Guía de Proyeccion Econométrica

Francisco Orlando Rosales

2025-05-04

Table of contents

Pı	eface	:	4
1	1.1 1.2 1.3 1.4	Modelos con Variable Dependiente Limitada	5 5 5 6
2	Resi	umen	7
3	Vari	able dependiente binaria	8
	3.1	El modelo de probabilidad lineal (MPL)	8 9
	3.2	Ejemplo 1: Determinantes de la denegación en solicitudes de hipoteca en el mercado inmobiliario (Stock and Watson 2012)	10 16
	3.3	Ejemplo 2: Determinantes del trabajo femenino (Wooldridge 2009)	40 43 43 44
	3.4	Ejemplo 3: Un modelo de probabilidad lineal para arrestos (Wooldridge 2009) . 3.4.1 Porcentaje predicho correctamente	45 47 47
	3.5	Incorporando regresores binarios al MPL	48 49 50
	3.6	Modelos Logit y Probit para la respuesta binaria 3.6.1 Especificación del modelo logit y probit 3.6.2 Variables aproximadamente continuas: 3.6.3 Cuando la variable explicativa es binaria 3.6.4 Cuando la variable explicativa es discreta 3.6.5 Estimación de máxima verosimilitud de los modelos Logit y Probit 3.6.6 Ejemplos de aplicación	54 54 57 58 58 59 59
		3.6.7 Interpretaciones de las estimaciones Logit y Probit	72 73

	3.6.9	Efecto parcial promedio y el efecto parcial en el promedio	74
	3.6.10	Porcentaje predicho correctamente y la matriz de confusión	80
	3.6.11	Capacidad discriminante del modelo	84
4	Ejercicio 17	7.2 del libro de Wooldridge	86
5	Tareas		87
Re	ferences		88

Preface

El presente libro nace de la necesidad de acercar a los estudiantes y profesionales del análisis económico a una segunda etapa en su formación econométrica: aquella que trasciende el modelo lineal clásico para enfrentar los retos empíricos del mundo real. En la práctica, los datos rara vez se ajustan a los supuestos ideales de linealidad, normalidad o independencia. Por ello, el presente texto se concentra en métodos aplicados y técnicas econométricas que permiten abordar con mayor realismo y rigor los problemas más comunes en la evaluación de políticas, el estudio del comportamiento económico y el diseño de proyecciones con fines prácticos.

A lo largo de mi experiencia docente, he constatado una creciente demanda por parte de los estudiantes de herramientas que les permitan no solo comprender la teoría, sino también aplicarla con propiedad en entornos de datos diversos. Este libro busca responder a esa necesidad con un enfoque aplicado, utilizando ejemplos reales, sintaxis en R, y una estructura clara que vincula la teoría con la práctica. Cada capítulo está diseñado para ser autónomo, pero también parte de una secuencia lógica que va desde la especificación de modelos hasta la identificación de efectos causales.

El texto cubre áreas clave como el modelado de variables dependientes limitadas, el uso combinado de cortes transversales, el análisis con datos de panel, y una introducción metodológica a la evaluación de impacto. Estos temas han sido seleccionados no solo por su relevancia metodológica, sino también por su aplicación directa en proyectos de investigación, tesis de grado y análisis institucional en organismos públicos y privados. La selección responde, además, a una visión integral del análisis econométrico como una herramienta de diagnóstico, predicción y evaluación en contextos complejos y reales.

Espero que este libro contribuya a fortalecer una práctica econométrica más crítica, más contextualizada y más comprometida con los problemas que enfrenta nuestra sociedad. Mi deseo es que los lectores no solo dominen las técnicas aquí presentadas, sino que también aprendan a cuestionar los supuestos detrás de los modelos y a interpretar sus resultados con responsabilidad. Si este texto logra acompañar a sus lectores en ese proceso, su propósito habrá sido cumplido.

1 Introducción

La econometría contemporánea ha evolucionado más allá del modelo clásico de regresión lineal, abarcando una diversidad de técnicas diseñadas para abordar preguntas empíricas cada vez más complejas. Este libro de Proyección Econométrica tiene como objetivo servir de puente entre los fundamentos clásicos y las herramientas intermedias y aplicadas que hoy constituyen el núcleo de muchas investigaciones empíricas en economía, ciencias sociales, salud pública y políticas públicas.

En particular, el libro se enfoca en cuatro grandes bloques temáticos que reflejan escenarios reales de análisis económico:

1.1 Modelos con Variable Dependiente Limitada

Muchos fenómenos de interés no se expresan naturalmente como variables continuas y sin restricciones. Por ejemplo, las decisiones de participación laboral, la elección entre múltiples opciones educativas, o el acceso a servicios financieros, son todos ejemplos donde el uso de modelos lineales tradicionales es inadecuado. Este capítulo introduce modelos como el Logit, Probit, Tobit y multinomial, proporcionando una base conceptual y práctica para modelar variables cualitativas o censuradas.

1.2 Combinación Independiente de Cortes Transversales

Ante la escasez de datos panel, los investigadores recurren a combinaciones de cortes transversales para analizar tendencias o realizar inferencias en contextos donde los datos longitudinales no están disponibles. Aquí se discuten estrategias para integrar y modelar múltiples encuestas independientes, cuidando problemas de heterogeneidad no observada y diferencias estructurales entre periodos.

1.3 Modelos con Datos de Panel

Los datos de panel permiten controlar la heterogeneidad individual no observable y estudiar dinámicas temporales con mayor precisión. Este capítulo desarrolla las herramientas fundamentales para trabajar con paneles balanceados y no balanceados, introduciendo modelos de

efectos fijos, efectos aleatorios y modelos dinámicos, junto con criterios de elección entre ellos.

1.4 Introducción a la Evaluación de Impacto

Evaluar el efecto causal de intervenciones o políticas públicas es una tarea central en la econometría aplicada. Este capítulo ofrece una introducción a las metodologías de evaluación de impacto, como el enfoque de diferencias en diferencias (DiD), la asignación aleatoria, los modelos de regresión discontinua y las estrategias de variables instrumentales. Se enfatiza la identificación causal y la interpretación adecuada de los resultados.

A lo largo del texto, se pone especial énfasis en la implementación práctica de los métodos econométricos utilizando software estadístico, análisis de datos reales y ejercicios interpretativos. Cada capítulo está diseñado para proporcionar tanto el aparato teórico como las herramientas empíricas necesarias para enfrentar problemas aplicados de proyección y análisis económico.

Este libro está pensado como un recurso intermedio entre los cursos introductorios de econometría y los enfoques avanzados de inferencia causal y econometría estructural. Es ideal para estudiantes de pregrado avanzado, posgrado o profesionales interesados en fortalecer su capacidad analítica con herramientas modernas y relevantes.

2 Resumen

Este libro de Proyección Econométrica ofrece una guía intermedia-aplicada para abordar problemas empíricos más allá del modelo clásico de regresión. Está dirigido a estudiantes y profesionales que buscan aplicar técnicas como modelos con variable dependiente limitada, combinación de cortes transversales, datos de panel y evaluación de impacto. Con un enfoque práctico y apoyado en ejemplos reales en R, el texto vincula la teoría con la implementación, promoviendo una práctica econométrica rigurosa, contextualizada y comprometida con el análisis de fenómenos económicos complejos.

3 Variable dependiente binaria

3.1 El modelo de probabilidad lineal (MPL)

¿Qué ocurre cuando se desea usar la regresión múltiple para explicar eventos cualitativos?

El caso más sencillo es un evento del tipo binario, es decir, que y toma valores de cero y uno. Por ejemplo, y puede indicar si una persona trabaja o no trabaja, esta empleado o desempleado o, si una empresa es grande o pequeña. En cualquier caso se puede hacer que y=1 denota uno de los resultados o y=0 denota el otro resultado. También podría pensarse como éxito y fracaso. La demostración parte de la función de regresión poblacional.

$$Y = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k + u$$
 [1]

Como y solo puede toma dos valores, los β_j no pueden interpretarse como una cambio en y para un aumento de x_j ceteris paribus. Recordar que en este caso y cambia de cero a uno, o no cambia. Partiendo del supuesto de media condicional cero $E(u|X_1,X_2,...,X_k)=0$, tenemos:

$$E(y|\mathbf{X}) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k + u$$
 [2]

El punto clave es que y es una variable binaria que toma valores de cero y uno, entonces tenemos que $P(y=1|\mathbf{X})=E(y|\mathbf{X})$: la probabilidad de "éxito". Por lo tanto, tenemos

$$P(y = 1|\mathbf{X}) = \beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k + u$$
 [3]

La ecuación [3] dice que, la probabilidad de éxito, es decir $p(x) = P(y = 1|\mathbf{X})$, es una función lineal de las variables x_j , también se le conoce como la **probabilidad de respuesta**. Dado que, las probabilidades deben sumar uno, $P(y = 0|\mathbf{X}) = 1 - P(y = 1|\mathbf{X})$, es también una función lineal de las x_j

Por lo tanto, a un modelo de regresión lineal múltiple en el que la variable dependiente es una variable binaria se le conoce como: El modelo de probabilidad lineal (MPL), porque la probabilidad de respuesta es lineal a los parámetros β_j . En el MPL, los β_j miden la variación de la probabilidad de éxito de variar x_j ceteris paribus:

$$\Delta P(y=1|X) = \beta_i \Delta x_i \quad [4]$$

3.1.1 Ejemplo en la clase

Los determinantes del desempleo

$$P(de = 1|educ) = \beta_0 + \beta_1 educ + u$$
 ej1

$$P(de = 1|educ) = 0.23 - 1.04educ + u \quad ej2$$

Donde:

- de: Desempleo, 1 si estas desempleado. 0 otro caso
- educ: años de educación

El modelo de regresión lineal múltiple permite estimar el efecto de diversas variables explicativas sobre un evento cualitativo. Entonces la mecánica de los **MCO** es la misma de siempre:

$$\hat{y} = \hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 x_1 + \hat{\beta}_2 x_2 + \dots + \hat{\beta}_k x_k$$
 [5]

Donde:

- \hat{y} : es la probabilidad de éxito predicha
- $\,\hat{\beta}_0 \colon$ es la probabilidad de éxito cuando cada una de las $x_j = 0$
- $\hat{\beta}_1$: mide la variación de la probabilidad de éxito predicha cuando x_1 varia en una unidad, mientras las demás permanecen constantes.
- $\hat{\beta}_j$: mide la variación de la probabilidad de éxito predicha cuando x_j varia en una unidad, mientras las demás permanecen constantes.

