

HOLA MUNDO

MARCOS ÁVILA NAVAS

I.E.S Los Colegiales

Contents

I Preambulo	1
1 Sobre este libro	1
1.1 Cómo leer este libro	1
II Matemáticas	2
2 Preludio	2
2.1 Lógica proposicional de primer orden	2
2.2 Conjuntos	3
3 Análisis real	4
3.1 Funciones reales	4
3.1.1 En práctica	4
3.2 Límites	4
3.3 Derivadas	4
3.4 Integrales	4
4 Geometría	4
5 Algebra	5
6 Estadística y probabilidad	5
III Física	6
7 Preludio	6
8 Campo gravitatorio	6
8.1 Momento lineal y angular	6
8.2 Campo gravitatorio de los cuerpos celestes	7
8.3 Leyes de Kepler	7
9 Campo Eléctrico	7
IV Tecnología	8
10 Preludio	8

11 Materiales y sus propiedades	8
11.1 Propiedades mecánicas de los materiales	8
11.2 Ensayos de propiedades mecánicas	8
11.2.1 De tracción	8
11.2.2 De dureza	9
11.3 De resilencia	10
12 Máquinas térmicas	10
12.1 Principios fundamentales de termodinámica	10
12.2 Principios de la termodinámica	10
12.3 Transformaciones termodinámicas en los gases	12
12.3.1 Transformaciones isobáricas (presión constante)	12
12.3.2 Transformaciones isotérmicas (temperatura constante)	12
12.3.3 Transformaciones isocóricas (volumen constante)	13
12.3.4 Transformaciones adiabáticas	13
13 Procesos reversibles e irreversibles	13
13.1 Motores térmicos y máquinas frigoríficas	13
13.2 Ciclo ideal de Carnot	14
14 Motores térmicos	14
14.1 Motores de combustión interna	14
14.1.1 Motores de explosión	15
14.1.2 Motores de diesel	16
14.1.3 Parámetros y magnitudes características	17
14.2 Motores de combustión externa	17
14.2.1 Ciclo de Rankine (Turbina de vapor)	17
14.2.2 Ciclo de Brayton (Turbina de gas)	18
V Filosofía	19
15 Preludio	19
VI Lengua	20
16 Preludio	20

SECTION 1

Sobre este libro

Este libro trata de recoger todos los temas que un estudiante de 2º de bachillerato puede encontrarse en las distintas asignaturas. Las asignaturas tratadas no son exhaustas: solo se recogen **Matemáticas II**, **Física**, **Tecnología**, **Filosofía**, y **Lengua**. Es por tanto dirigido al itinerario tecnológico impartido en muchos centros, pero especialmente al impartido en el I.E.S Los Colegiales.

SUBSECTION 1.1

Cómo leer este libro

Este libro intenta dar una explicación profunda tal que el estudiante sea capaz de comprender la intuición que lleva al planteamiento de los problemas, el razonamiento tras los distintos resultados, o las conclusiones del autor en cuestión. Cómo es así, mucho del contenido no es esencial y funciona para profundizar en el tema. Por lo tanto, lo único con valor de estudiar serán las secciones “prácticas” o “resumen”.

Cabe también remarcar que el orden de los temas no es casualidad: de tanto en tanto se utilizarán conceptos ya trabajados en partes anteriores, tal que, por ejemplo, para mejor comprender por qué el potencial gravitatorio tiende a 0 en el infinito, el lector será dirigido a la parte donde se trata tales cuestiones.

SECTION 2

Preludio

Las áreas de las matemáticas pertinentes a la selectividad son 4: **análisis real, geometría, álgebra, probabilidad y estadística**.

SUBSECTION 2.1

Lógica proposicional de primer orden

Se dice que las matemáticas son un lenguaje. Como tal, y aunque preferimos el lenguaje natural, y nos limitamos a este para todo lo relevante a la selectividad, es bueno familiarizarse con el lenguaje matemático básico. Aunque existen varios “lenguajes” para las matemáticas, el más fácil, más usado, y el clásico es la “*lógica proposicional de primer orden*”.

