

# Homework 8

余北辰 519030910245

8.3 Consider the following snapshot of a system:

|       | Allocation | Max     | Available |
|-------|------------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 0 0 1 2    | 0 0 1 2 | 1 5 2 0   |
| $T_1$ | 1 0 0 0    | 1 7 5 0 |           |
| $T_2$ | 1 3 5 4    | 2 3 5 6 |           |
| $T_3$ | 0 6 3 2    | 0 6 5 2 |           |
| $T_4$ | 0 0 1 4    | 0 6 5 6 |           |

Answer the following questions using the banker's algorithm:

a. What is the content of the matrix *Need*?

b. Is the system in a safe state?

c. If a request from thread  $T_1$  arrives for  $(0, 4, 2, 0)$ , can the request be granted immediately?

a.  $\text{Need} = \text{Max} - \text{Allocation}$

|       | Need    |
|-------|---------|
|       | A B C D |
| $T_0$ | 0 0 0 0 |
| $T_1$ | 0 7 5 0 |
| $T_2$ | 1 0 0 2 |
| $T_3$ | 0 0 2 0 |
| $T_4$ | 0 6 4 2 |

b.

先将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为  $(1, 5, 3, 2)$ ；

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为  $(2, 8, 8, 6)$ ；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为  $(2, 14, 11, 8)$ ；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (3, 14, 11, 8)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (3, 14, 12, 12)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

c. 如果该请求被立即准许：

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 0 0 1 2    | 0 0 1 2 | 0 0 0 0 | 1 1 0 0   |
| $T_1$ | 1 4 2 0    | 1 7 5 0 | 0 3 3 0 |           |
| $T_2$ | 1 3 5 4    | 2 3 5 6 | 1 0 0 2 |           |
| $T_3$ | 0 6 3 2    | 0 6 5 2 | 0 0 2 0 |           |
| $T_4$ | 0 0 1 4    | 0 6 5 6 | 0 6 4 2 |           |

先将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (1, 1, 1, 2)；

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (2, 4, 6, 6)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (2, 10, 9, 8)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (3, 14, 11, 8)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (3, 14, 12, 12)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

因此该请求可以被立即准许。

---

### 8.9 Consider the following snapshot of a system:

|       | Allocation | Max     |
|-------|------------|---------|
|       | A B C D    | A B C D |
| $T_0$ | 3 0 1 4    | 5 1 1 7 |
| $T_1$ | 2 2 1 0    | 3 2 1 1 |
| $T_2$ | 3 1 2 1    | 3 3 2 1 |
| $T_3$ | 0 5 1 0    | 4 6 1 2 |
| $T_4$ | 4 2 1 2    | 6 3 2 5 |

Using the banker's algorithm, determine whether or not each of the following states is unsafe. If the state is safe, illustrate the order in which the threads may complete. Otherwise, illustrate why the state is unsafe.

a. Available = (0, 3, 0, 1)

b. Available = (1, 0, 0, 2)

a.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 0 1 4    | 5 1 1 7 | 2 1 0 3 | 0 3 0 1   |
| $T_1$ | 2 2 1 0    | 3 2 1 1 | 1 0 0 1 |           |
| $T_2$ | 3 1 2 1    | 3 3 2 1 | 0 2 0 0 |           |
| $T_3$ | 0 5 1 0    | 4 6 1 2 | 4 1 0 2 |           |
| $T_4$ | 4 2 1 2    | 6 3 2 5 | 2 1 1 3 |           |

先将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (3, 4, 2, 2)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (5, 6, 3, 2)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (5, 11, 4, 2)；

之后找不到可以分配的对象，因此出现死锁。

因此此状态非安全。

b.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 0 1 4    | 5 1 1 7 | 2 1 0 3 | 1 0 0 2   |
| $T_1$ | 2 2 1 0    | 3 2 1 1 | 1 0 0 1 |           |
| $T_2$ | 3 1 2 1    | 3 3 2 1 | 0 2 0 0 |           |
| $T_3$ | 0 5 1 0    | 4 6 1 2 | 4 1 0 2 |           |
| $T_4$ | 4 2 1 2    | 6 3 2 5 | 2 1 1 3 |           |

