

# 路段交通量与O—D出行量互算关系的研究

王 炜

(土木工程系)

**摘要** 本文通过模拟出行者的行为特性,提出了交通分配选择模型,并确定了分配参数的取值范围。此外,采用非线性规划的序列无约束极小化技术,提出了用路段交通量推算O—D出行量的计算方法。最后,本文以一中等城市的交通网络为例,分析了该互算方法的精度。从理论和实践上证实了该方法的可行性。

**关键词** 交通分配,选择模型,序列无约束优化技术,路段交通量,O—D出行量。

## 一、引言

收集现状的O—D出行量资料以及将O—D出行量分配到具体的交通网络上(即交通分配),是城市交通规划的两个主要环节。目前,一些城市在进行交通规划时,均通过O—D出行调查来获得现状的O—D资料,但这种调查工作量大、费时多、耗资巨,且精度不易保证,而一个城市交通网络的路段交通量观测比较简便。因此,如能用路段交通量推算O—D出行量,必将使城市交通规划工作大大简化,其经济效益是相当可观的。

## 二、交通分配选择模型

### 1. 分配模型的建立

所谓交通分配,就是把各交通区之间的出行交通量分配到具体的道路上去,也就是用O—D出行量计算路段交通量。

人们在出行时,有选择最短路线的趋势,但也有随机选择出行路线的现象。一般来说,当各出行路线的“长度”(行驶时间或行驶费用)相差很大时,出行者很容易判别,从而选

本文于1987年4月6日收到。

择最短路线出行。此时,出行量分配率在最短路上为1,其它道路上为零。但当各出行路线的“长度”趋于相等或出行者对交通网络不熟悉时,出行者就不能准确地判别最短路而随机地选择路线出行。此时,各出行路线的出行量分配率相等,均为  $1/m$  ( $m$  为出行路线数)。对于中间情况,出行者在选择出行路线时既含有最短路因素,也含有随机因素。所以,出行交通量可采用以下选择模型进行分配

$$P_K = \exp(-QT_K/\bar{T}) / \sum_{i=1}^m \exp(-QT_i/\bar{T}) \quad (K=1, 2, \dots, m) \quad (1)$$

式中  $P_K$ ——第  $K$  条出行路线分配到的出行量分配率,

$T_K$ ——第  $K$  条出行路线的行驶时间,

$\bar{T}$ ——各出行路线的平均行驶时间,

$Q$ ——交通分配的分配参数,

$m$ ——可供选择的出行路线数。

在确定供选择的出行路线时,以出行者不走“回头路”为原则。

## 2. 分配参数 $Q$ 的确定

分配参数  $Q$  取决于出行者的行为特性,出行者对交通网络的熟悉程度、出行道路条数等对分配参数有一定的影响。该参数可用下列方法进行经验估计。

### 1) 两路分配的情况

由式(1)可知:

$$P_1 = [1 + \exp(-QT_0)]^{-1} \quad (2)$$

$$P_2 = 1 - P_1$$

$$\text{其中} \quad T_0 = (T_2 - T_1) / \bar{T} = 2(T_2 - T_1) / (T_2 + T_1) \quad (3)$$

$$\text{令} \quad T_2 = KT_1$$

$$\text{则} \quad K = (2 + T_0) / (2 - T_0) \quad (4)$$

当两出行路线的“长度”相同时(即  $T_0 = 0$ ,  $K = 1$ ),出行者随机选择路线出行,两路被选择的概率相同,即两路将分配到相同的出行量( $P_1 = P_2 = 0.5$ ),这时,随机因素占100%,最短路因素为0%。当两路中较长一路的“长度”为另一路的2倍时(即  $T_0 = 2/3$ ,  $K = 2$ ),出行者能准确地判别最短路并选作为出行路线( $P_1 = 1$ ,  $P_2 = 0$ ),这时,随机因素为0%,最短路因素为100%。对于中间情况(即  $T_0 = 1/3$ ,  $K = 1.4$ ),可认为随机因素、最短路因素各占50%,即  $P_1 = 50\% \times 0.5 + 50\% \times 1 = 0.75$ ,  $P_2 = 50\% \times 0.5 + 50\% \times 0 = 0.25$ 。对于其他情况,可假设  $T_0$  与  $P_1$  (或  $P_2$ ) 之间呈抛物线关系