En esencia, la lógica proposicional trata de construir “*proposiciones*” utilizando un cierto conjunto de símbolos, los “*conectores lógicos*” y los “*cuantificadores*”. Sin entrar en demasiado detalle, una proposición es una declaración con un valor de verdad (“*Hoy hace sol*”, “*Sócrates es inmortal*”, “*Beethoven el perro fue un gran pianista*...”). Estas declaraciones naturalmente forman otras utilizando “*conectores lógicos*”. Por ejemplo, “*Mañana lloverá y hoy hace sol*” se puede descomponer en dos otras proposiciones, que si ambas son verdad harán la proposición total verdad. Cada conector lógico tiene asociado un símbolo como “ \wedge ” en el caso de “y”.

Los conectores mas comunes son: conjunción (“... y ...”, “ \wedge ”), disyunción (“... o ...”, “ \vee ”), negación (“no ...”, “ \neg ”) e implicación (“... por lo tanto ...”, “ \Rightarrow ”).

Por otra parte, también nos interesa hablar de para que cosas algo es verdad. Por ejemplo, “*Cualquier número natural se puede factorizar en números primos*” tiene un sentido de extensión completamente distinto a “*Existen 3 números enteros tal que la suma de los cuadrados de dos sean igual al cuadrado del tercero*”. Hay dos tipos de cuantificadores: universal (“*Cualquier “x”, ...*”, “ $\forall x \dots$ ”) y existencial (“*Existe “x” tal que, ...*”, “ $\exists x \dots$ ”).

Con esto, podemos adentrarnos un poco en la anatomía de la proposición. Una proposición tiene un “sujeto” (*variables que representan de lo que se está hablando*) y un “predicado” (*lo que se postula que las variables satisfacen*). Se dice que una variable es “libre” cuando aparece en el predicado sin haber sido cuantificada. Típicamente nos interesan proposiciones sin variables libres, ya que es imposible deducir el valor de verdad de “*x es mortal*” si no sabemos de donde procede *x* (es decir, deberíamos añadir “*cualquier humano, llame a x, para el que ...*” o “*existe un humano, llame a x, para el que ...*”).

El compendio anterior quizás no es suficiente para alguien no ya algo expuesto al lenguaje matemático. Para comprobar, uno debería de ser capaz de “leer” las siguientes “oraciones”. ¹

1.

$$\forall x, y \in X. x = y \Rightarrow f(x) = f(y)$$

2.

$$\forall y \in Y. \exists x \in X. \text{tal que } f(x) = y$$

¹ La notación $x \in X$ se introducirá en la sección posterior, significa “*x pertenece a X*”

3.

$$\exists \epsilon \in \mathcal{G}. \text{ tal que } \forall x \in \mathcal{G}. x \cdot \epsilon = \epsilon \cdot x = x$$

4.

$$\forall \epsilon > 0. \exists \delta > 0. \text{ tal que } 0 < |x - a| < \delta \Rightarrow |f(x) - L| < \epsilon$$

SUBSECTION 2.2

Conjuntos

En esencia, lo que las matemáticas clásicas² son es el estudio de “conjuntos”. Un conjunto se puede pensar intuitivamente cómo un saco: una agrupación, desordenada, de elementos únicos (es decir, no permitimos elementos repetidos). La notación básica de un conjunto es separar los elementos por comas y encapsular la enumeración con llaves, por ejemplo: $\{2, 3, abc, \{\star\}\}$.

Sobre los conjuntos nos interesa fundamentalmente una cuestión: si algo pertenece a él o no. Esto se representa con un predicado el cuál se representa con la notación $x \in X$ (se puede leer como “x pertenece a X”). Por ejemplo, si $X = \{2, 3, abc, \{\star\}\}$ entonces $2 \in X$, pero no $\star \in X$, lo correcto sería $\{\star\} \in X$.

De aquí derivamos el concepto de función. Decimos que $f : X \rightarrow Y$ es una función del conjunto X al conjunto Y a la asociación de cada elemento de X a un único elemento de Y . Por ejemplo, podemos considerar una función $\chi : X \rightarrow Y$ de $X = \{2, 3, abc, \{\star\}\}$ a $Y = \{\text{true}, \text{false}\}$ que asocia a los números de X a true y al resto de elementos a false. Otras veces consideraremos funciones definidas por alguna fórmula. Si \mathbb{N} es el conjunto de números naturales, siguiente : $\mathbb{N} \rightarrow \mathbb{N}$ definida por siguiente(n) = $n + 1$ es una función.

