\xrightarrow{\text{OCamlLex/OCamlYacc}}$ AST_1

↓ *Manipulations AST*

AST_n $\xrightarrow{\text{Pretty Printer}}$ fichier.mch, fichier_i.imp

Manipulations AST : séquençement équations, renommage, ...

Section 5

Exemple

Integr.vsw - SCADE - [extab/diagram_extab_1]

File Edit View Operator Insert Layout Project Tools Navigate Window Help

Integr.etp

Simulation

Integr.etp

- Integr
 - Operators
 - bound
 - extab
 - Interface
 - d
 - ok
 - e
 - w
 - v
 - diagram_extab_1
 - integr
 - Interface
 - d
 - y
 - diagram_integr_1

$\checkmark A.d: d \geq 2 \text{ and } d \leq 8$
 $\checkmark A.e: e \geq 2 \text{ and } e \leq 8$
 $\checkmark G_w: w[0] \geq (-1024) \text{ and } w[0] \leq 1023 \text{ and } w[1] \geq (-1024) \text{ and } w[1] \leq 1023$
 $\checkmark G_v: v \geq (-1024) \text{ and } v \leq 1023$

File/View Framework Design Viewer

Category	Code	Message
Code Generator		
Information	Log Files	Log Files
Information	Generated Files	KDC: Generated files
Information	Generated Files	Type Utils Generated files
Information	Generated Files	Mapping Utils Generated files
Information	Generated Files	Simulator Generated files
Information	Generated Files	Code Generator Generated files

Declaration
Layout
Comment
Note

Name:

Condition:

Assertion type
☐ Assume
☒ Guarantee

For Help, press F1

```

emacs@florian-Inspiron-1520
File Edit Options Buffers Tools Help
guarantee G_v : v >= b_inf and v <= b_sup;
tel

```

```

/* xscade source: C:/Users/florian/Documents/Workspace/Integr/Operator2.xscade */
node integr(a : int) returns (y : int)
var
  _L7 : int;
  _L6 : int;
  _L5 : int;
  _L4 : int;
  _L3 : int;
  _L8 : int;
let
  _L3= 1023;
  _L4= a;
  y= _L8;
  _L5= 1024;
  _L6= fby(_L8; 1; 0);
  _L7= _L4 + _L6;
  assume A_a : a >= 0 and a <= 10;
  guarantee G_y : - 1024 <= y and y <= 1023;
  _L8= #1 bound(_L3, _L7, _L5);
tel

```

```

/* xscade source: C:/Users/florian/Documents/Workspace/Integr/Operator3.xscade */
node extab(d : int; ok : bool; e : int) returns (w : int*2; v : int)
var
  _L1 : int;
  _L2 : int;
  _L3 : int;
  _L4 : bool;
  _L8 : int*2;
  _L9 : int;
  _L10 : int;
  _L11 : int;
  _L12 : int*2;
  _L13 : int;
let
  _L1= #1 integr(_L2);
  _L2= d;
  _L3= if _L4 then (_L11) else (_L13);
  _L4= ok;
  _L8= [_L1, _L10];
  _L9= e;
  w= _L12;
  assume A_d : d >= 2 and d <= 8;
  assume A_e : e >= 2 and e <= 8;
  guarantee G_w : w[0] >= - 1024 and w[0] <= 1023 and w[1] >= - 1024 and
w[1] <= 1023;
  _L10= #2 integr(_L9);
  _L11= _L8[0];
  v= _L3;
  _L12= fby(_L8; 1; (0)*2);
  guarantee G_v : v >= - 1024 and v <= 1023;
  _L13= 0;
tel

```

```

florian@florian-Inspiron-1520: ~/Documents/Cercles/Trad/src/tests/extab
File Edit View Search Terminal Help
florian@florian-Inspiron-1520:~/Documents/Cercles/Trad/src/tests/extab$ ls
kcg_xml_filter_out.scade
florian@florian-Inspiron-1520:~/Documents/Cercles/Trad/src/tests/extab$ ../../cercles/kcg_xml_filter_out.scade extab
florian@florian-Inspiron-1520:~/Documents/Cercles/Trad/src/tests/extab$ ls
extab.ltmp  extab.mch  kcg_xml_filter_out.scade
florian@florian-Inspiron-1520:~/Documents/Cercles/Trad/src/tests/extab$

```

Atelier B

Atelier B View Workspace Project Component Help

Workspaces

ab_test: Components

Classical view

Filter:

Component	TypeChecked	POs Generated	Proof Obligations	Proved	Unproved	B0 Checked
Bound	OK	-	-	-	-	-
Bound_i	OK	-	-	-	-	-
Integr	OK	-	-	-	-	-
Integr_i	OK	-	-	-	-	-

Look In: /home/florian/Doc...d/src/tests/extab

Desktop

Docu...

florian

Integr2

Extab.mch

Extab_i.imp

File name: "Extab.mch" "Extab_i.imp"

Files of type: Components (*.mch *.ref *.imp *.sys)

Open

Cancel

Tasks

Project Component Action Status Messages Server

Errors

Hide Finished tasks

Errors (0)

Warnings (0)

Message

Atelier B

File View Workspace Project Component Help

workspaces

ab_test: Components

Component	TypeChecked	POs Generated	Proof Obligations
Bound	OK	-	-
Bound_j	OK	-	-
Extab	OK	-	-
Extab_j	-	-	-
Integr	OK	-	-
Integr_j	OK	-	-