$$T_0 = a + bP_1 + cP_1^2$$

上述三点代入得

$$a = -2/3, b = 4/3, c = 0$$

即

$$T_0 = -\frac{2}{3} + \frac{4}{3}P_1$$

或  $P_1 = (3T_0 + 2)/4$

代入式(2)即可得

$$Q = [\ln(3T_0 + 2) - \ln(2 - 3T_0)]/T_0 \quad (5)$$

$$\lim_{T_0 \rightarrow 0} Q = 3$$

表1为由式(5)计算的分配参数值。

表 1

$T_0$	0.00	0.05	0.10	0.15	0.20	0.25	0.30	0.35	0.40	0.45	0.50	0.60	0.667
$K$	1.00	1.05	1.12	1.16	1.22	1.29	1.35	1.42	1.50	1.58	1.67	1.86	2.00
$P_1$	0.50	0.54	0.58	0.61	0.65	0.69	0.73	0.76	0.80	0.84	0.88	0.95	1.00
$Q$	3.00	3.01	3.02	3.05	3.10	3.15	3.23	3.33	3.47	3.64	3.89	4.91	/

## 2) 三路及三路以上分配的情况

对于三路分配, 可用同样的方法分析, 分配参数计算公式如下

$$Q = \frac{2}{T_0} \{ \ln[\sqrt{1 + 4(4 + 3T_0)/(2 - 3T_0)} - 1] - \ln 2 \} \quad (6)$$

$$\lim_{T_0 \rightarrow 0} Q = 3$$

表2为由式(6)计算的分配参数值。

表 2

$T_0$	0.00	0.05	0.10	0.15	0.20	0.25	0.30	0.35	0.40	0.45	0.50	0.60	0.667
$K$	1.00	1.05	1.12	1.16	1.22	1.29	1.35	1.42	1.50	1.58	1.67	1.86	2.00
$P_3$	0.33	0.31	0.28	0.26	0.23	0.21	0.18	0.16	0.13	0.11	0.08	0.03	0.00
$Q$	3.00	3.04	3.09	3.15	3.22	3.31	3.42	3.54	3.71	3.91	4.20	5.30	/

对于三路以上的分配, 其结果与两、三路分配类同。在一般的城市交通网络中, 通常为两路选择(见分配示例), 三路以上选择的情况很少, 由表1、表2可见, 分配参数 $Q$ 与 $K$ (或 $T_0$ )有关, 但其变化范围不大, 在通常的出行路线选择范围内( $K=1.0 \sim 1.5$ ), 其 $Q$ 的变化范围为3.00~3.70。因此, 分配参数可采用一固定值 $Q=3.3$ 。当然, 根据不同的行驶时间比 $K$ 用式(5)或式(6)计算, 其分配结果更接近于实际。

## 3. 交通分配示例

图1所示两交通区由七个路段连接, 路旁数据为行驶时间(min), 区①至区②、区②至区①的出行量

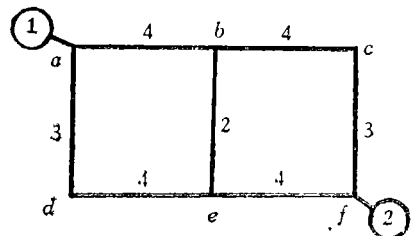


图 1 交通分配示例

$N_{12}$ 、 $N_{21}$  均为3000辆/日。

先分配出行量  $N_{12}$ 。出行者从区①到区②有三种走法:  $abef$ 、 $adef$ 、 $abcf$ , 其行驶时间分别为10、11、12min。出行者离开区①时, 先在出行路线  $adef$ 、 $ab \rightarrow f$  (该路的行驶时间为  $\frac{1}{2}(10+11)=10.5\text{min}$ ) 两出行路线上选择。