Sobre las funciones es interesante sacar 3 conjuntos:

- El **dominio** ($\text{dom } f$): Si $f : X \rightarrow Y$ es una función, $\text{dom } f = X$ (es decir, el conjunto sobre el que f se define).
- El **codominio** ($\text{codom } f$): Si $f : X \rightarrow Y$ es una función, $\text{codom } f = Y$ (es decir, el conjunto al que f llega).
- La **imagen** ($\text{im } f$): Si $f : X \rightarrow Y$ es una función, $\text{im } f = f(X)$ (es decir, el conjunto en Y que f produce).

² Existen otras “matemáticas”, por ejemplo la **constructiva**

SECTION 3

Análisis real

El **análisis real** investiga los números reales, secuencias de estos, y funciones reales (funciones con dominio en \mathbb{R}).

SUBSECTION 3.1

Funciones reales

Una función real f es aquella tal que $\text{dom } f = X \subseteq \mathbb{R}$, es decir, cuyo dominio es \mathbb{R} o un subconjunto de este. Gracias a la estructura (*topológica*)³ de los números reales, podemos considerar la noción de **continuidad**:

Definition 1

(Continuidad topológica) Decimos que una función real es continua en a si a cada intervalo abierto V que contiene a $f(a)$ se le corresponde un intervalo abierto U que contiene a a tal que $f(U) \subseteq V$.

³ La topología es el estudio de espacios construidos por conjuntos. En topología \mathbb{R} se suele considerar como “el espacio de la recta”, “la recta real”

Esta definición no es la estándar (la utilizada en selectividad será definida en la sección sobre límites). Sin embargo, nos da una buena intuición sobre lo que significa continuidad: si pensamos en un intervalo abierto como una zona cercana a algún punto, una función continua, según esta definición, es aquella que zonas cercanas en el codominio se corresponden a zonas cercanas en el dominio. Dicho de otra manera, si x está cercano a y en el dominio, $f(x)$ está cercano a $f(y)$ en la imagen.

3.1.1 En práctica

En la selectividad no es raro un ejercicio que requiera calcular el dominio de una función. Para este fin, debemos identificar todas las funciones “problemáticas” y limitarnos a el dominio en el que todas “funcionen”. A continuación una tabla con funciones típicas:

$f(x)$	$\text{dom } f$	$\text{im } f$
$a + x$	\mathbb{R}	\mathbb{R}
ax	\mathbb{R}	\mathbb{R}
x^n	\mathbb{R}	\mathbb{R} si n es impar y $(0, +\infty)$ si n es par

SUBSECTION 3.2

Límites

SUBSECTION 3.3

Derivadas

SUBSECTION 3.4

Integrales

SECTION 4

Geometría

SECTION 5

Algebra

SECTION 6

Estadística y probabilidad

Física

SECTION 7

Preludio

Las áreas de la física pertinentes a la selectividad son ...: **Campo gravitatorio y campo eléctrico**,

SECTION 8

Campo gravitatorio

El campo gravitatorio es un campo vectorial en la mecánica clásica ⁴, y utilizamos los tres *versores* estándar: $\hat{i}, \hat{j}, \hat{k}$.

⁴ en la teoría de relatividad general es un **campo tensorial**

SUBSECTION 8.1

Momento lineal y angular

Definition 2

(Momento Lineal) El momento lineal \vec{p} es una magnitud vectorial que representa la inercia de un cuerpo, su resistencia a cambiar su estado de movimiento.

$$\vec{p} := m\vec{v}$$

Theorem 1

(Variacion del momento lineal) La variacion del momento lineal es precisamente la fuerza responsable del movimiento.

PROOF

$$\frac{d\vec{p}}{dt} = \frac{d(m\vec{v})}{dt} = m\frac{d\vec{v}}{dt} = m\vec{a} = \vec{F}$$

□

En un movimiento curvilíneo, \vec{p} cambia continuamente, lo cuál lo explicamos con una nueva magnitud:

Definition 3

(Momento Angular) El momento angular \vec{L} caracteriza las propiedades de inercia de un cuerpo que gira respecto a un punto.

$$\vec{L} := \vec{r} \times \vec{p}$$

En un movimiento circular podemos simplificar la definición de la magnitud del momento angular, ya que:

$$L = rp \sin \alpha = rp \sin 90^\circ = rp = rmv$$

Definition 4

(Fuerza central) Fuerza central es aquella cuya dirección es siempre a un punto fijo y cuya magnitud solo depende de la distancia a ese punto.