Extab_j.limp - Atelier B

```

1  file edit view search help
2  Extab.mch Extab_j.limp
3  2 REFINES Extab
4  |
5  |
6  CONCRETE_VARIABLES L12
7  INVARIANT
8  L12 : 0 .. 1 --> INT & !jj. (jj : 0 .. 1 => L12(jj) >= -1024 & L12(jj) <= 1023)
9  INITIALISATION
10 L12 := {0 |-> 0, 1 |-> 0}
11
12 OPERATIONS
13
14 vv, vv <- extab(dd, ok, ee) =
15 VAR L1, L2, L3, L4, L8, L9, L10, L11, L13 IN
16   vv := L12;
17   L9 := ee;
18   L4 := ok;
19   L2 := dd;
20   L13 := 0;
21   L10 <- integr(L9);
22   L1 <- integr(L2);
23   L8 := {0 |-> L1, 1 |-> L10};
24   L11 := L8(0);
25   IF L4 = TRUE THEN L3 := L11 ELSE L3 := L13 END;
26   vv := L3;
27   L12 := L8
28 END
29 END
30

```

B Symbols

Dropped symbol: Ascii

Description

- Functions and relations
 - Partial function
 - Total function
 - Partial surjection
 - Total surjection
 - Lambda function
 - Override
 - Relation
 - Domain abstraction
 - Domain restriction

Outline

Expand Collapse

- MACHINE
 - Extab_j
- REFINES
 - Extab
- CONCRETE_VARIABLES
 - L12
- INVARIANT
- INITIALISATION
- OPERATIONS
 - extab
 - Undeclared l...
 - Integr

Opened Files

File Search Results

Expanded

Collapsed

Opened Files

- Extab.mch
- Extab_j.limp

Message

Location Component

Line: 4 Column: 1

No errors

asks

Project	Component	Action	Status	Messages	Server
ab_test	Extab		Finished	Typecheck ...	localhost
ab_test	Extab_j		Finished	Typecheck ...	localhost

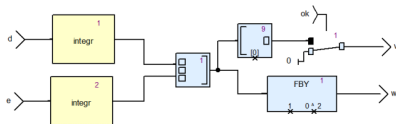
Exemple

✓ $A_d: d \geq 2$ and $d \leq 8$

✓ $A_e: e \geq 2$ and $e \leq 8$

✓ $G_w: w[0] \geq (-1024)$ and $w[0] \leq 1023$ and $w[1] \geq (-1024)$ and $w[1] \leq 1023$

✓ $G_v: v \geq (-1024)$ and $v \leq 1023$



```

node extab(d : int; ok : bool; e : int) returns (w : int*2; v : int)
var
  _L1 : int;
  _L2 : int;
  _L3 : int;
  _L4 : bool;
  _L8 : int*2;
  _L9 : int;
  _L10 : int;
  _L11 : int;
  _L12 : int*2;
  _L13 : int;
let
  _L1 = #1 integr(_L2);
  _L2 = d;
  _L3 = if _L4 then (_L11) else (_L13);
  _L4 = ok;
  _L8 = [_L1, _L10];
  _L9 = e;
  w = _L12;
  assume A_d : d >= 2 and d <= 8;
  assume A_e : e >= 2 and e <= 8;
  guarantee G_w : w[0] >= - 1024 and w[0] <= 1023 and w[1] >= - 1024 and
    w[1] <= 1023;
  _L10 = #2 integr(_L9);
  _L11 = _L8[0];
  v = _L3;
  _L12 = fby(_L8, 1; (0)*2);
  guarantee G_v : v >= - 1024 and v <= 1023;
  _L13 = 0;
tel

```

MACHINE Extab

OPERATIONS

ww, vv <- extab(dd, ok, ee) =

PRE

ok : BOOL &
ee : INT & ee >= 2 & ee <= 8 &
dd : INT & dd >= 2 & dd <= 8

THEN

vv :: { ii | ii : INT & ii >= -1024 & ii <= 1023 } ||
ww :: { ii | ii : 0 .. 1 --> INT &
!jj. (jj : 0 .. 1 => ii(jj) >= -1024 & ii(jj) <= 1023) }

END

END

IMPLEMENTATION Extab_i

REFINES Extab

IMPORTS Integr

CONCRETE_VARIABLES L12

INVARIANT

L12 : 0 .. 1 --> INT & !jj. (jj : 0 .. 1 => L12(jj) >= -1024 & L12(jj) <= 1023)

INITIALISATION

L12 := {0 |-> 0, 1 |-> 0}

OPERATIONS

ww, vv <- extab(dd, ok, ee) =

VAR L1, L2, L3, L4, L8, L9, L10, L11, L13 IN

ww := L12;
L9 := ee;
L4 := ok;
L2 := dd;
L13 := 0;
L10 <- integr(L9);
L1 <- integr(L2);
L8 := {0 |-> L1, 1 |-> L10};
L11 := L8(0);
IF L4 = TRUE THEN L3 := L11 ELSE L3 := L13 END;
vv := L3;
L12 := L8

END

END

Section 6

Conclusion

Traducteur fonctionnel, respecte les schémas de traduction.

Traducteur fonctionnel, respecte les schémas de traduction.

Fragment de Scade. Possibilités d'extensions ?

Traducteur fonctionnel, respecte les schémas de traduction.

Fragment de Scade. Possibilités d'extensions ?

Preuve de correction de la traduction à faire.

Traducteur fonctionnel, respecte les schémas de traduction.

Fragment de Scade. Possibilités d'extensions ?

Preuve de correction de la traduction à faire.

Remplacement des tests de composants par une étape de validation par méthode formelle ??

Merci de votre attention.