¡¡Concepto clave: para interpretar correctamente un MPL, debe saberse qué es lo que constituye el éxito!!

Recomendación: la variable dependiente debe describir el nombre del evento cuando y=1

Por ejemplo, si estudiamos los determinantes del desempleo, la variable y debe llamarse desempleo

3.2 Ejemplo 1: Determinantes de la denegación en solicitudes de hipoteca en el mercado inmobiliario (Stock and Watson 2012)

• denegar = 1 le negaron la hipoteca y 0 otro caso

Variable explicativa:

• $\frac{P}{I}$: Ratio Pagos-ingresos

```
2380 obs. of 14 variables:
'data.frame':
$ deny
           : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
$ pirat
           : num 0.221 0.265 0.372 0.32 0.36 ...
$ hirat : num 0.221 0.265 0.248 0.25 0.35 ...
$ lvrat : num 0.8 0.922 0.92 0.86 0.6 ...
$ chist : Factor w/ 6 levels "1","2","3","4",..: 5 2 1 1 1 1 1 2 2 2 ...
        : Factor w/ 4 levels "1", "2", "3", "4": 2 2 2 2 1 1 2 2 2 1 ...
$ mhist
$ phist
           : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ unemp
           : num 3.9 3.2 3.2 4.3 3.2 ...
$ selfemp : Factor w/ 2 levels "no","yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ insurance: Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
$ condomin : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 ...
           : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ afam
           : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 2 1 1 1 1 2 1 1 2 ...
$ single
$ hschool : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
```

El objetivo es estimar la siguiente ecuación

$$P(Y = 1|x_1) = \beta_0 + \beta_1 x_1 + u \quad [6]$$

ahora usando nuestra ejemplo:

$$P(deny = 1|P/I) = \beta_0 + \beta_1 P/I + u$$
 [7]

Miremos las variables que ingresan. Primero hacemos binaria a la variable deny

Dependent variable:

deny

pirat 0.604*** (0.061)

Constant -0.080*** (0.021)

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

p 1011, 11 p 10100, 11 p 1010

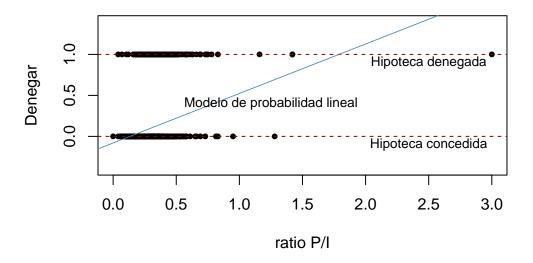
Seria $\widehat{\beta_1} = 0.604 \times 0.01 \approx 0.06$

Una vez que tengo el MPL, puedo graficar

```
 plot(x = HMDA\$pirat, \\ y = HMDA\$deny, \\ main = "Gráfico de dispersión de las denegaciones de hipoteca y el ratio pagos-ingresos \\ xlab = "ratio P/I", \\ ylab = "Denegar", \\ pch = 20, \\ ylim = c(-0.4, 1.4),
```

```
cex.main = 0.8)
# Añadir las lineas horizontales
abline(h=1, lty = 2, col = "darkred")
abline(h=0, lty = 2, col = "darkred")
text(2.5, 0.9,
     cex = 0.8,
     "Hipoteca denegada")
text(2.5, -0.1,
     cex = 0.8,
     "Hipoteca concedida")
# Añadiendo la linea del MPL
abline(denymod1,
       lwd = 0.8,
       col = "steelblue")
text(1.25, 0.4,
     cex = 0.8,
     "Modelo de probabilidad lineal")
```

Gráfico de dispersión de las denegaciones de hipoteca y el ratio pagos-ingreso



Presentación de la regresión

	Dependent variable:	
	deny (1) (2)	
pirat	0.604*** (0.098)	0.604*** (0.061)
Constant	-0.080** (0.032)	-0.080*** (0.021)

```
Observations
                                     2,380
                                                    2,380
R2
                                     0.040
                                                    0.040
Adjusted R2
                                     0.039
                                                    0.039
Residual Std. Error (df = 2378)
                                     0.318
                                                    0.318
F Statistic (df = 1; 2378)
                                   98.406***
                                                  98.406***
Note:
                                  *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01
```

Como los modelos de regresión lineal simple poseen el problema de sesgo de variable omitida, y de debido a que el gráfico muestra comportamientos que no son solo explicados por la variable independiente (pirat), se añade otra variable que puede ayudar a explicar el fenómeno. La variable es respecto a la conseción de hipoteca a las personas negras (afam)

Dependent variable:
-----deny
(1) (2)

```
0.604
pirat
                             0.597
                 t = 6.128
                           t = 6.247
                 (0.098)*** (0.096)***
                              0.047
negrayes
                             t = 3.387
                            (0.014)***
Constant
                  -0.080
                             -0.096
                 t = -2.500 t = -3.105
                 (0.032)** (0.031)***
                2,380
Observations
                              2,380
R2
                  0.040
                             0.045
Adjusted R2
                 0.039
                             0.044
Residual Std. Error
                 0.318
                              0.318
F Statistic
               98.406***
                             55.614***
_____
Note:
                *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01
```

Miremos los valores ajustados

 \hat{y}_i

```
# modelo con un solo regresor
summary(denymod1\fitted.values)
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. -0.07991 0.08908 0.11926 0.11975 0.14340 1.73070
```

```
# modelo con dos regresores
summary(denymod2$fitted.values)
```

Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. -0.09614 0.08800 0.11874 0.11975 0.14859 1.69459

3.2.1 Porcentaje predicho correctamente

Mirada a los valores ajustados

denymod2\$fitted.values

1	2	3	4	5
0.0357740938	0.1088880900	0.1259074499	0.0948681447	0.1187445298
6	7	8	9	10
0.0471153745	0.1596254083	0.0709917596	0.0888990484	0.0581507716
11	12	13	14	15
0.1178417344	0.1357490232	0.0709917596	0.1187445298	0.0113007969
16	17	18	19	20
0.1187445298	0.0411462782	0.0948681447	0.0888990484	0.1715636008
21	22	23	24	25
0.1247136260	0.1366518186	0.1417181195	0.1366518186	0.1476872157
26	27	28	29	30
0.1178417344	0.1715636008	0.1297799269	0.0888990484	0.1059035418
31	32	33	34	35
0.1655945046	0.1247136260	0.1596254083	0.1715636008	0.1068063372
36	37	38	39	40
0.1306827223	0.1664973000	0.1127754335	0.1306827223	0.1715636008
41	42	43	44	45
0.1247136260	0.1485900111	0.1127754335	0.1485900111	0.1536563120
46	47	48	49	50
0.0769608559	0.0650226633	0.1715636008	0.1068063372	0.1655945046
51	52	53	54	55
0.1536563120	0.0650226633	0.0462125791	0.1835017934	0.1187445298
56	57	58	59	60
0.0912866846	0.1068063372	0.1488810396	0.1476872157	0.1888739891
61	62	63	64	65
0.1080001610	0.1751450495	0.0954650452	0.0703948477	0.0930774204
66	67	68	69	70
0.0739763077	0.1217290779	0.1050156129	0.1596254083	0.1608192321
71	72	73	74	75
0.1127754335	0.1091939848	0.1178417344	0.1294888985	0.0578597432
76	77	78	79	80
0.0339833581	0.0411462782	0.0739763077	0.0620381152	0.1655945046
81	82	83	84	85
0.0662164871	0.1655945046	0.0888990484	0.1649976041	0.1408301905
86	87	88	89	90
0.1068063372	0.0345802700	0.1417181195	0.0948681447	0.1178417344

