

率的改进的算法^[3],但不能针对所有的图。结合绝对中心理论,本文提出了一种遗传算法,仿真实验说明遗传算法不仅能较快的计算出满意解,而且可以适用于更一般的情况。

1 相关理论

1.1 Dijkstra 最短路径算法

Dijkstra 于 1959 年提出了最短路径算法^[4],其基本思想是从起点出发,逐步地向外探询最短路径。执行过程中,与每个点对应,记录一个数(称为该点的标号),它或者表示从起点到该点的最短路径的权值(记为 P 标号),或者是从起点到该点的最短路径的权的上界(记为 T 标号),方法的每一步是修改 T 标号,并且把某个具有 T 标号的点改变,使之成为 P 标号的点,从而使得具有 P 标号的节点数每次多一个,经过有限次的迭代,最终可以求得从起点到各点的最短路径。

1.2 绝对中心点理论^[5]

在网络图中,弧(即网络图中的边) $e_j=(v_p, v_q)$ 上的某点 x 到顶点 v_i 的最短距离,称为该点到顶点的距离,根据定义,可以推导出其计算公式:

$$x \in (v_p, v_q)$$

$$d(v_i, x) = \min\{d(v_p, v_i) + d(x, v_p), d(v_q, v_i) + d(x, v_q)\} \quad (1.1)$$

令 $d(v_p, v_q) = b_j, d(v_p, x) = x$, 则 $d(v_q, x) = b_j - x$, 代入 (1.1) 式得:

$$d(v_i, x) = \min\{d(v_p, v_i) + x, d(v_q, v_i) + b_j - x\} \quad (1.2)$$

对于一无向弧 (v_p, v_q) , 逐条求出它与各个顶点 $v_i (i=1, 2, \dots, n)$ 的距离 $d(v_i, x)$, 将其中的最大值作为 $\max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x)$ 。

在网络图 G 中, 对于弧 e_j 上的点 x_j 如果满足: $\min_{x \in e_j} \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x) = \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x_j)$, 则称 x_j 为网络 G 上弧 e_j 的局部中心点, $r(x_j)$ 为弧 e_j 上的局部半径。

在网络图 G 中的点 x_0 如果满足: $\min_{x \in G} \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x) = \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x_0)$, 则称 x_0 为网络 G 的绝对中心点, $r(x_0)$ 为绝对半径。

收稿日期: 2007-02-16

作者简介: 黄 轩 (1978-), 男, 福建漳州人, 助教, 在读研究生。

抽象成一个无向赋权图，相应地应急设施点选址问题可以转化为以下的数学模型：

$$\begin{aligned} \min \sum h_i * d(v_i, x) \\ \text{s.t. } \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x) \leq u, \quad x \in G \end{aligned} \quad (2.1)$$

使 $z_m(x) = \sum h_i * d(v_i, x)$ 最小的点 x_m 叫做 G 的绝对中位点，使 $z_c(x) = \max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x)$ 最小的点 x_c 叫做 G 的绝对中心点，其中 $u \in [z_c(m_c), z_c(x_m)]^{[2,3]}$ 。

3 用遗传算法求解应急选址问题

3.1 编码方案

实验首先按顺序给 G 中的弧以自然数方式编号，并且因为是无向图，可以规定弧的方向都是从上到下，从左往右的。然后采用了顺序编码结合二进制编码方案，每个染色体编码包括两个部分，前半部分采用顺序编码（一个整型数），对应 G 上的弧；后半部分采用二进制编码（根据要求的精度设计长度，实验中采用 8 bits），表示相对长度。

染色体结构如：（顺序弧编码|二进制相对长度编码）

基因型和表现型的对应关系为：弧编码直接对应；对于二进制编码，先将其转化成十进制整数，除以 256（8 bits 表示的状态数），然后再乘以相应的弧长，得到的结果表示从弧尾开始到表现型的这个点的长度。

3.2 适应度函数

由于求解的是最小值问题，而且图 G 上任意两点的距离都是正值，所以可以设置一个常量 C_{\max} ，其值为图 G 中所有弧权值之和。当个体满足 $\max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x) \leq u$ 时，其适应值为 C_{\max} 减去 $\sum h_i * d(v_i, x)$ 的差，当不满足 $\max_{1 \leq i \leq n} d(v_i, x) \leq u$ 时，作为惩罚，令其适应值为 0。

3.3 遗传操作

3.3.1 选择操作

选择操作采用精英模式下的轮盘赌方法。假设群体的大小为 M ，个体 i 的适应度为 F_i ，则个体 i 被选择的概率为^[4]

$$p_i = F_i / \sum F_i \quad (i=1, 2, \dots, M) \quad (3.1)$$

可见，适应度越高的个体被选择的概率就越大；反之，适应度越低的个体被选中的概率也越小。

为了防止选择、交叉、变异等遗传操作破坏掉当前群体中适应度最好的个体，所以，我们不让当前群体中适应度最高的个体参与交叉和变异操作，而是用它来替换掉本代群体中经过交叉、变异等遗传操作后产生的适应度最低的那个个体，即精英模式^[8]。

3.3.2 交叉操作

V_2	∞	5	∞	12	9
V_3	∞	5	∞	12	9
V_4	8	6	12	∞	∞
V_5	4	∞	9	∞	∞

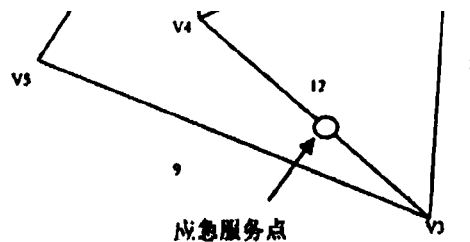


图 1 计算结果

5 结 语

遗传算法是一种全局随机搜索算法，它比传统的数学规划方法简单，并且对求解问题本身要求不严格，利用遗传算法对应急系统选址模型进行求解，我们发现，遗传算法不易陷入局部最优解；运行的速度快，当问题规模较大时更为明显；使用遗传算法不仅可以求得最优解(或满意解)，而且还可以求得一组最优解(或满意解)，以方便决策。

参考文献:

- [1] Roland Durier. The general one center location problem[J]. Mathematics of Operations Research, 1995,20(2):400—418.
- [2] Peter H Peteers. Some new algorithms for location problems on network[J]. European Journal of Operation Research,1998,104:299—309.
- [3] 何建敏, 等. 应急研究综述与展望[J]. 系统工程理论与实践,1998,7:17—24.
- [4] Thomas H. Cormen et al. Introduction to Algorithms [M]. The MIT Press, 2001.
- [5] Hakimi S L. Optimum locations of switching centers and the absolute centers and medians of a graph[J]. Operations Research, 1965, 13:450—459.
- [6] Holland J H. Adaptation in Nature and Artificial Systems [M]. The MIT Press, 1992.
- [7] George F L. Routing and Emergency-Response-Term Sitting for high-level radioactive waste shipments [J]. IEEE Transactions on Engineering Management. 1998, 110:141—152.
- [8] De Jong K A. An Analysis of the Behavior of a Class of Genetic Adaptive System[J]. Ph.D Dissertation, University of Michigan , No.76-9381, 1975.
- [9] 周 明, 等. 遗传算法原理与应用[M]. 北京: 国防工业出版社, 1999.

(责任编辑: 李 平)