$$\bar{T} = \frac{1}{2}(11+10.5) = 10.75\text{min}$$

$$P_{adef} = e^{-3.3 \times 11 / 10.75} / (e^{-3.3 \times 11 / 10.75} + e^{-3.3 \times 10.5 / 10.75})$$

$$= 0.4617$$

$$P_{ab \rightarrow f} = 1 - P_{adef} = 0.5383$$

即路段  $ad$ 、 $de$  的分配交通量为

$$3000 \times 0.4617 = 1385\text{辆/日}$$

路段  $ab$  的分配交通量为

$$3000 \times 0.5384 = 1615\text{辆/日}$$

对分配在出行路线  $ab \rightarrow f$  上的出行交通量(1615辆/日)还要作第二次分配 (即在  $b \rightarrow f$  之间分配), 从  $b$  到  $f$  有两条出行路线供选择:  $bcf$ 、 $bef$ , 行驶时间分别为7min、6min。

$$P_{bcf} = 0.3757, P_{bef} = 0.6243$$

所以, 路段  $bc$ 、 $cf$  的分配交通量为

$$1615 \times 0.3757 = 607\text{辆/日}$$

路段  $be$  的分配交通量为

$$1615 \times 0.6243 = 1008\text{辆/日}$$

路段  $ef$  的分配交通量为

$$1008 + 1385 = 2393\text{辆/日}$$

用同样的方法可将区②至区①的出行量  $N_{21}$  分配到具体的路段上去。将各路段上  $N_{12}$ 、 $N_{21}$  两次分配的流量相加, 即可得整个网络的最终分配交通量, 如图2所示。

#### 4. 选择模型的容量限制修正

对于路段容量有限的情况, 对选择模型应予修正。若两交通区之间有  $m$  条出行路线, 用选择模型分配后, 若有  $K$  条道路的分配交通量超过其路段通行能力, 则这  $K$  条道路的分配交通量取其路段通行能力, 对其余交通量未达到通行能力的  $m-K$  条出行道路, 重新用选择模型分配出行交通量。这时参加分配的区间出行量为

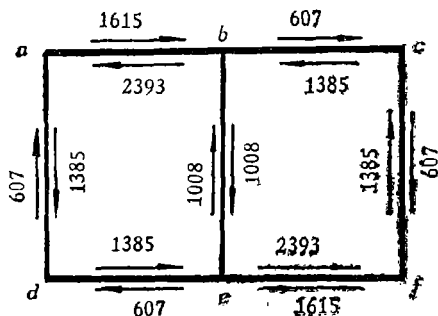


图2 出行量分配图

$$N' = N_0 - \sum_{i=1}^K [N_i] \quad (7)$$

式中  $N_0$ ——原交通区之间的出行量,  
 $[N_i]$ ——第  $i$  条受限制路段的通行能力,  
 $N'$ ——重新分配的交通区之间的出行量。

### 三、用路段交通量推算 O—D 出行量

#### 1. 推算模型的建立

对于某一具体的交通网络来说,网络中每一路段分配到的总交通量  $y_i$  是各交通区之间的出行量  $x_j$  的线性组合

$$\begin{cases} y_1 = P_{11}x_1 + P_{12}x_2 + \cdots + P_{1n}x_n \\ y_2 = P_{21}x_1 + P_{22}x_2 + \cdots + P_{2n}x_n \\ \cdots \cdots \\ y_m = P_{m1}x_1 + P_{m2}x_2 + \cdots + P_{mn}x_n \end{cases} \quad (8)$$