Theorem 2

(Conservación del momento angular) Para un cuerpo sometido a fuerzas centrales la variación del momento se anula.

PROOF

$$\frac{d\vec{L}}{dt} = \vec{v} \times m\vec{v} + \vec{r} \times (m\vec{a}) = r \times \vec{F}$$

Si ni $\vec{r} = 0$ ni $\vec{F} = 0$, entonces $\vec{r} \times \vec{F} = 0$ implica que \vec{r} y \vec{F} son paralelos (definición de fuerza central). \square

SUBSECTION 8.2

Campo gravitatorio de los cuerpos celestes

SUBSECTION 8.3

Leyes de Kepler

- **Primera ley:** Todos los planetas se mueven alrededor del Sol siguiendo órbitas elípticas, y el Sol está en uno de los focos de la elipse.
- **Segunda ley:** Los cuerpos celestes se mueven con una velocidad areolar constante. Es decir, un mismo tiempo barre una misma área en cualquier punto de la órbita ($\frac{dA}{dt} = cte.$)
- **Tercera ley:** Para todos los cuerpos celestes orbitando alrededor del mismo cuerpo, se cumple que:

$$\frac{T_1^2}{a_1^3} = cte. = \frac{T_2^2}{a_2^3}$$

El punto más alejado de una órbita elíptica es el afelio y el más cercano es el perihelio.

SECTION 9

Campo Eléctrico

Tecnología

SECTION 10

Preludio

SECTION 11

Materiales y sus propiedades

SUBSECTION 11.1

Propiedades mecánicas de los materiales

- **Dureza:** Resistencia que ofrece un material a ser deformado o penetrado.
- **Elasticidad:** Propiedad general de los cuerpos sólidos, en virtud de la cual recobran más o menos de su extensión y forma, tan pronto como cesa la acción de la fuerza que las deformaba.
- **Plasticidad:** Propiedad general de lo que puede cambiar de forma y conservar esta de modo permanente si romperse.
 - **Maleabilidad:** Propiedad de adquirir una deformación mediante una compresión sin romperse.
 - **Ductilidad:** Propiedad de adquirir una deformación mediante tracción sin romperse.
- **Resiliencia:** Capacidad de absorver energía mecánica y recuperar su forma original después de una deformación elástica.
 - **A tracción**
 - **A compresión**
 - **A flexión**
 - **A pandeo**
 - **A torsión**
 - **A la fatiga**

SUBSECTION 11.2

Ensayos de propiedades mecánicas

11.2.1 De tracción

Conceptos previos:

- **Tensión:** $\sigma := \frac{F}{S}$
- **Alargamiento unitario:** $\epsilon := \frac{\Delta l}{l_0}$
- **Estricción:** $\epsilon_t := \frac{-\Delta S}{S_0}$

- **Modulo de Poisson:** $\eta := \frac{\epsilon_t}{\epsilon}$
- **Módulo de elasticidad:** $E := \frac{\sigma}{\epsilon}$

En el ensayo de tracción se somete a una probeta de forma y dimensiones normalizadas y del material a ensayar a un esfuerzo de tracción en la dirección de su eje, de manera creciente y hasta romperla.

En un diagrama de tracción, se distinguen dos zonas características:

- **Zona elástica (OE) [0, E]**
 - **Zona de proporcionalidad (OP) [0, P]:** Es válido usar E como factor de conversión.
 - **Zona no proporcional (PE) [P, E]**
- **Zona plástica (ES) [E, S]**
 - **Zona límite de rotura (ER) [E, R]**
 - **Zona rotura efectiva (RS) [R, S]**

Existen puntos entre E y S, cabe destacar:

- **Rotura efectiva (R):** Tras este punto, es inevitable la rotura.
- **Fluencia (F):** (Solo para metales) Tras este punto, se produce un alargamiento sin que aumente la tensión aplicada.

El adjetivo “límite” a cualquiera de estos puntos refiere al valor de la tensión correspondiente al punto en la gráfica, se simboliza con $\sigma(-)$.

Otro nombre para σ_E es **tensión de admisión** (σ_{ad}), y se puede aproximar al límite de proporcionalidad.