91	92	93	94	95
0.1354579948	0.0999344456	0.1068063372	0.1417181195	0.0900928722
96	97	98	99	100
0.1476872157	0.0948681447	0.1306827223	0.0948681447	0.0411462782
101	102	103	104	105
0.0650226633	0.1381366594	0.1596254083	0.1417181195	0.1175507060
106	107	108	109	110
0.1596254083	0.1068063372	0.1357490232	0.0769608559	0.2679719366
111	112	113	114	115
0.0608442914	0.1070973656	0.1187445298	0.2252854673	0.0859145003
116	117	118	119	120
0.1799203447	0.0614412033	0.1008372410	0.2312545636	0.0172698931
121	122	123	124	125
0.1297799269	0.1187445298	0.1476872157	0.0879962530	0.1485900111
126	127	128	129	130
0.1187445298	0.1485900111	0.1008372410	0.1238108307	0.1485900111
131	132	133	134	135
0.1008372410	0.0411462782	0.1366518186	0.1366518186	0.0650226633
136	137	138	139	140
0.1799203447	0.1787265209	0.1247136260	0.1447026676	0.1882770659
141	142	143	144	145
0.1864863415	0.1936492616	0.1303768388	0.1685790527	0.1094850019
146	147	148	149	150
0.0638288395	0.0644257514	0.1948430854	0.0877052246	0.1363459351
151	152	153	154	155
0.1187445298	0.1366518186	0.0948681447	0.0113007969	0.1068063372
156	157	158	159	160
0.1464933919	0.1798009601	0.1056125134	0.0715886715 164	0.1848746828
161 0.1205352541	162 0.0505774499	163 0.1319362271	0.0948681447	0.0745732196
166	167	168	169	170
0.1094850019	0.0918835965	0.1325853981	0.1524624882	0.1691759532
171	172	173	174	175
0.1253105266	0.1312796228	0.1596254083		
176	177	178	179	180
		0.1835017934		
181	182	183	184	185
0.1127754335	0.1835017934	0.1655945046		
186	187	188	189	190
0.0650226633	0.1638037802	0.0829299521	0.1366518186	
191	192	193	194	195
0.1605282037	0.1426209149			0.0411462782
196	197	198	199	200

0.3864510667 201	0.1775326971 202	0.1793234214	0.0948681447 204	0.0787515802 205
0.0941444263	0.0665075042	0.1261984669	0.1787265209	0.1774133125
206	207	208	209	210
0.1043590087	0.1836808590	0.1851731331	0.0709917596	0.0888990484
211	212	213	214	215
0.1799800257	0.1500748634	0.1238108307	0.1482244353	0.1518058840
216	217	218	219	220
0.1081792266	0.1313915857	0.0943309251	0.0508759001	0.0745732196
221	222	223	224	225
0.1118726381	0.1190355582	0.1443445136	0.1115816097	0.1273922907
226	227	228	229	230
0.0947487600	0.1895305706	0.0687831890	0.1610580014	-0.0222455235
231	232	233	234	235
0.1536563120	0.0301631402	0.0725437260	0.0763639440	0.0829299521
236	237	238	239	240
0.1187445298	0.0948681447	0.0948681447	0.0590535670	0.0590535670
241	242	243	244	245
0.1417181195	0.2014090822	0.1536563120	0.1247136260	0.1238108307
246	247	248	249	250
0.1596254083	0.1894708897	0.1655945046	0.1306827223	0.1247136260
251	252	253	254	255
0.1954399859	0.1417181195	0.1008372410	0.1008372410	0.1238108307
256	257	258	259	260
0.1715636008	0.1655945046	0.1247136260	0.1297799269	0.1068063372
261	262	263	264	265
0.1545591074	0.0232389894	0.0829299521	0.1306827223	0.1536563120
266	267	268	269	270
0.0769608559	0.0948681447	0.1187445298	0.1485900111	0.1417181195
271	272	273	274	275
0.1306827223	0.0700889642	0.1178417344	0.0530844708	0.0769608559
276 0.2431927561	277	278	279	280
0.110101.001	0.1008372410	0.1724663962	0.1954399859	0.1127754335
281	282	283	284	285
	-0.0483901659 287	0.0999344456	0.1903736851	0.1187445298
286	0.0650226633	288 0.1068063372	0.1476872157	290 0.0709917596
291	292	293	294	295
0.1068063372		0.1297799269	0.1187445298	0.1158196626
296	297	298	299	300
	-0.0125755882	0.1664973000	0.1724663962	0.1247136260
301	302	303	304	305
	0.0652614326	0.0411462782		
1.100000012	5.0002011020	5.0111102102	1.100000120	3.11.30.2101

306	307	308	309	310
0.1745481490	0.1042396240	0.0697382548	0.1485900111	0.1204755732
311	312	313	314	315
0.0881827518	0.1223259784	0.1386738790	0.0681265961	0.1127754335
316	317	318	319	320
0.1492988745	0.0948681447	0.0615605879	0.1066272716	0.1066272716
321	322	323	324	325
0.1191026837	0.1287726133	0.0835268640	0.2730382375	0.1133723340
326	327	328	329	330
0.1829048929	0.1605282037	0.1605282037	-0.0066064920	0.1536563120
331	332	333	334	335
0.1357490232	0.1247136260	0.0888990484	0.0829299521	-0.0006373957
336	337	338	339	340
0.1187445298	0.1187445298	0.1426209149	0.1715636008	0.0709917596
341	342	343	344	345
0.1605282037	0.1187445298	0.0471153745	0.1844045888	-0.0015401911
346	347	348	349	350
0.0471153745	0.0351771819	-0.0125755882	0.0292080857	-0.0961429361
351	352	353	354	355
0.0761774451	0.1393379165	0.1297799269	0.1187445298	0.0709917596
356	357	358	359	360
0.0590535670	0.1178417344	0.0855563577	0.0910479267	0.0843028415
361	362	363	364	365
0.0229405391	0.0677087612	0.1405242957	0.1724663962	0.1168941017
366	367	368	369	370
0.1023220818	0.0943234919	0.0709917596	0.1994989732	0.1826661236
371	372	373	374	375
0.1072838759	0.1118726381	0.1127754335	0.1127754335	0.1417181195
376	377	378	379	380
0.1417181195	0.1715636008	0.1596254083	0.2133472748	0.1426209149
381	382	383	384	385
0.1238108307	0.1954399859	0.0530844708	0.1894708897	0.1605282037
386	387	388	389	390
	0.1963427813	0.1954399859		
391	392	393	394	395
		0.1476872157		
396	397	398	399 0.1127754335	400
0.1127754335	0.0948681447	0.1306827223	0.112//54335 404	
401 0.0530844708	402 0.2312545636	403		405 0.0530844708
406	407	0.0113007969 408	409	410
0.0590535670		0.1238108307		
411	412	413	414	415

0.0292080857	0.4709212099	0.0530844708	0.0351771819	0.1247136260
416	417	418	419	420
0.1426209149	0.1238108307	0.1655945046	0.1417181195	0.1306827223
421	422	423	424	425
0.1247136260	0.1426209149	0.0939653493	0.1247136260	0.1596254083
426	427	428	429	430
0.1485900111	0.1485900111	0.1417181195	0.1068063372	0.1835017934
431	432	433	434	435
0.0465184626	0.1014341415	0.1626099564	0.1479334069	0.0491971272
436	437	438	439	440
0.0871083241	0.0441308264	0.0906897727	0.1094850019	0.0417431901
441	442	443	444	445
0.0853175884	0.1109847092	0.1602223088	0.0954650452	0.1312796228
446	447	448	449	450
0.2324483874	0.2043936303	0.0942712328	-0.0075689797	0.1074032377
451	452	453	454	455
0.1121785330	0.1056125134	0.1402332673	0.1835017934	0.1148571862
456	457	458	459	460
0.1360474735	0.2300607398	0.1358161488	0.0483091983	0.3169185078
461	462	463	464	465
0.2476770002	0.1152227621	0.2366267593	0.1163568822	0.1673852289
466	467	468	469	470
0.0614412033	0.0539723997	0.1217290779	0.1924554378	0.0542782946
471	472	473	474	475
0.0987406218	0.1840986939	0.1196324587	0.1321675632	-0.0627159975
476	477	478	479	480
0.1799203447	0.2993022702	0.1076942662	0.1015461043	0.0924805084
481	482	483	484	485
0.1644006808	0.1241167255	0.0832209805	0.1017251699	0.0136884331
486	487	488	489	490
0.1894708897	0.1536563120	0.1319884976	0.1485900111	0.0581507716
491	492	493	494	495
0.1426209149	0.1357490232	0.2202191664	0.1451802062	0.1849343865
496	497	498	499	500
0.0382214224	0.1316974578	0.1521640380	0.0462125791	0.1297799269
501	502	503	504	505
0.0103980015	0.0232389894	-0.0015401911	0.0103980015	0.0053317006
506	507	508	509	510
0.1238108307	0.1715636008	0.1655945046	0.0530844708	0.1187445298
511	512	513	514	515
0.1366518186	0.1775326971	0.1894708897	0.1655945046	0.1306827223
516	517	518	519	520
0.1476872157	0.1247136260	0.0351771819	0.0829299521	0.1655945046