式中  $n$ ——出行变量个数,  
 $m$ ——网络中路段个数,  
 $x_j$ ——出行变量 (即出行交通量),  
 $y_i$ —— $i$  路段上分配到的总交通量,  
 $P_{ij}$ ——出行量  $x_j$  分配在  $i$  路段上的分配率,由式 (1) 计算。  
 式 (8) 为一方程组,用矩阵表示,则为

$$PX = Y \quad (9)$$

式中

$$P = \begin{pmatrix} P_{11} & P_{12} & \cdots & P_{1n} \\ P_{21} & P_{22} & \cdots & P_{2n} \\ \cdots \cdots & & & \\ P_{m1} & P_{m2} & \cdots & P_{mn} \end{pmatrix}$$

$$X = (x_1, x_2, \cdots, x_n)^T$$

$$Y = (y_1, y_2, \cdots, y_m)^T$$

我们称  $P$  为出行量分配率矩阵。

在用路段交通量推算 OD 出行量时,  $y_i$  是观测得到的,而  $x_j$  是未知的。在方程组 (8) 或式 (9) 中,如果  $P$  矩阵为非奇异方阵 (即  $m=n=K$ ,  $K$  为秩),则由式 (9) 可很方便地求出 OD 出行量

$$X = P^{-1}Y \quad (10)$$

但是,一般情况下,  $P$  不是非奇异方阵,式 (9) 一般无解或有无穷多组解,即不能直接用式 (10) 来确定出行量。这里我们采用非线性规划的序列无约束极小化技术 (SUMT) 求解。

首先假设出行量  $x_j$  ( $j=1, 2, \dots, n$ ) 为某一确定值, 把这  $n$  个出行量分配到具体的路段上后, 各路段分配到的总交通量  $y_i$  ( $i=1, 2, \dots, m$ ) 可由方程组(8)计算。假设实际观测得到的路段交通量为  $y'_i$  ( $i=1, 2, \dots, m$ ), 因为交通量的随机波动及观测误差, 实际观测的路段交通量  $y'_i$  与理论分配的路段交通量  $y_i$  不完全符合, 令  $y_i$  与  $y'_i$  之间的偏差为  $S_i$ , 则

$$\begin{aligned} S_i &= P_{i1}x_1 + P_{i2}x_2 + \dots + P_{in}x_n - y'_i \\ &= \sum_{k=1}^n P_{ik}x_k - y'_i \quad (i=1, 2, \dots, m, ) \end{aligned} \quad (11)$$

为使理论分配的路段交通量与实际观测的交通量符合程度最佳, 在方程组(11)中求一组出行量  $x_j$  ( $j=1, 2, \dots, n$ ), 使得总方差  $S^2 = \sum_{i=1}^m S_i^2$  最小, 原问题就转化为如下带约束的非线性规划问题

$$\text{其目标函数} \quad \min S^2 = \sum_{i=1}^m S_i^2, \quad (12)$$

$$\text{约束条件} \quad x_j \geq 0 \quad (j=1, 2, \dots, n).$$

该数学规划问题可用制约函数法将其转化为无约束非线性规划问题求解。

## 2. 推算模型的求解

设一惩罚函数

$$F(X, M_i) = \sum_{i=1}^m S_i^2 + M_i \sum_{j=1}^n [\min(0, x_j)]^2. \quad (13)$$

式中, 第二项为惩罚项,  $M_i$  为惩罚因子。

引进惩罚项的目的, 是为了通过对惩罚因子  $M_i$  的迭代, 使  $x_j$  能满足非负约束条件  $x_j \geq 0$ 。

这样原问题就转化为无约束非线性规划问题

$$\min F(X, M_i) = \sum_{i=1}^m S_i^2 + M_i \sum_{j=1}^n [\min(0, x_j)]^2. \quad (14)$$

用 SUMT 方法求解时, 需进行迭代计算。其步骤如下:

(1) 取惩罚因子  $M_1 > 0$  (例如取  $M_1 = 10$ ), 并令  $l := 1$ 。确定出行变量  $x_j$  的计算精度  $\varepsilon$  ( $\varepsilon > 0$ )。