La **tensión de trabajo** es la tensión máxima a la que podemos someter una pieza respetando las recomendaciones y normas de seguridad, para calcularla, se aplica un coef. de seguridad $N \in [1.2, 4]$.

11.2.2 De dureza

Brinell:

- $D :=$ Diametro de bola.
- $d :=$ Diametro de la huella.
- **Flecha:** $f := \frac{1}{2}(D - \sqrt{D^2 - d^2})$
- $F := KD^2$ donde $K :=$ cte. de ensayo.
- $S := \pi D f$
- **Grado de dureza:** $HB := \frac{F}{S} = \frac{F}{\pi D f} = \frac{2F}{\pi D(D - \sqrt{D^2 - d^2})}$

La nomenclatura estandarizada tiene forma: (HB) HB(S|W) (D) (F) (t), (t) solo es necesario si el tiempo no es entre 10 y 15 segundos, y donde S = Steel y W = Wolfram.

Vickers:

- $d :=$ Diagonal de la huella.
- $S := \frac{d^2}{2 \sin 68^\circ}$

- **Grado de dureza:** $HV := \frac{F}{S} = \frac{2 \sin 68^\circ F}{d^2}$

La nomenclatura estandarizada tiene forma: (HV) HV (F) (t), (t).
Rockwell:

- $HRC := 100 - 500h$
- $HRB := 130 - 500h$

SUBSECTION 11.3

De resiliencia

Consiste en medir la energía que absorbe un material al ser impactado. Se utiliza el péndulo Charpy.

Conceptos:

- **Energía absorbida:** $-\Delta E_p := -mg\Delta h$
- **Resiliencia:** $\rho := \frac{-\Delta E_p}{S}$, donde $S := S_T - ent.$

SECTION 12

Máquinas térmicas

SUBSECTION 12.1

Principios fundamentales de termodinámica

La termodinámica es la rama de la física que estudia las relaciones entre el calor, el trabajo, y la transferencia de energía.

Definition 5

Energía térmica (Q)def1 En general,

$$Q := mC_E\Delta T \quad \text{donde } C_E := \text{calor específico}$$

Para gases a volumen constante,

$$Q = mC_V\Delta T \quad \text{donde } C_V := \text{calor específico a volumen constante}$$

Para gases a presión constante,

$$Q = mC_p\Delta T \quad \text{donde } C_p := \text{calor específico a presión constante}$$

Definition 6

Energía interna (U)def2 La energía interna (U) es la que tiene una sustancia en virtud a su temperatura:

$$U := \sum E_c^{\text{partíc.}} \quad (\text{Def. no utilizada en el temario})$$

SUBSECTION 12.2

Principios de la termodinámica

1. **Ley de la conservación de la energía:** La energía interna (U) incrementa al añadir energía térmica al sistema, y hacer que el sistema realice trabajo la disminuye, ergo postulamos:

$$\Delta U = Q - W$$

2. **Ley de la entropía:** La cantidad de entropía del universo tiende a incrementarse en el tiempo.
3. **Principio del cero absoluto:** La entropía de un cristal perfecto de cualquier sustancia pura se aproxima a cero cuando la temperatura se aproxima al cero absoluto.

Solo usaremos el primer principio para lo que prosigue.

SUBSECTION 12.3

Transformaciones termodinámicas en los gases

Asumimos la Ley de los gases ideales:

Definition 7

Ley de los gases ideales^{def3} Para un gas (ideal), se cumple:

$$pV = nRT \quad \text{donde } R = 0.082 \frac{\text{L} \cdot \text{atm}}{\text{mol} \cdot \text{K}}$$

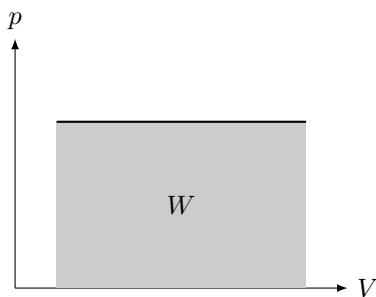
12.3.1 Transformaciones isobáricas (presión constante)

$$pV = nRT; \quad \frac{p}{nR} = \frac{V}{T} = \text{cte.} \Rightarrow \frac{V_1}{T_1} = \frac{V_2}{T_2}$$