先将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (3, 2, 1, 2)；

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (6, 3, 3, 3)；

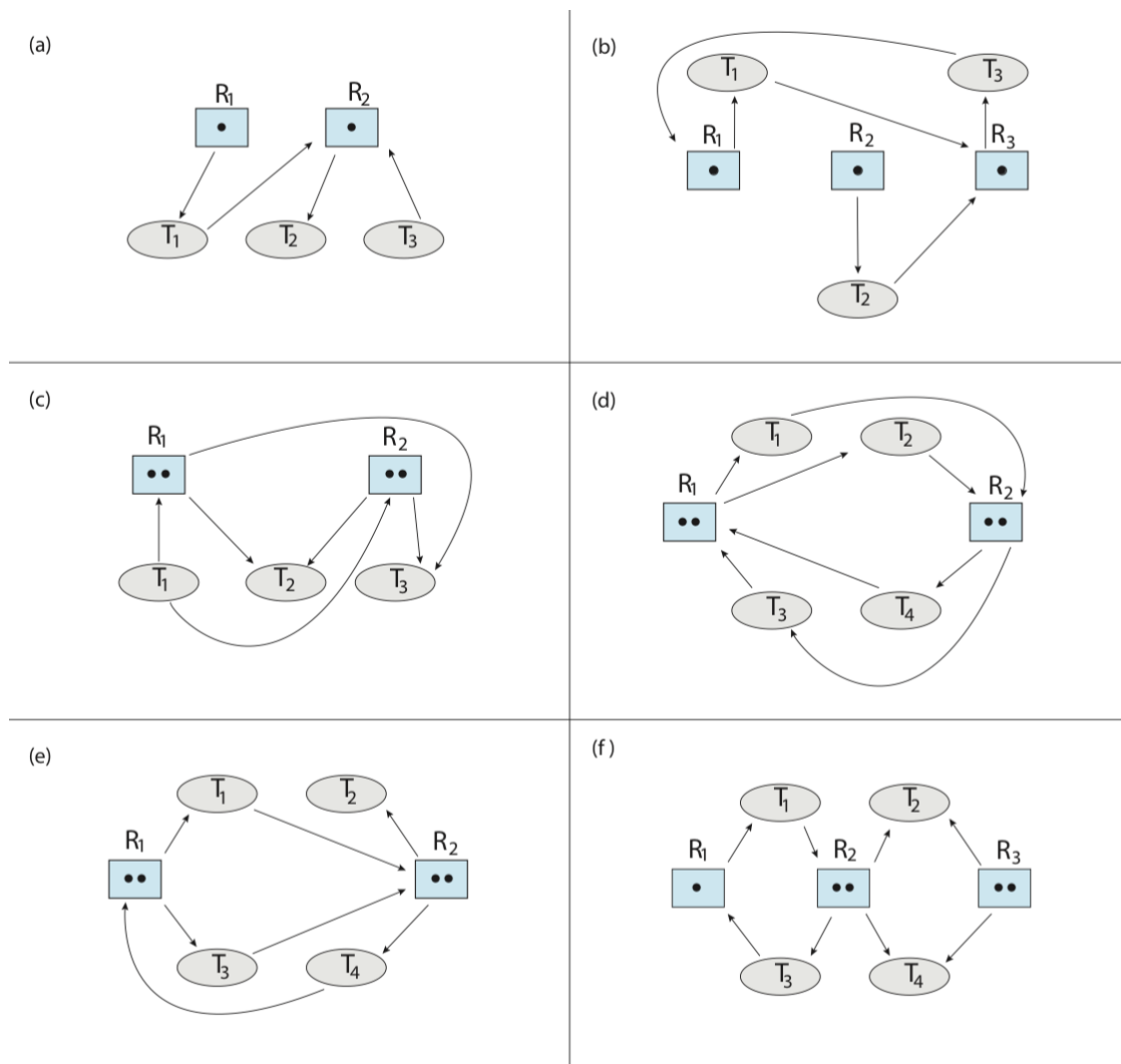
再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (9, 3, 4, 7)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (9, 8, 5, 7)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (13, 10, 6, 9)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

**8.18 Which of the six resource-allocation graphs shown in Figure 8.12 illustrate deadlock? For those situations that are deadlocked, provide the cycle of threads and resources. Where there is not a deadlock situation, illustrate the order in which the threads may complete execution.**



(a) 无死锁。无环。按照  $T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow T_1$  的顺序就能完成。

(b) 死锁。  $R_1 \rightarrow T_1 \rightarrow R_3 \rightarrow T_3 \rightarrow R_1$  形成环，且  $T_2$  也在申请  $R_3$ ，因此无法解开。

(c) 无死锁。无环。按照  $T_2 \rightarrow T_3 \rightarrow T_1$  的顺序就能完成。

(d) 死锁。存在两个环：  $R_1 \rightarrow T_1 \rightarrow R_2 \rightarrow T_3 \rightarrow R_1$  和  $R_1 \rightarrow T_2 \rightarrow R_2 \rightarrow T_4 \rightarrow R_1$ ，且无法解开。