521	522	523	524	525
0.1485900111	0.1596254083	0.1417181195	0.1485900111	0.0948681447
526	527	528	529	530
0.1426209149	0.1476872157	0.0709917596	0.1127754335	0.1426209149
531	532	533	534	535
0.0829299521	0.1596254083	0.0232389894	0.0769608559	0.1187445298
536	537	538	539	540
0.1536563120	0.0590535670	0.0709917596	0.1605282037	0.0650226633
541	542	543	544	545
0.1178417344	0.0650226633	0.1655945046	0.1127754335	0.1476872157
546	547	548	549	550
0.0948681447	0.0411462782	0.1247136260	0.1015535261	0.1604013972
551	552	553	554	555
0.1766447682	0.1142080266	0.1995586542	0.0346399624	0.0731928970
556	557	558	559	560
0.2259420715	0.1107459399	0.0928983434	0.1263849657	0.3452642933
561	562	563	564	565
0.1164762668	0.1273997239	0.0912866846	0.1798606410	0.1195801996
566	567	568	569	570
0.1097237598	0.0961216494	0.0418028825	0.1682806024	0.1584987100
571	572	573	574	575
0.0768414712	0.4367108464	0.1723992707	0.0807810738	0.1148646081
576	577	578	579	580
0.1112831594	0.2489827868	0.1272803393	0.1830316994	0.0129647147
581	582	583	584	585
0.0965394844	0.1257209396	0.1041799431	0.1525892947	0.0575612930
586	587	588	589	590
0.1173716404	0.1824944798	0.0327895457	0.0692010353	0.0650226633
591	592	593	594	595
0.0948681447	0.0999344456	0.2052964257	0.0948681447	0.1626099564
596	597	598	599	600
0.1357490232	0.1297799269	0.0641198679		-0.0483901659
601	602	603	604	605
0.1187445298	-0.0125755882	0.1068063372	0.1068063372	0.0948681447
606	607	608	609	610
0.0172698931	0.0948681447	0.3864510667		0.1297799269
611	612	613	614	615
-0.0125755882	0.0590535670	0.1605282037	0.1844045888	0.0530844708
616	617	618	619	620
0.0829299521	0.0650226633	0.1187445298	0.0524875589	0.0327895457
621	622	623	624	625
0.5962722317	0.1187445298	0.0697979358	0.0948681447	0.0757670321
626	627	628	629	630

0.1921644094	0.0900928722	0.1279892026	0.1560439596	0.1199383536
631	632	633	634	635
0.0739763077	0.0966588690	0.1450085625	0.0924805084	0.1226170068
636	637	638	639	640
0.1175507060	0.0769608559	0.1127754335	0.1068063372	0.1187445298
641	642	643	644	645
0.0650226633	0.1724663962	0.0948681447	0.1476872157	0.1784354925
646	647	648	649	650
0.1596254083	0.1596254083	0.1366518186	0.1784354925	0.1306827223
651	652	653	654	655
0.0650226633	0.1306827223	0.0351771819	0.1775326971	0.1247136260
656	657	658	659	660
0.1247136260	0.0709917596	0.0999344456	0.0590535670	0.0650226633
661	662	663	664	665
0.1775326971	0.1127754335	0.0530844708	0.1306827223	0.1247136260
666	667	668	669	670
0.1118726381	0.0471153745	0.1187445298	0.0879962530	0.1008372410
671	672	673	674	675
0.0709917596	0.1476872157	0.1715636008	0.0948681447	0.1118726381
676	677	678	679	680
0.0709917596	0.1366518186	0.1306827223	0.1306827223	0.1775326971
681	682	683	684	685
0.0829299521	0.1366518186	0.1068063372	0.0172698931	0.1068063372
686	687	688	689	690
0.1476872157	0.0888990484	0.0769608559	0.0232389894	0.1724663962
691	692	693	694	695
0.0948681447	0.0232389894	0.0650226633	0.0283052903	-0.0066064920
696	697	698	699	700
-0.0364519733	0.1306827223	0.0351771819	0.0351771819	-0.0185446845
701	702	703	704	705
-0.0075092874	0.1655945046	0.1655945046	0.0509952848	0.0345802700
706	707	708	709	710
0.0906897727	0.1288919980	0.0229331059	0.0942712328	0.1169538054
711	712	713	714	715
0.1763388733	0.0787515802	0.1312796228	0.0897869773	0.1220201063
716	717	718	719	720
0.0500999226	0.0799454040	0.1384425429	0.1008372410	0.0817361283
721	722	723	724	725
0.1444116392	0.1342641710	0.1787265209	0.1139692573	0.1333613870
726	727	728	729	730
0.1426805958	0.0650226633	0.1805172453	0.0304019095	0.0083162487
731	732	733	734	735
0.1295411576	0.0578597432	0.0626350271	0.0957560736	-0.0036219438

736	737	738	739	740
0.0829299521	0.1420240144	0.0983824792	0.1396363667	0.1655945046
741	742	743	744	745
0.1605282037	0.1366518186	0.1008372410	0.1127754335	0.1008372410
746	747	748	749	750
0.1605282037	0.1238108307	0.0709917596	0.1894708897	0.1247136260
751	752	753	754	755
0.1008372410	0.0709917596	0.1187445298	0.2193163710	0.0829299521
756	757	758	759	760
0.1775326971	0.1238108307	0.1008372410	0.0292080857	0.0888990484
761	762	763	764	765
0.0641198679	0.1655945046	0.1127754335	0.1715636008	0.1536563120
766	767	768	769	770
0.1008372410	0.1357490232	0.1571183988	0.1545591074	0.1775326971
771	772	773	774	775
0.1596254083	0.1476872157	0.0471153745	0.1183789540	0.1417181195
776	777	778	779	780
-0.0006373957	0.0530844708	0.1596254083	0.1775326971	0.1417181195
781	782	783	784	785
0.1596254083	0.1118726381	0.0530844708	0.0769608559	0.1125889347
786	787	788	789	790
0.1417181195	0.1357490232	0.1715636008	0.2969146226	0.1008372410
791	792	793	794	795
0.0462125791	0.1775326971	0.1068063372	0.1366518186	0.1724663962
796	797	798	799	800
0.2551309487	0.1605282037	0.1357490232	0.2252854673	0.0939653493
801 0.0351771819	802 0.0351771819	803 0.0581507716	804 0.3446673928	805 0.2560337441
806	807	808	809	810
0.1596254083	0.2611000449	0.1545591074	0.1485900111	0.1963427813
811	812	813	814	815
0.1784354925	0.0999344456	0.1835017934	0.1485900111	0.1059035418
816	817	818	819	820
0.1655945046		0.1655945046	0.1017251699	
821	822	823	824	825
		0.1178417344		
826	827	828	829	830
0.0411462782	0.0888990484	0.1187445298	0.1485900111	
831	832	833	834	835
0.1664973000	0.1247136260	0.1366518186	0.1306827223	
836	837	838	839	840
0.1068063372	0.1536563120	0.1187445298	0.2261882627	0.1127754335
841	842	843	844	845

0.1008372410	0.1127754335	0.0888990484	0.0530844708	0.1247136260
846	847	848	849	850
0.0650226633	0.0650226633	0.1187445298	0.0292080857	0.1297799269
851	852	853	854	855
0.1068063372	0.0769608559	0.1894708897	0.0829299521	0.1059035418
856	857	858	859	860
0.0709917596	0.1366518186	0.0351771819	0.0715886715	0.1127754335
861	862	863	864	865
0.1199383536	0.1565214755	0.1211321774	0.0089131606	0.1271012737
866	867	868	869	870
0.1181476293	0.1202293706	0.1513283681	0.0560690189	0.1364056274
871	872	873	874	875
0.0984495933	0.1465530957	0.1306827223	0.0960619685	0.0924805084
876	877	878	879	880
0.0850117049	0.0841760350	0.0838178811	0.0515847635	0.2026029060
881	882	883	884	885
0.0985689780	0.0942712328	0.2133472748	0.1318765461	0.0853175884
886	887	888	889	890
0.1536563120	0.1429119433	0.1300858218	0.2918483217	0.1411212076
891	892	893	894	895
0.1470977371	0.1651169659	0.0206125838	0.1273922907	0.1638037802
896	897	898	899	900
0.1667883284	0.1333613870	0.1148571862	0.0873470820	0.1441057671
901	902	903	904	905
0.0399524544	0.1276384932	0.1444116392	0.1748540439	0.0697979358
906	907	908	909	910
0.0753491971	0.0626350271	0.1500748634	0.0545693116	0.1026279653
911	912	913	914	915
0.1026279653	0.1318765461	0.0017502405	0.0945622612	0.1279892026
916	917	918	919	920
0.1435088438	0.0769608559	0.1074032377	0.1978276336	0.0626350271
921	922	923	924	925
0.1055453992	0.1962831004	0.0626350271	0.0357740938	0.1448294741
926	927	928	929	930
0.0292080857	0.1321675632	0.1829048929	0.1276981742	0.1435088438
931	932	933	934	935
0.0942712328	0.0841237759	0.1664301744	0.0829299521	0.0286111738
936	937	938	939	940
0.1900677902	0.1008372410	0.0853175884	-0.0089941282	0.1715636008
941	942	943	944	945
0.0471153745	0.0292080857	0.0590535670	0.1775326971	0.0590535670
946	947	948	949	950
0.0113007969	0.0471153745	0.1178417344	0.0530844708	0.2193163710