Por la definición de presión ($p := \frac{F}{S}$), tenemos:

$$W := \int_{V_1}^{V_2} F \cdot dx = \int_{V_1}^{V_2} pS \cdot dx = \int_{V_1}^{V_2} p \cdot dV = p\Delta V$$

En cuanto a la gráfica p - V :

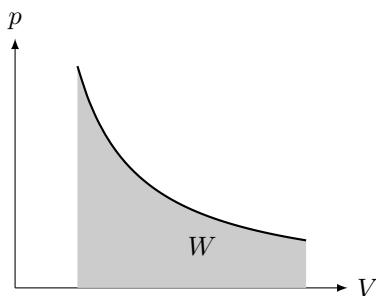
**12.3.2 Transformaciones isotérmicas (temperatura constante)**

$$pV = nRT = \text{cte.} \Rightarrow p_1V_1 = p_2V_2 \quad \text{o} \quad \frac{p_1}{p_2} = \frac{V_2}{V_1}$$

Dado que, en estas condiciones, $p = \frac{nRT}{V}$

$$W := \int_{V_1}^{V_2} F \cdot dx = \int_{V_1}^{V_2} pS \cdot dx = \int_{V_1}^{V_2} p \cdot dV = \int_{V_1}^{V_2} \frac{nRT}{V} \cdot dV = nRT \ln \frac{V_2}{V_1}$$

En cuanto a la gráfica p - V :



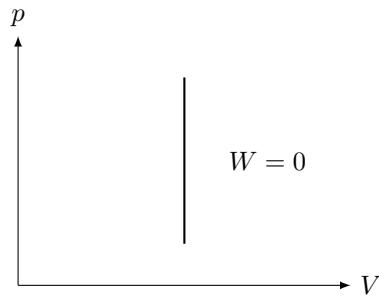
12.3.3 Transformaciones isocóricas (volumen constante)

$$pV = nRT; \frac{V}{nR} = \frac{T}{p} = \text{cte.} \Rightarrow \frac{T_1}{p_1} = \frac{T_2}{p_2}$$

Es fácil ver que $W = 0$ ya que $\Delta V = 0$.

$$Q = nC_V\Delta T \Rightarrow (p_1 > p_2 \Leftrightarrow Q_1 > Q_2)$$

En cuanto a la gráfica p - V :



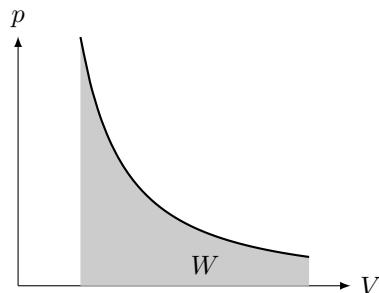
12.3.4 Transformaciones adiabáticas

Sistemas perfectamente aislados o transformaciones instantáneas. Nada es constante.

$$W = \frac{1}{1-\gamma}(p_2V_2 - p_1V_1) \quad \text{donde } \gamma := \frac{C_p}{C_V} = \text{coef. adiabático}$$

Para el aire, $\gamma \approx 1.4$

En cuanto a la gráfica p - V :



SECTION 13

Procesos reversibles e irreversibles

Llamamos proceso reversible a aquel en el cuál en el proceso de transformación $(p_0, V_0, T_0) \rightarrow (p, V, T)$ todos los estados intermedios son estables. Es decir, la transformación es lenta.

SUBSECTION 13.1

Motores térmicos y máquinas frigoríficas

Una máquina térmica basa su funcionamiento en el flujo de energía calorífica entre dos focos. Si saca calor de un foco caliente, lo vierte en otro frío, y aprovecha el trabajo resultante de la transformación, se llama **motor térmico**. Si por el otro lado saca calor de un foco frío utilizando trabajo y lo vierte en otro caliente, se llama **máquina frigorífica**.

En esta situación,

$$W = Q_c - Q_f$$

$$\eta := \frac{E_u}{E_a} = \frac{W}{Q_c} = 1 - \frac{Q_f}{Q_c}$$

SUBSECTION 13.2

Ciclo ideal de Carnot

Máximo rendimiento que se puede extraer de dos focos. El rendimiento es comúnmente aproximado tal que:

$$\eta \approx 1 - \frac{T_f}{T_c}$$

Asumimos la transmisión calorífica perfecta en las expansiones y el aislamiento perfecto en las compresiones:

1. **Expansión isotérmica:** Se aplica el calor del foco caliente, resultando en una expansión del gas a la misma temperatura que el foco caliente.
2. **Expansión adiabática:** Se retira el foco caliente; el gas sigue expandiéndose debido a la energía cinética residual.
3. **Compresión isotérmica:** Se aplica el calor del foco frío, retirando el calor del gas y dejándolo a la misma temperatura que la del foco frío.
4. **Compresión adiabática:** Se retira el foco frío; el gas sigue comprimiéndose debido a la energía cinética residual.