(e) 无死锁。存在环：  $R_1 \rightarrow T_1 \rightarrow R_2 \rightarrow T_4 \rightarrow R_1$ ，但是先将  $R_2$  的一个实例分配给  $T_2$ ，再将该实例分配给  $T_1$ ，就能解开。按照  $T_2 \rightarrow T_1 \rightarrow T_3 \rightarrow T_4$  的顺序解开。

(f) 无死锁。存在环：  $R_1 \rightarrow T_1 \rightarrow R_2 \rightarrow T_3$ ，但是先将  $R_2$  和  $R_3$  的一个实例分配给  $T_2$ ，再将  $R_2$  的一个实例分配给  $T_1$ ，再对  $T_4$  重复就能解开。按照  $T_2 \rightarrow T_4 \rightarrow T_1 \rightarrow T_3$  的顺序解开。

**8.27 Consider the following snapshot of a system:**

|       | Allocation | Max     |
|-------|------------|---------|
|       | A B C D    | A B C D |
| $T_0$ | 1 2 0 2    | 4 3 1 6 |
| $T_1$ | 0 1 1 2    | 2 4 2 4 |
| $T_2$ | 1 2 4 0    | 3 6 5 1 |
| $T_3$ | 1 2 0 1    | 2 6 2 3 |
| $T_4$ | 1 0 0 1    | 3 1 1 2 |

Using the banker's algorithm, determine whether or not each of the following states is unsafe. If the state is safe, illustrate the order in which the threads may complete. Otherwise, illustrate why the state is unsafe.

a. Available = (2, 2, 2, 3)

b. Available = (4, 4, 1, 1)

c. Available = (3, 0, 1, 4)

d. Available = (1, 5, 2, 2)

a.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 1 2 0 2    | 4 3 1 6 | 3 1 1 4 | 2 2 2 3   |
| $T_1$ | 0 1 1 2    | 2 4 2 4 | 2 3 1 2 |           |
| $T_2$ | 1 2 4 0    | 3 6 5 1 | 2 4 1 1 |           |
| $T_3$ | 1 2 0 1    | 2 6 2 3 | 1 4 2 2 |           |
| $T_4$ | 1 0 0 1    | 3 1 1 2 | 2 1 1 1 |           |

先将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (3, 2, 2, 4)；

再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (4, 4, 2, 6)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (4, 5, 3, 8)；

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (5, 7, 7, 8)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (6, 7, 7, 9)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

b.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 1 2 0 2    | 4 3 1 6 | 3 1 1 4 | 4 4 1 1   |
| $T_1$ | 0 1 1 2    | 2 4 2 4 | 2 3 1 2 |           |
| $T_2$ | 1 2 4 0    | 3 6 5 1 | 2 4 1 1 |           |
| $T_3$ | 1 2 0 1    | 2 6 2 3 | 1 4 2 2 |           |
| $T_4$ | 1 0 0 1    | 3 1 1 2 | 2 1 1 1 |           |

先将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (5, 6, 5, 1);  
 再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (6, 6, 5, 2);  
 再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (6, 7, 6, 4);  
 再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (7, 9, 6, 6);  
 再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (8, 11, 6, 7);  
 因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

c.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 1 2 0 2    | 4 3 1 6 | 3 1 1 4 | 3 0 1 4   |
| $T_1$ | 0 1 1 2    | 2 4 2 4 | 2 3 1 2 |           |
| $T_2$ | 1 2 4 0    | 3 6 5 1 | 2 4 1 1 |           |
| $T_3$ | 1 2 0 1    | 2 6 2 3 | 1 4 2 2 |           |
| $T_4$ | 1 0 0 1    | 3 1 1 2 | 2 1 1 1 |           |

先将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (4, 2, 1, 6);  
 再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (5, 2, 1, 7);  
 之后找不到可以分配的对象，因此出现死锁。  
 因此此状态非安全。

d.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 1 2 0 2    | 4 3 1 6 | 3 1 1 4 | 1 5 2 2   |
| $T_1$ | 0 1 1 2    | 2 4 2 4 | 2 3 1 2 |           |
| $T_2$ | 1 2 4 0    | 3 6 5 1 | 2 4 1 1 |           |
| $T_3$ | 1 2 0 1    | 2 6 2 3 | 1 4 2 2 |           |
| $T_4$ | 1 0 0 1    | 3 1 1 2 | 2 1 1 1 |           |

先将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (2, 7, 2, 3);