(2) 求无约束极值问题式(14)的最优解

$$\min F(X, M_i) = F(X^{(l)}, M_i).$$

(3) 若对某一行量  $x_j^{(l)}$ , 有

$$-x_j^{(l)} > \varepsilon$$

则取  $M_{l+1} > M_l$  (例如取  $M_{l+1} = 10M_l$ ), 令  $l := l + 1$ , 并返回第(2)步。否则, 停止迭代, 得最优解

$$X^* = X^{(l)}$$

下面详细讨论第(2)个步骤,即无约束极值问题式(14)的求解方法。

对式(14)作如下变换

$$\min F(X, M_i) = \sum_{i=1}^m S_i^2 + M_i \sum_{K=1}^n G(K) x_K^2. \quad (15)$$

式中,  $G(K)$  为与出行变量  $x_K$  在迭代过程中正负号有关的符号函数, 取值为

$$G(K) = \begin{cases} 0 & \text{当 } x_K > 0 \text{ 时} \\ 1 & \text{当 } x_K \leq 0 \text{ 时} \end{cases} \quad (16)$$

根据多元函数的极值条件, 令  $\nabla F = 0$ , 即

$$\partial F / \partial x_j = 0 \quad (j=1, 2, \dots, n) \quad (17)$$

将式(15)代入式(17)得

$$\frac{\partial F}{\partial x_j} = 2 \sum_{i=1}^m S_i \frac{\partial S_i}{\partial x_j} + 2M_i \cdot G(j) x_j = 0.$$

将式(11)代入, 化简后得

$$\sum_{K=1}^n A_{jK} x_K + M_i \cdot G(j) x_j = B_j \quad (j=1, 2, \dots, n) \quad (18)$$

其中

$$\begin{cases} A_{jK} = \sum_{i=1}^m P_{ij} \cdot P_{iK} \\ B_j = \sum_{i=1}^m P_{ij} \cdot y'_i \end{cases} \quad (j, K=1, 2, \dots, n) \quad (19)$$

式(18)为一关于出行变量  $x$  的线性方程组, 该方程组有唯一解。式(18)是由极值条件  $\nabla F = 0$  推导而得的, 所以, 由式(18)解得的出行变量  $x$  即为无约束规划问题(14)的最优解。

### 3. 推算模型的进一步讨论

上面讨论的推算方法, 是对用全部路段交通量推算 OD 出行量而言的, 但它同样适用于由部分路段交通量(或部分 OD 出行量与部分路段交通量)推算完整 OD 出行量的情况。

对于用部分路段交通量推算 OD 出行量的情况, 只要在用式(19)求  $A_{jK}$ 、 $B_j$  时, 令  $m$  等于所采用的路段交通量样本数  $m'$  即可, 这时,  $P$  矩阵为  $m' \times n$  阶。在选取路段交通量样本时, 应保证  $P$  矩阵中不出现元素全为零的列。

对于用部分 OD 出行量与部分路段交通量推算完整 OD 出行量的情况, 式(19)也要作同样的处理。假设出行量序列中的后  $n-n'$  个出行量  $x_K$  ( $K=n'+1, \dots, n$ ) 为已知, 则式(18)应修正为

$$\sum_{K=1}^{n'} A_{jK} x_K + M_i \cdot G(j) x_j = B_j - \sum_{K=n'+1}^n A_{jK} x_K. \quad (20)$$