951	952	953	954	955
0.1297799269	0.1068063372	0.1297799269	0.1178417344	0.1306827223
956	957	958	959	960
0.1068063372	0.1127754335	0.1476872157	0.1417181195	0.0820271567
961	962	963	964	965
0.1297799269	0.0590535670	0.1536563120	0.1178417344	0.1476872157
966	967	968	969	970
0.1426209149	0.0590535670	0.0232389894	0.1536563120	0.1008372410
971	972	973	974	975
0.1127754335	0.1655945046	0.1417181195	0.0948681447	0.0351771819
976	977	978	979	980
0.0709917596	0.0709917596	0.1357490232	0.1247136260	0.0948681447
981	982	983	984	985
0.1366518186	0.1366518186	0.0581507716	0.1775326971	0.1775326971
986	987	988	989	990
0.1059035418	0.1655945046	0.1118726381	0.0471153745	0.0530844708
991	992	993	994	995
0.1178417344	0.1366518186		-0.0066064920	0.0411462782
996	997	998	999	1000
0.0232389894	0.0948681447	0.1127754335	0.2252854673	0.0292080857
1001	1002	1003	1004	1005
0.0888990484	0.1238108307	0.1357490232	0.1008372410	0.1008372410
1006	1007	1008	1009	1010
0.1605282037	0.1247136260	0.1536563120	0.2073781785	0.1655945046
1011	1012	1013	1014	1015
0.3694465733	0.1775326971	0.1247136260	0.1247136260	0.1545591074
1016	1017	1018	1019	1020
0.1008372410	0.1954399859	0.1306827223	0.1476872157	0.1835017934
1021	1022	1023	1024	1025
0.1118726381	0.3267601040	0.1605282037	0.1476872157	0.1775326971
1026	1027	1028	1029	1030
0.1247136260	0.0760580605	0.0760580605	0.0411462782	0.2909455263
1031	1032	1033	1034	1035
0.1118726381	0.1008372410	0.1844045888	0.1417181195	0.0769608559
1036	1037	1038	1039	1040 0.1187445298
0.1844045888 1041	0.2202191664	0.0888990484	0.1366518186 1044	1045
0.2014090822	0.1187445298 1047	0.1596254083 1048	0.1059035418 1049	0.0351771819 1050
-0.0125755882	0.0948681447	0.1178417344	0.1715636008	0.0709917596
1051	1052	1053	1054	1055
0.1238108307	0.0650226633	0.0999344456	0.0590535670	0.0829299521
1056	1057	1058	1059	1060
1096	1057	1000	1059	1000

0.2023118776	0.1306827223	0.1426209149	0.1068063372	0.0948681447
1061	1062	1063	1064	1065
0.0590535670	0.0232389894	0.0769608559	0.1417181195	0.1835017934
1066	1067	1068	1069	1070
0.0641198679	0.1247136260	0.1485900111	0.1775326971	0.1008372410
1071	1072	1073	1074	1075
0.1590285078	0.1330703699	0.0888990484	0.1118726381	0.1402332673
1076	1077	1078	1079	1080
0.0590535670	0.1241167255	0.0888990484	0.1145661578	0.0686041234
1081	1082	1083	1084	1085
0.0888990484	0.1775326971	0.1247136260	0.1187445298	0.1127754335
1086	1087	1088	1089	1090
0.1655945046	0.1402332673	0.1655945046	0.1187445298	0.1118726381
1091	1092	1093	1094	1095
0.0888990484	0.1068063372	0.0769608559	0.1545591074	1.6945859460
1096	1097	1098	1099	1100
0.1476872157	0.1417181195	0.0829299521	0.0769608559	0.0709917596
1101	1102	1103	1104	1105
0.1247136260	0.1247136260	0.0641198679	0.1187445298	0.4461420294
1106	1107	1108	1109	1110
0.1238108307	0.1715636008	0.0292080857	0.0760580605	0.1238108307
1111	1112	1113	1114	1115
0.0760580605	0.2014090822	0.0351771819	0.0650226633	0.2073781785
1116	1117	1118	1119	1120
0.1247136260	0.1238108307	0.0053317006	0.1536563120	-0.0006373957
1121	1122	1123	1124	1125
-0.0185446845	0.0888990484	0.0411462782	0.0700889642	0.0292080857
1126	1127	1128	1129	1130
0.0471153745	0.0351771819	0.0999344456	0.1536563120	0.1426209149
1131	1132	1133	1134	1135
0.0769608559	0.0769608559	-0.0125755882	0.1485900111	0.1715636008
1136	1137	1138	1139	1140
0.2073781785	0.0590535670	0.0879962530	0.0333864576	0.1715636008
1141	1142	1143	1144	1145
0.1020310648	0.1297799269	0.1253105266	0.1127754335	0.0521816754
1146	1147	1148	1149	1150
0.0601280062	0.0345802700	0.1115816097	0.1187445298	0.1605282037
1151	1152	1153	1154	1155
0.0650226633	0.1187445298	0.0650226633	0.1357490232	0.1127754335
1156	1157	1158	1159	1160
0.1655945046	0.0590535670	0.1187445298	0.0948681447	0.0709917596
1161	1162	1163	1164	1165
0.1536563120	0.0999344456	0.1127754335	0.0223361940	0.1008372410

1166	1167	1168	1169	1170
0.0590535670	0.0700889642	0.1357490232	0.0700889642	0.1247136260
1171	1172	1173	1174	1175
0.1357490232	0.1775326971	0.0769608559	0.1127754335	0.1894708897
1176	1177	1178	1179	1180
0.1068063372	0.1008372410	0.0888990484	0.1954399859	0.0471153745
1181	1182	1183	1184	1185
0.0939653493	0.1306827223	0.1476872157	0.0948681447	0.1247136260
1186	1187	1188	1189	1190
0.1306827223	0.1357490232	0.1357490232	0.1127754335	0.0888990484
1191	1192	1193	1194	1195
0.0939653493	0.1127754335	0.1715636008	0.0829299521	0.1357490232
1196	1197	1198	1199	1200
0.0053317006	0.1247136260	0.0471153745	0.1596254083	0.1596254083
1201	1202	1203	1204	1205
0.1417181195	0.1008372410	0.1127754335	0.1835017934	0.1178417344
1206	1207	1208	1209	1210
0.1426209149	0.2312545636	0.1775326971	0.1835017934	0.0948681447
1211	1212	1213	1214	1215
0.1247136260	0.1963427813	0.0053317006	0.1008372410	0.1008372410
1216	1217	1218	1219	1220
0.1118726381	0.1417181195	0.1127754335	0.1008372410	0.0769608559
1221	1222	1223	1224	1225
0.1417181195	0.1715636008	0.1059035418	0.1596254083	0.0590535670
1226	1227	1228	1229	1230
0.0888990484	0.1596254083	0.2790073338	0.0888990484	0.0471153745
1231	1232	1233	1234	1235
0.1536563120	0.0829299521	0.1008372410	0.1715636008	0.0530844708
1236	1237	1238	1239	1240
0.0769608559	0.1417181195	0.1187445298	0.0939653493	-0.0364519733
1241	1242	1243	1244	1245
0.1068063372	0.2073781785	0.1835017934	0.1357490232	0.1715636008
1246	1247	1248	1249	1250
0.0888990484	0.1715636008	0.0471153745	0.1247136260	0.1596254083
1251	1252	1253	1254	1255
0.0769608559	0.0769608559	-0.0543592622	0.1187445298	0.0530844708
1256	1257	1258	1259	1260
0.0292080857	-0.0185446845	0.1536563120	0.1366518186	0.1297799269
1261	1262	1263	1264	1265
0.0769608559	0.0053317006	0.1247136260	0.1664973000	0.1247136260
1266	1267	1268	1269	1270
0.0530844708		0.3983892592	0.0551662235	0.0113007969
1271	1272	1273	1274	1275

