什么是截止频率? 为啥是-3dB点?

嵌入式微处理器 2025年07月22日 12:03 北京

以下文章来源于嵌入式情报局 , 作者Mr. Deng



大家好,我是情报小哥~

在嵌入式行业经常数据采集和滤波处理,其中有个关键性的频率叫截止频率。今天,就跟 大家简单聊一聊。

在电子工程和信号处理领域,滤波器就像一个"智能筛子",能选择性地保留或去除特定频率的信号。而**截止频率(Cutoff Frequency)**,就是这个筛子的"分水岭"——它决定了哪些频率能畅通无阻,哪些会被无情过滤。

但你是否想过: **为什么截止频率被定义为信号幅度衰减到70.7% (即-3dB) 时的频率?** 这 背后既有深刻的物理原理,也有工程师们的智慧妥协。

一、什么是截止频率?

截止频率是滤波器最核心的参数之一,其定义简单却至关重要:

- ·对于低通滤波器:低于截止频率的信号几乎无衰减通过,高于截止频率的信号被显著抑制。
- 对于高通滤波器:与低通相反,高频信号通过,低频信号被过滤。
- ·对于带通/带阻滤波器:需要两个截止频率,分别定义通带或阻带的边界。

但无论哪种滤波器,截止频率的判定标准都指向同一个点:**信号幅度衰减至通带最大值的** 70.7% (即功率下降50%) 时的频率,也就是**-3dB点**。

二、为什么是70.7%?

要理解-3dB的由来,我们需要从**功率**和电压的关系入手:

1. 功率减半的物理意义

在电路中,功率(P)与电压(V)的平方成正比,即:

 $P \propto V^2$

2. 如果功率下降为原来的50%,则电压需要降至原来的

$$\sqrt{0.5} pprox 0.707$$
倍 (即70.7%):

$$rac{P_{\widehat{
m h}f L}}{P_{\widehat{
m h}ackslash}} = \left(rac{V_{\widehat{
m h}f L}}{V_{\widehat{
m h}ackslash}}
ight)^2 = 0.5$$

3. 分贝(dB)的定义

分贝是功率比的对数单位:

代入功率比0.5时:

$$\mathrm{dB} = 10 \log_{10}(0.5) \approx -3\,\mathrm{dB}$$

因此,-3dB对应功率减半,电压幅度衰减至70.7%。

三、为何选择-3dB?

理论上,截止频率可以是任意衰减比例,但-3dB成为国际标准,离不开以下几个关键原因:

1. 能量保留与噪声抑制的平衡

-3dB点位于滤波器通带到阻带的过渡区域。此时信号功率虽下降一半,但幅度仍保留 70.7%,**足以维持信号的主要特征**(如语音的可懂度)。若截止频率定义在更高衰减点(如-6dB),可能导致通带信号过度失真。

2. 数学与电路的天然特性

以一阶RC低通滤波器为例,其传递函数为:

$$H(f) = rac{1}{1 + j\left(rac{f}{f_c}
ight)}$$

当频率 $(f = f_c)$ 时,幅度响应恰好为

$$|H(f_c)|=rac{1}{\sqrt{2}}pprox 0.707$$
 (即-3dB)

这一数学特性使得-3dB点成为理论和设计的自然分界。

3. 标准化与可重复性

-3dB点易于测量(如通过扫频仪或网络分析仪),且在不同类型滤波器(如巴特沃斯、

切比雪夫)中具有一致的定义,便于工程师跨平台协作和性能对比。在实际应用中的截止频率,像音频系统,低通滤波器截止频率设为20kHz,滤除超声波噪声,保留人耳可听范围。 而无线通信中,接收机用带通滤波器,截止频率隔离目标频段,抑制邻频干扰。传感器信号调理,截止频率设为采样频率的1/2(奈奎斯特频率),避免混叠失真。

四、截止频率的"不完美"与妥协

虽然-3dB是通用标准,但某些场景会采用其他定义:

- ・音频滤波器:可能以-1dB或-6dB为通带边缘,以优化听感。
- ·雷达系统:用-6dB点定义波束宽度,提升目标分辨率。
- ・数字滤波器:归一化截止频率(如0.2π rad/sample)需结合采样率换算。

截止频率的-3dB标准,既是功率减半的物理体现,也是工程实践中的最优解。

下次当你调整滤波器参数时,想一想这-3dB的背后,是数百年来科学家和工程师对精确与 实用的不懈追求。

END +

作者: Mr. Deng

来源:嵌入式情报局

版权归原作者所有,如有侵权,请联系删除。

■ 推荐阅读

分享一个嵌入式开发调试利器!

为什么对技术人员的考核,大多都只看加班时间?

想不到靠这个VSCode插件,我的嵌入式开发效率直接翻倍!

→点关注,不迷路 ←



嵌入式微处理器

关注嵌入式相关技术和资讯,你想知道的都在这里。 132篇原创内容

公众号



21ic电子网

即时传播电子科技信息,汇聚业界精英精彩视点。 1171篇原创内容

公众号