$$(j=1, 2, \dots, n')$$

用式(20)即可计算出全部未知的 OD 出行量。





表 3

出行量 路段		P 矩阵(出行量分配率 $P_{ij}$ )															计算路段 交通量	
		$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	$x_8$	$x_9$	$x_{10}$	$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$x_{14}$	$x_{15}$	$y^0$	
		①—②	①—③	①—④	①—⑤	①—⑥	②—③	②—④	②—⑤	②—⑥	③—④	③—⑤	③—⑥	④—⑤	④—⑥	⑤—⑥		
$a-i$	$y_1$	.537	0	0	.822	1	0	.235	0	0	0	0	.38	.518	0	.488	11783	
$a-e$	$y_2$	0	.578	.658	0	0	0	.277	0	0	0	0	.262	.307	0	.321	5139.5	
$b-i$	$y_3$	.537	0	0	0	0	0	.506	1	.622	0	0	.384	.115	0	0	8384.5	
$b-c$	$y_4$	.463	0	0	0	0	1	.494	1	0	0	0	.384	.184	0	0	5704	
$d-e$	$y_5$	0	.579	0	0	0	0	.308	0	0	0	1	.415	.307	0	0	5399	
$d-c$	$y_6$	0	.421	0	0	0	1	.308	0	0	0	0	.585	.244	0	0	5927.5	
$f-e$	$y_7$	0	0	.658	0	0	0	.585	0	0	0	1	.153	0	0	.321	4203.5	
$f-i$	$y_8$	0	0	.842	0	0	0	.663	0	0	0	1	.069	0	0	.411	4629.5	
$h-i$	$y_9$	0	0	0	.322	0	0	.271	1	0	1	0	.764	0	0	.512	8934	
$n-i$	$y_{10}$	0	0	0	0	1	0	0	0	.622	1	0	0	.633	0	0	9937.5	
$a-g$	$y_{11}$	0	0	.342	.178	0	0	.144	0	0	0	0	.083	0	0	.167	1862.5	
$a-c$	$y_{12}$	.463	.421	0	0	0	0	.186	0	0	0	0	.201	.211	0	0	4154	
$h-m$	$y_{13}$	0	0	0	.178	0	0	.271	0	0	0	0	.236	0	1	.512	2066	
$l-m$	$y_{14}$	0	0	.158	0	0	0	.337	0	0	0	0	.069	0	.589	.589	1577.5	
$n-j$	$y_{15}$	0	0	0	0	0	0	0	0	.378	0	0	0	.367	0	0	2062.5	
$b-j$	$y_{16}$	0	0	0	0	0	0	0	0	.378	0	0	0	.069	0	0	1615.5	
$g-m$	$y_{17}$	0	0	.185	.178	0	0	.066	0	0	0	0	.167	0	0	.077	1436.5	
$d-k$	$y_{18}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.449	0	0	673.5	
$f-g$	$y_{19}$	0	0	.184	0	0	0	.078	0	0	0	0	.084	0	0	.09	678	
$k-c$	$y_{20}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.151	0	0	226.5	
$k-j$	$y_{21}$	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	.298	0	0	447	
假设出行量		4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0	$\leftarrow x_0$	

表 4

$x$	$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	$x_8$	$x_9$	$x_{10}$	$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$x_{14}$	$x_{15}$	平均误差
	$y^0 \pm E$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$	$\Delta x$
$y^0 \pm 0\%$	$x$ 4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0	0%
	$\Delta x$ 0															
$y^0 \pm 1\%$	$x$ 4036	4040	3029	4040	5050	3030	0	3030	4040	1515	2020	1515	1515	1010	0	1%
	$\Delta x$ 1%															
$y^0 \pm 1\%$	$x$ 3960	3960	2970	3960	4950	2970	0	2970	3960	1485	1980	1485	1485	990	0	-1%
	$\Delta x$ -1%															
$y^0 \pm 2\%$	$x$ 4080	4080	3060	4080	5100	3060	0	3060	4080	1530	2040	1530	1530	1020	0	2%
	$\Delta x$ 2%															
$y^0 \pm 2\%$	$x$ 3920	3920	2887	3920	4847	2940	0	2940	3920	1414	1960	1470	1470	924	109	-2.9%
	$\Delta x$ -2%															
$y^0 \pm 5\%$	$x$ 4198	4200	3148	4200	5250	3148	0	3148	4200	1575	2098	1575	1575	1049	0	5%
	$\Delta x$ 4.9%															
$y^0 \pm 5\%$	$x$ 3797	3800	2847	3800	4750	2848	7	2848	3800	1425	1898	1425	1425	948	0	-5.1%
	$\Delta x$ -5%															
$y^0 \pm 10\%$	$x$ 4400	4400	3300	4400	5500	3300	0	3300	4400	1650	2200	1650	1650	1100	0	10%
	$\Delta x$ 10%															
$y^0 \pm 10\%$	$x$ 3600	3600	2700	3600	4500	2700	0	2700	3600	1350	1800	1350	1350	900	0	-10%
	$\Delta x$ -10%															
$y^0 \pm 20\%$	$x$ 4800	4800	3523	4800	5923	3600	0	3600	4800	1720	2400	1800	1800	1120	157	18.7%
	$\Delta x$ 20%															
$y^0 \pm 20\%$	$x$ 3200	3200	2391	3200	3991	2400	0	2400	3200	1190	1600	1200	1200	700	19	-20.2%
	$\Delta x$ -20%															