SECTION 14

Motores térmicos

SUBSECTION 14.1

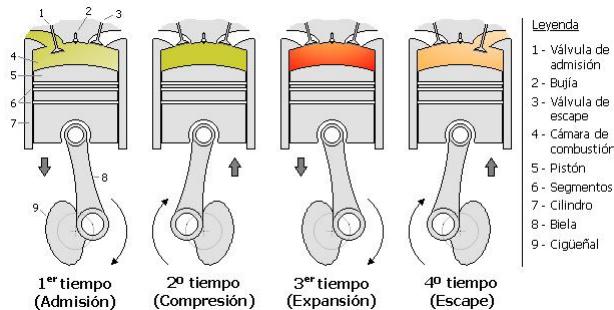
Motores de combustión interna

Siempre nos vamos a encontrar con un pistón y una recámara. Por lo que distinguimos entre tipo de transformación que se produce en la aplicación del foco caliente, y número de movimientos del pistón (tiempos) en el que el ciclo se completa.

14.1.1 Motores de explosión

Nos centramos en el ciclo de Otto.

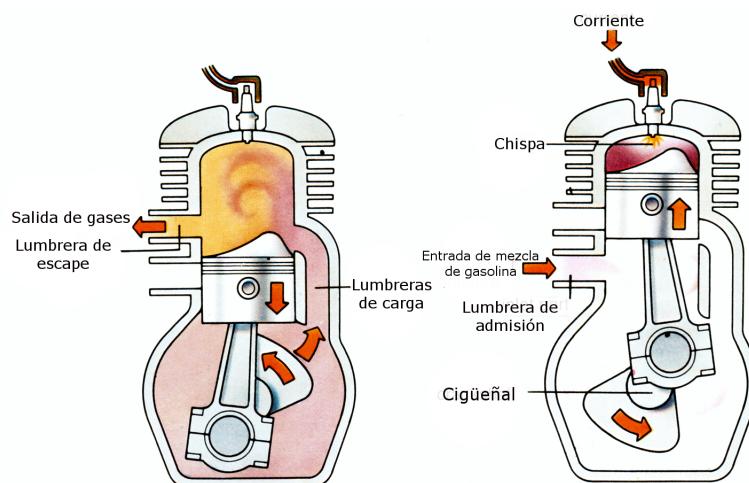
- De 4 tiempos:



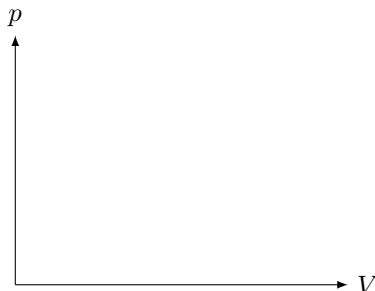
- 1. Fase de admisión:** transformación isobárica.
- 2. Fase de compresión:** transformación adiabática; transformación isocórica (explosión, combustión instantánea).
- 3. Fase de expansión:** transformación adiabática; transformación isopórica (apertura de la válvula).
- 4. Fase de escape:** transformación isobárica.



- De 2 tiempos:



1. **Fase de compresión y aspiración:** transformación adiabática; transformación isobárica.
2. **Fase de explosión y escape:** transformación adiabática; transformación isobárica.



14.1.2 Motores de diesel

Los motores diesel cambian la bujía que produce la explosión del combustible por un inyector (combustión progresiva).

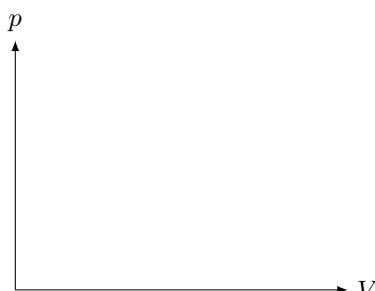
- **De 4 tiempos:**

1. **Fase de admisión:** transformación isobárica.
2. **Fase de compresión:** transformación adiabática.
3. **Fase de expansión:** transformación isobárica (combustión); transformación (adiabática).
4. **Fase de escape:** transformación isocórica; transformación isobárica.