0 1107754335	0 1154540001	0 1170/172//	0 1000270410	0 0501507716
0.1127754335 1276	0.1154540981 1277	0.1178417344 1278	0.1008372410 1279	0.0581507716 1280
0.2372236599	0.0172698931	0.1894708897	0.2321573590	0.1835017934
1281	1282	1283	1284	1285
0.3169185078	0.1462023635	0.1966338097	0.0829299521	0.1115816097
1286	1287	1288	1289	1290
0.1447026676	0.1181476293	0.0829299521	0.0632319390	0.1476872157
1291	1292	1293	1294	1295
0.0859145003	0.1417181195	0.1247136260	0.0495030107	0.0972557923
1296	1297	1298	1299	1300
0.1127754335	0.1306827223	0.0939653493	0.0900928722	0.0948681447
1301	1302	1303	1304	1305
0.1655945046	0.0089131606	0.1357490232	0.0650226633	0.1297799269
1306	1307	1308	1309	1310
0.1485900111	0.0172698931	0.0232389894	0.1894708897	0.1417181195
1311	1312	1313	1314	1315
0.1127754335	0.1715636008	0.1127754335	0.1008372410	-0.0066064920
1316	1317	1318	1319	1320
0.1068063372	0.1118726381	0.1068063372	0.0829299521	0.1417181195
1321	1322	1323	1324	1325
0.6679013869	0.1178417344	0.0471153745	0.0939653493	0.1306827223
1326	1327	1328	1329	1330
0.0948681447	0.1596254083	0.0999344456	0.2133472748	-0.0245137808
1331	1332	1333	1334	1335
0.0760580605	0.0471153745	0.1187445298	0.1417181195	0.1545591074
1336	1337	1338	1339	1340
0.1715636008	0.1476872157	0.0650226633	0.1297799269	0.2372236599
1341	1342	1343	1344	1345
0.0172698931	0.0172698931	0.0888990484	0.1187445298	0.0292080857
1346	1347	1348	1349	1350
0.1008372410	0.1655945046	0.1715636008	0.1127754335	0.2014090822
1351	1352	1353	1354	1355
0.1068063372	0.0471153745	0.1775326971	0.1306827223	0.0113007969
1356	1357	1358	1359	1360
0.1068063372	0.1476872157	0.0530844708	0.1306827223	0.1127754335
1361	1362	1363	1364	1365
0.1775326971	0.1715636008	0.1306827223	0.1187445298	0.1068063372
1366	1367	1368	1369	1370
0.1187445298	0.0411462782	0.1297799269	0.0769608559	0.1366518186
1371	1372	1373	1374	1375
0.1187445298	0.1178417344	0.1306827223	0.0590535670	0.1664973000
1376	1377	1378	1379	1380
0.1068063372	0.1068063372	0.1306827223	0.1306827223	0.1596254083

1381	1382	1383	1384	1385
-0.0006373957	0.0888990484	0.1187445298	0.1357490232	0.2193163710
1386	1387	1388	1389	1390
0.1835017934	0.0700889642	0.0471153745	0.1724663962	0.3148219114
1391	1392	1393	1394	1395
0.1118726381	0.2321573590	0.1417181195	0.0521816754	0.1844045888
1396	1397	1398	1399	1400
-0.0125755882	0.1775326971	0.0888990484	0.2202191664	0.1059035418
1401	1402	1403	1404	1405
0.0232389894	0.1476872157	0.0700889642	0.2142500702	0.1476872157
1406	1407	1408	1409	1410
0.0641198679	0.0793484921	0.1256015550	0.1518655877	0.0238359013
1411	1412	1413	1414	1415
0.1082911781	0.1176626574	0.2133472748	0.0634110046	0.1954399859
1416	1417	1418	1419	1420
0.0736181651	0.1297799269	0.1118726381	0.1492988745	0.0872873897
1421	1422	1423	1424	1425
0.1223856821	0.2128100552	0.0223361940	0.1187445298	0.1485900111
1426	1427	1428	1429	1430
0.1476872157	0.1306827223	0.1417181195	0.1417181195	0.1685790527
1431	1432	1433	1434	1435
0.0709917596	0.1127754335	0.0417431901	0.0888990484	-0.0280952408
1436	1437	1438	1439	1440
0.0829299521	0.1220201063	0.1605282037	0.1127754335	0.1476872157
1441	1442	1443	1444	1445
0.1545591074	0.2491618524	0.1894708897	0.1775326971	0.1476872157
1446	1447	1448	1449	1450
0.0820271567	0.1306827223	0.1306827223	0.1306827223	0.1775326971
1451	1452	1453	1454	1455
0.1306827223	0.1306827223	0.1306827223	0.1306827223	0.1306827223
1456	1457	1458	1459	1460
0.0411462782	0.0590535670	-0.0066064920	0.0053317006	0.0709917596
1461	1462	1463	1464	1465
0.1297799269	0.1297799269	0.0521816754	0.1775326971	0.1247136260
1466	1467	1468	1469	1470
0.1596254083	0.2482739235	0.1715636008	0.1229229017	0.1945520570
1471	1472	1473	1474	1475
0.1420240144	0.1199383536	0.1545591074	0.1611251042	0.1187445298
1476	1477	1478	1479	1480
0.1715636008	0.1536563120	0.1297799269	0.1775326971	0.1306827223
1481	1482	1483	1484	1485
0.1417181195	0.0530844708	0.1118726381	0.1894708897	0.1187445298
1486	1487	1488	1489	1490

0 0040004445				
0.0948681447	0.1775326971	0.0650226633	0.0829299521	0.1476872157
1491 0.0709917596	1492 0.0769608559	1493 0.0948681447	1494 0.0888990484	1495 0.1835017934
1496	1497	1498	1499	1500
0.0951069140	0.1228631980	0.1485303302	0.0590535670	0.1835017934
1501	1502	1503	1504	1505
0.0140988405	0.0948681447	0.1187445298	0.1306827223	0.0709917596
1506	1507	1508	1509	1510
0.1306827223	0.1357490232		-0.0006373957	0.1476872157
1511	1512	1513	1514	1515
0.1835017934	0.0590535670	0.1187445298	0.1068063372	0.1187445298
1516	1517	1518	1519	1520
0.1476872157	0.1187445298	0.1247136260	0.0351771819	0.1068063372
1521	1522	1523	1524	1525
0.1068063372	0.1426209149	-0.0364519733	0.1894708897	0.0709917596
1526	1527	1528	1529	1530
0.1187445298	0.1835017934	0.0820271567	0.1655945046	0.1068063372
1531	1532	1533	1534	1535
0.1417181195	0.1366518186	0.1357490232	0.1247136260	0.1545591074
1536	1537	1538	1539	1540
0.0650226633	0.1715636008	0.1417181195	0.1238108307	0.1247136260
1541	1542	1543	1544	1545
0.1655945046	0.1187445298	0.1008372410	0.1238108307	0.0590535670
1546	1547	1548	1549	1550
0.0769608559	0.0948681447	0.0292080857	0.1417181195	0.0769608559
1551	1552	1553	1554	1555
0.1655945046	0.1187445298	0.0820271567	0.0530844708	0.1596254083
1556	1557	1558	1559	1560
0.1059035418	0.1476872157	0.0888990484	0.1068063372	0.0829299521
1561	1562	1563	1564	1565
0.1008372410	0.1366518186	0.1655945046	0.0709917596	0.1059035418
1566	1567	1568	1569	1570
0.1596254083	0.0769608559	0.1068063372	0.0829299521	0.0999344456
1571	1572	1573	1574	1575
0.0709917596	0.1655945046	0.1596254083		0.0590535670
1576	1577	1578	1579	1580
0.0650226633	0.0948681447	0.1357490232	0.1306827223	0.0650226633
1581	1582	1583	1584	1585
0.0650226633	0.0879962530	0.1008372410	0.1297799269	0.1247136260
1586	1587	1588	1589	1590
0.1596254083	0.0829299521	0.3625746816	0.0471153745	0.0530844708
1591	1592	1593	1594	1595
0.1118726381	0.1238108307		0.1008372410	0.2491618524

1596	1597	1598	1599	1600
0.2014090822	0.0948681447	0.1664973000	0.1775326971	0.1536563120
1601	1602	1603	1604	1605
0.0829299521	0.1835017934	0.0709917596	0.1417181195	0.1485900111
1606	1607	1608	1609	1610
0.1844045888	0.1596254083	0.0948681447	0.0769608559	0.1417181195
1611	1612	1613	1614	1615
0.0999344456	0.1068063372	0.1655945046	0.1476872157	0.0999344456
1616	1617	1618	1619	1620
0.0999344456	0.0650226633	0.0999344456	0.0411462782	0.0641198679
1621	1622	1623	1624	1625
0.0530844708	0.1059035418	0.0113007969	0.1068063372	0.1655945046
1626	1627	1628	1629	1630
0.1059035418	0.1775326971	0.1426209149	0.1297799269	0.0351771819
1631	1632	1633	1634	1635
0.0172698931	0.1835017934	0.1118726381	0.1655945046	0.0650226633
1636	1637	1638	1639	1640
0.1476872157	0.1417181195	0.1426209149	0.1187445298	0.0888990484
1641	1642	1643	1644	1645
-0.0364519733	0.1118726381	0.1118726381	0.1715636008	0.1366518186
1646	1647	1648	1649	1650
0.0948681447	0.1306827223	0.1247136260	0.1536563120	0.1366518186
1651	1652	1653	1654	1655
0.0888990484	0.1127754335	0.0829299521	0.1118726381	0.0530844708
1656	1657	1658	1659	1660
0.1247136260	0.1068063372	0.1187445298	0.1476872157	0.1306827223
1661	1662	1663	1664	1665
0.1357490232	0.1297799269	0.1178417344	0.0888990484	0.0888990484
1666	1667	1668	1669	1670
0.1775326971	0.1068063372	0.1118726381	0.1178417344	0.0939653493
1671	1672	1673	1674	1675
0.1178417344	0.1357490232	0.0760580605	0.1536563120	0.0700889642
1676	1677	1678	1679	1680
0.1417181195	0.1426209149	0.1178417344	0.0888990484	0.0888990484
1681	1682	1683	1684	1685
0.1596254083	0.1247136260	0.0948681447	0.1068063372	0.1068063372
1686	1687	1688	1689	1690
0.1008372410	0.0351771819	0.1715636008	0.1963427813	0.1655945046
1691	1692	1693	1694	1695
0.1187445298	0.1536563120	0.1476872157	0.1178417344	0.1476872157
1696	1697	1698	1699	1700
0.1476872157	0.1187445298	0.1127754335	0.1715636008	0.0948681447
1701	1702	1703	1704	1705