表 5

$x$ $m'$		$x_1$	$x_2$	$x_3$	$x_4$	$x_5$	$x_6$	$x_7$	$x_8$	$x_9$	$x_{10}$	$x_{11}$	$x_{12}$	$x_{13}$	$x_{14}$	$x_{15}$
$m' = m = 21$	$x^0$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$x$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
$m' = 19$	$x$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
$m' = 17$	$x$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
$m' = 15$	$x$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
$m' = 14$	$x$	4000	4000	3000	4000	5000	3000	0	3000	4000	1500	2000	1500	1500	1000	0
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
	$\Delta x$	0	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—	—
$m' = 13$	$x$	3989	4000	2989	4000	6500	2992	26	4493	4000	0	1992	1500	1500	993	0
	$\Delta x$	0.3%	0	0.4%	0	30%	0.3%	—	50%	0	100%	0.4%	0	0	0.7%	0
	$\Delta x$	0.3%	0	0.4%	0	30%	0.3%	—	50%	0	100%	0.4%	0	0	0.7%	0
$m' = 12$	$x$	2194	1499	2460	1862	6392	769	2867	3670	0	0	343	3869	5602	0	0
	$\Delta x$	45%	63%	18%	53%	28%	74%	—	22%	100%	100%	83%	158%	273%	100%	0
	$\Delta x$	45%	63%	18%	53%	28%	74%	—	22%	100%	100%	83%	158%	273%	100%	0
$m' = 10$	$x$	3510	3387	3079	854	1913	1972	0	0	5456	3411	1161	5486	0	0	1210
	$\Delta x$	12%	15%	3%	79%	62%	34%	0	100%	36%	128%	42%	265%	100%	100%	—
	$\Delta x$	12%	15%	3%	79%	62%	34%	0	100%	36%	128%	42%	265%	100%	100%	—

 $m'$ ——路段交通量样本个数,  $m$ ——路段个数,  $\Delta x = (x^0 - x)/x$

## 五、结 束 语

本文提出的出行交通分配选择模型能较好地模拟出行者的行为特性, 比较符合实际情况。文中所阐述的用路段交通量推算OD出行量的方法, 最终归结为求解线性方程组, 使计算过程非常简单, 上机时间短, 所需计算机存贮单元较少, 是一种比较有效的推算方法。

在本研究工作中, 得到了徐吉谦教授的指导, 在此表示感谢。

## 参 考 文 献

- [1] Blunden, W. R.: The Land-Use and Transport System, Pergamen Press, 1984: 44—99.
- [2] 李德等:《运筹学》, 清华大学出版社, 1982年, 第137—220页。

## The Research on Mutual Calculation Relation between the Link Volumes and the O-D Trip Volumes

*Wang Wei*

(Department of Civil Engineering)

## ABSTRACT

In this paper, the selection model of traffic assignment is presented by simulating the behaviour of trip drivers, the value of assignment parameter is determined. Besides, the method of calculating the O-D trip volumes by means of the link volumes is studied by adopting SUMT of the non-linear programming. Finally, the precision of this mutual calculation method is analyzed by taking the traffic network of a medium city for example, the feasibility of this method is confirmed by theoretical analysis and practice.

**Key words:** traffic assignment, selection model, SUMT, link volumes, O-D trip volumes.