- **De 2 tiempos:**

1. **Fase de compresión y aspiración:** transformación adiabática; transformación isocórica.
2. **Fase de explosión y escape:** transformación adiabática; transformación isocórica.



14.1.3 Parámetros y magnitudes características

- **Calibre:** $d :=$ diam.
- **PMS:** Punto muerto superior.
- **PMI:** Punto muerto inferior.
- **Carrera:** $h := PMS - PMI$
- **Cilindrada:** $V := \pi \frac{d^2}{4} hn$ donde $n :=$ númer. de cilindros
- **V_c :** Volumen cámara de compresión.
- **Relación de compresión:** $RC := \frac{V_1+V_c}{V_c}$
- **Gasto:** $G := \frac{m_c}{t}$
- **Potencia absorbida:** $P_a = GP_c$ donde $P_c =$ poder calorífico
- **Momento de torsión:** $M = Fr$
- **Potencia útil:** $P_u = M\omega$

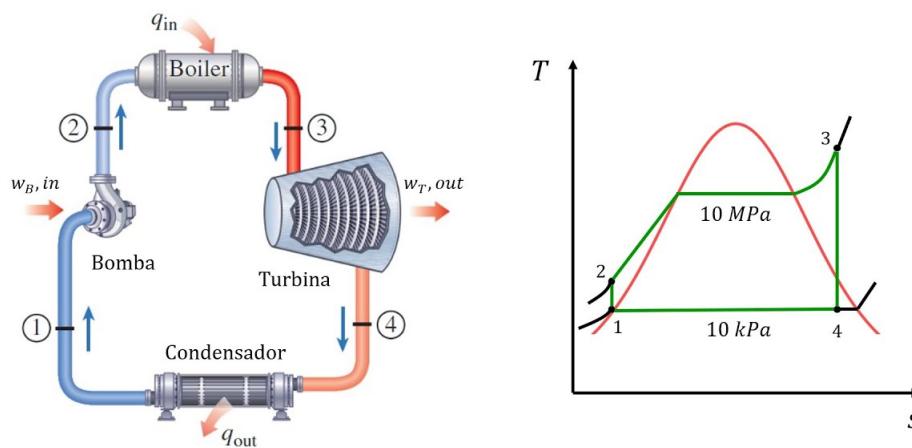
SUBSECTION 14.2

Motores de combustión externa

Su utilidad es la generación eléctrica y de propulsor de aviones.

14.2.1 Ciclo de Rankine (Turbina de vapor)

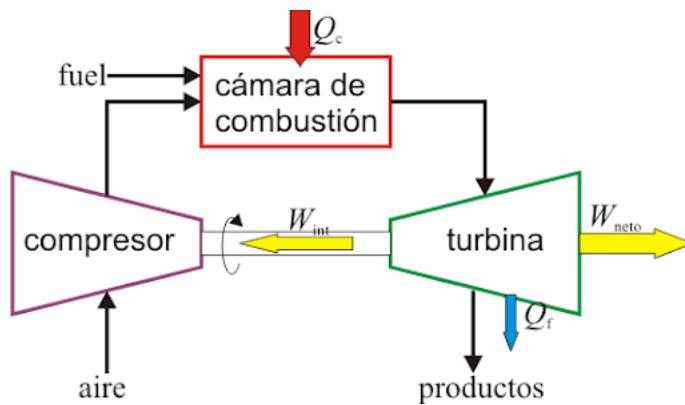
Ciclo Rankine ideal simple



1. **Caldera:** transformación isobárica: Absorción de calor en la caldera, comienza el cambio de fase, se produce vapor sobrecalentado.
2. **Turbina:** transformación adiabática.
3. **Condensación:** transformación isobárica; transformación isotérmica.
4. **Bomba:** transformación isocórica.



14.2.2 Ciclo de Brayton (Turbina de gas)



1. **Compresor:** transformación adiabática.
2. **Quemador:** transformación isobárica.
3. **Turbina:** transformación adiabática.



PART

V

SECTION 15

Preludio

PART

VI

Lengua

SECTION 16

Preludio