1706 1707 1708 1709 1710 0.1596254083 0.0769608559 0.0769608559 0.0709917596 0.1008372410 1711 1712 1713 1714 1715 0.2073781785 0.0888990484 0.1059035418 0.1068063372 0.1963427813 1716 1717 1718 1719 1720 0.1297799269 0.1476872157 0.1357490232 0.2193163710 0.0411462782 1721 1722 1723 1724 1725 -0.0304828771 0.151563608 0.0939653493 0.0172698931 0.15059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 </th <th>0.1238108307</th> <th>0.0650226633</th> <th>0.1366518186</th> <th>0.2014090822</th> <th>0.1357490232</th>	0.1238108307	0.0650226633	0.1366518186	0.2014090822	0.1357490232
17111 17112 17113 17114 17115 0.20737817855 0.0888990484 0.1059035418 0.1068063372 0.1963427813 1716 1717 1718 1719 1720 0.1297799269 0.1476872157 0.1357490232 0.2193163710 0.0411462782 1721 1722 1723 1724 1725 -0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.159035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.118745298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.127754335 0.1417181195 0.1008372410 0.018546864<	1706	1707	1708	1709	1710
0.207378178155 0.0888990484 0.1059035418 0.1068063372 0.1963427813 1716 1717 1718 1719 1720 0.1297799269 0.1476872157 0.1357490232 0.2193163710 0.0411462782 -0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.1059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.059053670 0.1008372410 0.118744528 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 175 0.12775335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752	0.1596254083	0.0769608559	0.0769608559	0.0709917596	0.1008372410
1716 1717 1718 1719 1720 0.1297799269 0.1476872157 0.1357490232 0.2193163710 0.0411462782 1721 1722 1723 1724 1725 -0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.1059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 <	1711	1712	1713	1714	1715
0.1297799269 0.1476872157 0.1357490232 0.2193163710 0.0411462782 1721 1722 1723 1724 1725 -0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.1059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1759 0.1536563120 0.1247136260 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 <t< td=""><td>0.2073781785</td><td>0.0888990484</td><td>0.1059035418</td><td>0.1068063372</td><td>0.1963427813</td></t<>	0.2073781785	0.0888990484	0.1059035418	0.1068063372	0.1963427813
1721 1722 1723 1724 1725 -0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.1059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.01854645 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 <td>1716</td> <td>1717</td> <td>1718</td> <td>1719</td> <td>1720</td>	1716	1717	1718	1719	1720
-0.0304828771 0.1715636008 0.0939653493 0.0172698931 0.1059035418 1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 0.07099175596 0.1247136260 0.	0.1297799269	0.1476872157	0.1357490232	0.2193163710	0.0411462782
1726 1727 1728 1729 1730 0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 0.7070917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 0.0530844708 0.159654567 0.094	1721	1722	1723	1724	1725
0.1008372410 0.0650226633 0.0709917596 0.1247136260 0.0709917596 1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 0.70709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.14176872157 1766 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 <td>-0.0304828771</td> <td>0.1715636008</td> <td>0.0939653493</td> <td></td> <td>0.1059035418</td>	-0.0304828771	0.1715636008	0.0939653493		0.1059035418
1731 1732 1733 1734 1735 0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 0.709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.141781195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1776 1778 1778		1727	1728	1729	1730
0.2014090822 0.1366518186 0.0590535670 0.1008372410 0.1187445298 1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.14578545046 0.0530844708 -0.	0.1008372410	0.0650226633	0.0709917596		
1736 1737 1738 1739 1740 0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1776 1767 1768 1769 1770 0.1455945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 </td <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
0.1476872157 0.1844045888 0.2909455263 0.1655945046 0.1596254083 1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1776 1761 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 </td <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
1741 1742 1743 1744 1745 0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1794 </td <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
0.0700889642 -0.0304828771 0.1247136260 0.0462125791 0.1297799269 1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1794 1795<					
1746 1747 1748 1749 1750 0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
0.1127754335 0.1417181195 0.1008372410 -0.0185446845 0.0888990484 1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
1751 1752 1753 1754 1755 0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 <td< td=""><td></td><td></td><td></td><td></td><td></td></td<>					
0.0650226633 0.2849764300 0.1357490232 0.1357490232 0.1536563120 1756 1757 1758 1759 1760 0.0709917596 0.1247136260 0.1357490232 0.1417181195 0.1476872157 1761 1762 1763 1764 1765 0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 <td></td> <td></td> <td></td> <td></td> <td></td>					
175617571758175917600.07099175960.12471362600.13574902320.14171811950.1476872157176117621763176417650.05308447080.18440458880.05905356700.09486814470.1835017934176617671768176917700.14171811950.0530844708-0.03048287710.11187263810.1357490232177117721773177417750.16559450460.04711537450.16559450460.13665181860.1596254083177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817990.1417181195					
0.07099175960.12471362600.13574902320.14171811950.1476872157176117621763176417650.05308447080.18440458880.05905356700.09486814470.1835017934176617671768176917700.14171811950.0530844708-0.03048287710.11187263810.1357490232177117721773177417750.16559450460.04711537450.16559450460.13665181860.1596254083177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817991800					
176117621763176417650.05308447080.18440458880.05905356700.09486814470.1835017934176617671768176917700.14171811950.0530844708-0.03048287710.11187263810.1357490232177117721773177417750.16559450460.04711537450.16559450460.13665181860.1596254083177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817991800					
0.0530844708 0.1844045888 0.0590535670 0.0948681447 0.1835017934 1766 1767 1768 1769 1770 0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 1781 1782 1783 1784 1785 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
176617671768176917700.14171811950.0530844708-0.03048287710.11187263810.1357490232177117721773177417750.16559450460.04711537450.16559450460.13665181860.1596254083177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.1417181195179617971798179917991800					
0.1417181195 0.0530844708 -0.0304828771 0.1118726381 0.1357490232 1771 1772 1773 1774 1775 0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 1781 1782 1783 1784 1785 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
177117721773177417750.16559450460.04711537450.16559450460.13665181860.1596254083177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817991800					
0.1655945046 0.0471153745 0.1655945046 0.1366518186 0.1596254083 1776 1777 1778 1779 1780 0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 1781 1782 1783 1784 1785 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
177617771778177917800.14768721570.15365631200.25513094870.08292995210.0471153745178117821783178417850.12977992690.15962540830.08799625300.08799625300.1187445298178617871788178917900.07099175960.14768721570.0888990484-0.02541657620.1127754335179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817991800					
0.1476872157 0.1536563120 0.2551309487 0.0829299521 0.0471153745 1781 1782 1783 1784 1785 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
1781 1782 1783 1784 1785 0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
0.1297799269 0.1596254083 0.0879962530 0.0879962530 0.1187445298 1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
1786 1787 1788 1789 1790 0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
0.0709917596 0.1476872157 0.0888990484 -0.0254165762 0.1127754335 1791 1792 1793 1794 1795 0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
179117921793179417950.08202715670.05905356700.07696085590.13574902320.141718119517961797179817991800					
0.0820271567 0.0590535670 0.0769608559 0.1357490232 0.1417181195 1796 1797 1798 1799 1800					
1796					
0.1775326971 0.1068063372 0.1068063372 0.1238108307 0.1357490232	0.1775326971	0.1068063372	0.1068063372	0.1238108307	0.1357490232
1801 1802 1803 1804 1805					
0.0351771819 0.1536563120 0.1357490232 0.0888990484 0.0411462782					
1806 1807 1808 1809 1810					
0.1844045888 0.2014090822 0.1366518186 0.2014090822 0.1835017934					

1811	1812	1813	1814	1815
0.1476872157	0.1178417344		-0.0543592622	0.2133472748
1816	1817	1818	1819	1820
0.1187445298	0.2014090822	0.2133472748	0.1784354925	0.1844045888
1821	1822	1823	1824	1825
0.1306827223	0.1903736851	0.0709917596	0.1247136260	0.1596254083
1826	1827	1828	1829	1830
0.1426209149	0.1655945046	0.1068063372	0.1724663962	0.1426209149
1831	1832	1833	1834	1835
0.1306827223	0.0113007969	0.1306827223	0.1715636008	0.0462125791
1836	1837	1838	1839	1840
0.1715636008	0.0232389894	0.1417181195	0.1417181195	0.1655945046
1841	1842	1843	1844	1845
0.1068063372	0.1536563120	0.1187445298	0.0172698931	0.1536563120
1846	1847	1848	1849	1850
0.0879962530	-0.0125755882	0.1127754335	0.1008372410	0.0581507716
1851	1852	1853	1854	1855
0.1059035418	0.1068063372	0.1059035418	0.1059035418	0.0351771819
1856	1857	1858	1859	1860
0.0769608559	0.1238108307	0.0709917596	0.0530844708	0.1357490232
1861	1862	1863	1864	1865
0.1655945046	0.0471153745	0.1068063372	0.1247136260	0.1068063372
1866	1867	1868	1869	1870
0.0709917596	0.1187445298	0.1187445298	0.1127754335	0.0471153745
1871	1872	1873	1874	1875
0.1306827223	0.1127754335	0.1426209149	0.1426209149	0.1187445298
1876	1877	1878	1879	1880
0.1306827223	0.1426209149	0.1664973000	0.1485900111	0.1247136260
1881	1882	1883	1884	1885
0.1008372410	0.1366518186	0.1417181195	0.1306827223	0.0760580605
1886	1887	1888	1889	1890
0.2133472748	0.0172698931	0.1366518186	0.1426209149	0.1664973000
1891	1892	1893	1894	1895
0.1536563120	0.1655945046	0.0650226633	0.1366518186	0.1187445298
1896	1897	1898	1899	1900
0.1715636008	0.1187445298	0.1605282037	0.1366518186	0.1008372410
1901	1902	1903	1904	1905
0.2073781785	0.1068063372	0.0700889642	0.1178417344	0.2014090822
1906	1907	1908	1909	1910
0.1835017934	0.3924201630	0.0650226633	0.0939653493	0.1247136260
1911	1912	1913	1914	1915
0.2073781785	0.1536563120	0.2969146226	0.1426209149	0.1545591074
1916	1917	1918	1919	1920