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (2, 8, 3, 5);

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (3, 10, 7, 5);

再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (4, 12, 7, 7);

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (5, 12, 7, 8);

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

#### 8.28 Consider the following snapshot of a system:

|       | Allocation | Max     | Available |
|-------|------------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 1 4 1    | 6 4 7 3 | 2 2 2 4   |
| $T_1$ | 2 1 0 2    | 4 2 3 2 |           |
| $T_2$ | 2 4 1 3    | 2 5 3 3 |           |
| $T_3$ | 4 1 1 0    | 6 3 3 2 |           |
| $T_4$ | 2 2 2 1    | 5 6 7 5 |           |

Answer the following questions using the banker's algorithm:

a. Illustrate that the system is in a safe state by demonstrating an order in which the threads may complete.

b. If a request from thread  $T_4$  arrives for (2, 2, 2, 4), can the request be granted immediately?

c. If a request from thread  $T_2$  arrives for (0, 1, 1, 0), can the request be granted immediately?

d. If a request from thread  $T_3$  arrives for (2, 2, 1, 2), can the request be granted immediately

a.

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 1 4 1    | 6 4 7 3 | 3 3 3 2 | 2 2 2 4   |
| $T_1$ | 2 1 0 2    | 4 2 3 2 | 2 1 3 0 |           |
| $T_2$ | 2 4 1 3    | 2 5 3 3 | 0 1 2 0 |           |
| $T_3$ | 4 1 1 0    | 6 3 3 2 | 2 2 2 2 |           |
| $T_4$ | 2 2 2 1    | 5 6 7 5 | 3 4 5 4 |           |

先将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (4, 6, 3, 7)；

再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (7, 7, 7, 8)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (9, 8, 7, 10)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (13, 9, 8, 10)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (15, 11, 10, 11)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

b. 如果该请求被立即准许：

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 1 4 1    | 6 4 7 3 | 3 3 3 2 | 0 0 0 0   |
| $T_1$ | 2 1 0 2    | 4 2 3 2 | 2 1 3 0 |           |
| $T_2$ | 2 4 1 3    | 2 5 3 3 | 0 1 2 0 |           |
| $T_3$ | 4 1 1 0    | 6 3 3 2 | 2 2 2 2 |           |
| $T_4$ | 4 4 4 5    | 5 6 7 5 | 1 2 3 0 |           |

找不到可以分配的对象，因此出现死锁。

因此此状态非安全。

因此该请求不能被立即准许。

c. 如果该请求被立即准许：



|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 1 4 1    | 6 4 7 3 | 3 3 3 2 | 2 1 1 4   |
| $T_1$ | 2 1 0 2    | 4 2 3 2 | 2 1 3 0 |           |
| $T_2$ | 2 5 2 3    | 2 5 3 3 | 0 0 1 0 |           |
| $T_3$ | 4 1 1 0    | 6 3 3 2 | 2 2 2 2 |           |
| $T_4$ | 2 2 2 1    | 5 6 7 5 | 3 4 5 4 |           |

先将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (4, 6, 3, 7)；

再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (7, 7, 7, 8)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (9, 8, 7, 10)；

再将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (13, 9, 8, 10)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (15, 11, 10, 11)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

因此该请求可以被立即准许。

d. 如果该请求被立即准许：

|       | Allocation | Max     | Need    | Available |
|-------|------------|---------|---------|-----------|
|       | A B C D    | A B C D | A B C D | A B C D   |
| $T_0$ | 3 1 4 1    | 6 4 7 3 | 3 3 3 2 | 0 0 1 2   |
| $T_1$ | 2 1 0 2    | 4 2 3 2 | 2 1 3 0 |           |
| $T_2$ | 2 4 1 3    | 2 5 3 3 | 0 1 2 0 |           |
| $T_3$ | 6 3 2 2    | 6 3 3 2 | 0 0 1 0 |           |
| $T_4$ | 2 2 2 1    | 5 6 7 5 | 3 4 5 4 |           |

先将资源分配给  $T_3$ ，结束后可用资源为 (6, 3, 3, 4)；

再将资源分配给  $T_0$ ，结束后可用资源为 (9, 4, 7, 5)；

再将资源分配给  $T_1$ ，结束后可用资源为 (11, 5, 7, 7)；

再将资源分配给  $T_2$ ，结束后可用资源为 (13, 9, 7, 10)；

再将资源分配给  $T_4$ ，结束后可用资源为 (15, 11, 10, 10)；

因此可以用银行家算法解决该问题，处于安全状态。

因此该请求可以被立即准许。

