Лабораторная работа 3.6.1: Спектральный анализ электрических сигналов

Дроздов Т. А. Кириллов М. А. Б03-202

В работе используются: генератор сигналов произвольной формы, цифровой осциллограф с функцией быстрого преобразования Фурье или цифровой USB-осциллограф, подключённый к персональному компьютеру.

Цель работы: изучить спектры сигналов различной формы и влияние параметров сигнала на вид соответствующих спектров; проверить справедливость соотношений неопределённостей; познакомиться с работой спектральных фильтров на примере RC-цепочки.

Ход работы

Исследование спектра периодической последовательности прямоугольных импульсов и проверка соотношений неопределённостей

Следуя техническому описанию генератора мы настроили генерацию прямоугольных импульсов с параметрами $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц и длительностью импульса $\tau=50$ мкс.

Получили на экране спектр сигнала и, изменяя либо au, либо $u_{\text{повт}}$, наблюдали, как изменяется спектр.

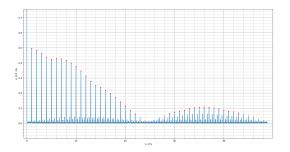
Затем зафиксировали $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц и $\tau=60$ мкс. Для этих параметров измерили величину a_n и ν_n для 13 гармоник и сравнили с рассчитанными значениями по формулам. Результаты занесли в таблицу.

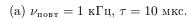
$$\nu_n = \frac{n}{T}$$

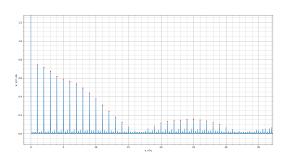
$$|a_n| = \frac{|\sin \frac{\pi n \tau}{T}|}{\pi n}$$

После этогопровели измерения зависимости ширины спектра от $\Delta \nu$ и установили зависимость между $\Delta \nu$ и τ , полученную из формулы (6).

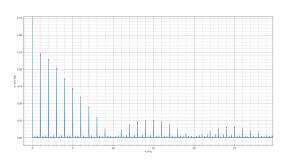
| n | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
|---------------------|------|------|------|------|------|------|------|------|------|-------|-------|-------|-------|
| $ u_n^{exp} $ | 1.00 | 2.00 | 3.00 | 4.01 | 4.99 | 6.00 | 7.00 | 8.00 | 9.00 | 10.00 | 11.00 | 12.00 | 13.01 |
| $ u_n^{theor} $ | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 | 11 | 12 | 13 |
| a_n^{exp} | 0.74 | 0.72 | 0.67 | 0.62 | 0.58 | 0.57 | 0.54 | 0.49 | 0.44 | 0.38 | 0.31 | 0.24 | 0.18 |
| $ a_n/a_1 ^{exp}$ | 1 | 0.96 | 0.91 | 0.83 | 0.79 | 0.76 | 0.72 | 0.66 | 0.59 | 0.51 | 0.42 | 0.33 | 0.24 |
| $ a_n/a_1 ^{theor}$ | 1 | 0.98 | 0.95 | 0.91 | 0.86 | 0.80 | 0.74 | 0.67 | 0.59 | 0.51 | 0.43 | 0.34 | 0.26 |



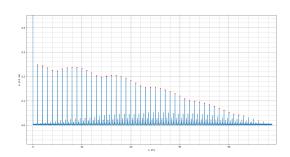




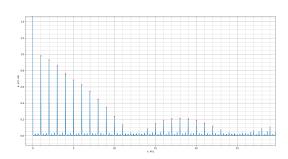
(c) $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц, au=60 мкс.



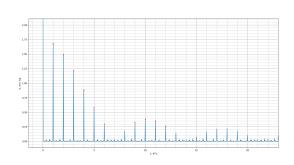
(e) $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц, au=100 мкс.



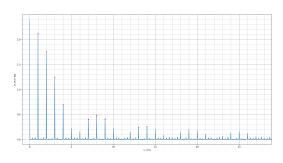
(b) $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц, au=20 мкс.



(d) $\nu_{\text{повт}} = 1$ к Γ ц, $\tau = 80$ мкс.



(f) $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц, au=140 мкс.



(g) $\nu_{\text{повт}}=1$ к Γ ц, au=180 мкс.

| τ , MKC | 50 | 75 | 100 | 125 | 150 | 175 | 200 |
|---------------------------------------|------|------|-----|-----|-----|-----|-----|
| $\Delta \nu$, к Γ ц | 19.6 | 13.4 | 9.8 | 8.0 | 6.5 | 5.5 | 4.5 |
| $1/\tau \cdot 10^3$, c ⁻¹ | 20 | 13 | 10 | 8 | 7 | 6 | 5 |

$$\Delta\nu\tau\approx1.000\pm0.018$$

В итоге получаем, что формула (6) довольно точно выполняется.

Исследование спектра периодической последовательности цугов

Получаем на экране последовательность цугов с характерными параметрами: $\nu_0=50$ к Γ ц, T=1 мс, число периодов в одном импульсе N=5 (длительность импульса $\tau=T/\nu_0=100$ мкс).