

(1)

$$\text{minimize } 11y_1 + y_2 + 5y_3$$

$$\text{s.t. } 3y_1 + y_3 \geq 1$$

$$6y_1 + y_2 + 3y_3 \geq 2$$

$$2y_1 + y_3 \geq 1$$

$$y_1, y_2, y_3 \geq 0$$

(2)

初期辞書

$$z = x_1 + 2x_2 + x_3$$

$$x_4 = 11 - 3x_1 - 6x_2 - 2x_3$$

$$x_5 = 1 - x_2$$

$$x_6 = 5 - x_1 - 3x_2 - x_3$$

最適辞書

$$z = 5 - x_2 - x_6$$

$$x_1 = 1 - x_4 + 2x_6$$

$$x_3 = 4 - 3x_2 + x_4 - 3x_6$$

$$x_5 = 1 - x_2$$

最適解 $(x_1^*, x_2^*, x_3^*) = (1, 0, 4)$, 最適値 5

(3)

制約条件の係数が全て正であることから、

各制約面は、 x_1, x_2, x_3 軸の正の値を通る。

従って、実行可能集合は凸集合であり、

最適辞書から高々1回のピボットで得られる、

辞書しか、最適辞書になり得ない。

ピボット時に最適値が一旦減少して、次のピボットで最適値に戻る場合を排除しよう。

従って、目的関数にない非基底 x_4 のピボットを考えれば十分。


(最適辞書 2)

$$z = 5 - x_2 - x_6$$

$$x_4 = 1 - x_1 + 2x_6$$

$$x_3 = 5 - x_1 - 3x_2 - x_6$$

$$x_5 = 1 - x_2$$

よ、全ての基底解は、(2) と $(0, 0, 5)$
 $x \rightarrow$ 目的関数が  の面に沿う時。
(4) (2)の解に対する相補性定理より、 $(y_1^*, y_2^*, y_3^*) = (0, 0, 1)$