0.2014090822	0.1247136260	0.1366518186	0.1835017934	0.1178417344
1921	1922	1923	1924	1925
0.1536563120	0.0530844708	0.1127754335	0.1008372410	0.1247136260
1926	1927	1928	1929	1930
0.0590535670	0.0471153745	0.7983187096	0.7983187096	0.1366518186
1931	1932	1933	1934	1935
0.1545591074	0.1485900111	0.1247136260	0.1059035418	0.1247136260
1936	1937	1938	1939	1940
0.2073781785	0.1894708897	0.2312545636	0.1187445298	0.1536563120
1941	1942	1943	1944	1945
0.0769608559	0.1835017934	0.0888990484	0.1426209149	0.1366518186
1946	1947	1948	1949	1950
0.1485900111	0.1775326971	0.1008372410	0.1835017934	0.0769608559
1951	1952	1953	1954	1955
0.1187445298	0.1187445298	0.1844045888	0.1536563120	0.1187445298
1956	1957	1958	1959	1960
0.1536563120	0.1775326971	0.1306827223	0.1426209149	0.2312545636
1961	1962	1963	1964	1965
0.1127754335	0.1485900111	0.1775326971	0.1306827223	0.0769608559
1966	1967	1968	1969	1970
0.1187445298	0.1835017934	0.1954399859	0.3267601040	0.1059035418
1971	1972	1973	1974	1975
0.0709917596	0.1357490232	0.0411462782	0.1545591074	0.1238108307
1976	1977	1978	1979	1980
0.0948681447	0.1596254083	0.1605282037	0.1485900111	0.1247136260
1981	1982	1983	1984	1985
0.1366518186	0.2252854673	0.1306827223	0.1008372410	0.1068063372
1986	1987	1988	1989	1990
0.0650226633	0.1187445298	0.1247136260	0.0530844708	0.1127754335
1991	1992	1993	1994	1995
0.0590535670	0.1068063372	0.1014341415	0.1276981742	0.0905629662
1996	1997	1998	1999	2000
0.1846956172	0.1118800600	0.0596504789	0.1429119433	0.0333864576
2001	2002	2003	2004	2005
-0.0209323208	0.0906897727	0.0972557923	0.1312796228	0.1127754335
2006	2007	2008	2009	2010
0.0098010896	0.0814302448	0.1342641710	0.1199383536	0.0811392278
2011	2012	2013	2014	2015
0.1420240144	0.0751701315	0.1163568822	0.1109847092	0.1327644751
2016	2017	2018	2019	2020
0.0805423159	0.1265043504	0.0915777131	0.1032248886	0.1363459351
2021	2022	2023	2024	2025
-0.0107848582	0.0787515802	0.0659105922	0.1624905718	0.1074032377

2026	2027	2028	2029	2030
0.1253105266	0.1536563120	0.1469709306	0.1139692573	0.1387932637
2031	2032	2033	2034	2035
0.1125366642	0.1566408602	0.1303768388	0.1050156129	0.1363459351
2036	2037	2038	2039	2040
0.1761598077	0.0954650452	0.1176104097	0.0990465166	0.1211321774
2041	2042	2043	2044	2045
0.0918239042	0.2145410986	0.1644006808	0.0972557923	0.1799203447
2046	2047	2048	2049	2050
0.1817110691	0.1195801996	0.1044186896	0.1579540686	0.0820271567
2051	2052	2053	2054	2055
0.0931967936	0.2599062211	0.1350327266	0.1005387907	0.0996434171
2056	2057	2058	2059	2060
0.1655945046	0.0912866846	0.1354579948	0.1721605014	0.1097908854
2061	2062	2063	2064	2065
0.1715636008	0.0965991881	0.1229229017	0.0817361283	0.1223259784
2066	2067	2068	2069	2070
0.0763639440	0.1253105266	0.0948681447	0.0883021365	0.1151630811
2071	2072	2073	2074	2075
0.1360549181	0.1345551994	0.1632068570 2078	0.0930774204	0.0721855834
2076	2077		2079	2080
0.0805423159	0.1235198022	0.1187445298	0.1267953788	0.1271535214
2081	2082	2083	2084	2085
0.1193414303	0.0703948477	0.0787515802	0.1262655811	0.0694994855
2086	2087	2088	2089	2090
0.1265640541	0.0136884331	0.0952262987	0.1217290779	0.1247136260
2091	2092	2093	2094	2095
0.0942712328	0.0868098624	0.1512686644	0.1211321774	0.0841237759
2096	2097	2098	2099	2100
0.1612370670		-0.0030250319	0.0703948477	0.1870832420
2101	2102	2103	2104	2105
0.1287129096	0.1074032377	0.0434071023	0.1223259784	0.1715636008
2106	2107	2108	2109	2110
0.1638037802	0.1166479106	0.1057916018		0.0894959603
2111	2112	2113	2114	2115
		0.0978526928		
2116	2117	2118	2119	2120
0.0811392278		0.1239376372		
2121	2122	2123	2124	
0.1159987510	0.0894959603	0.1211321774	0.1524624882	
2126	2127	2128	2129	2130
	0.0972557923	0.1439266787	0.0999344456	0.1655945046
2131	2132	2133	2134	2135

0.1127754335	0.1127754335	0.1596254083	0.1031592190	0.0834074794
2136	2137	2138	2139	2140
0.1315706513	0.1102684240	0.1414270911	0.0049138657	0.1072838759
2141	2142	2143	2144	2145
0.1210127927	0.0188815519	0.0099279074	0.1187445298	0.1420165697
2146	2147	2148	2149	2150
0.1664973000	0.1250643354	0.1396363667	0.1247136260	0.1664973000
2151	2152	2153	2154	2155
0.1715636008	0.1261387746	0.1693027825	0.1596254083	0.1649976041
2156	2157	2158	2159	2160
0.1835017934	0.1068063372	0.1388006969	0.0888990484	0.1307349814
2161	2162	2163	2164	2165
0.1589762487	0.1136111033	0.1366518186	0.1123575986	0.1260865155
2166	2167	2168	2169	2170
0.1040008547	0.1357564450	0.1550963270	0.0733793958	0.1151630811
2171	2172	2173	2174	2175
0.1890604766	0.1484706265	0.0198962987	0.1811215904	0.1546710475
2176	2177	2178	2179	2180
0.1403452301	0.1347342764	0.1618339675	0.1857700563	0.1379650271
2181	2182	2183	2184	2185
0.0235374397	0.2368655059	0.1366443854	-0.0283936911	0.0942115404
2186	2187	2188	2189	2190
0.1137901689	0.0496223954	0.0939130902	0.0654330650	0.1554544810
2191	2192	2193	2194	2195
0.1063885023	-0.0317363875	0.1106191334	0.1176700906	0.1703697770
2196	2197	2198	2199	2200
0.1022026971	0.0800647887	0.0788112725	0.1290636304	0.1523431036
2201	2202	2203	2204	2205
0.1239376372	0.1900081092	0.1127754335	0.1838002436	0.1895902743
2206	2207	2208	2209	2210
0.1398154323	0.1205352541	0.1229229017	0.1512089835	0.0953382387
2211	2212	2213	2214	2215
0.0516518890	0.1369502689	0.0961813531	0.1427328549	0.2053486848
2216	2217	2218	2219	2220
0.1353908806	0.1051349976	0.1059035418		0.1142677076
2221	2222	2223	2224	
0.1196921510	0.0952859796	0.1614235772		0.1414793502
2226	2227	2228	2229	2230
0.1423821456	0.0955247489	0.1799203447		-0.0254165762
2231	2232	2233	2234	
0.1575959147	0.1927613327	0.1469112269		0.0923611238
2236	2237	2238	2239	2240
0.1540218878	0.1762791924	0.2133472748	0.1429716242	0.1266834387

2241	2242	2243	2244	2245
0.0781546797	0.0847803688	0.0871680050	0.0948681447	0.1019116801
2246	2247	2248	2249	2250
0.1060303483	0.0945100021	0.0779756027	0.1005387907	0.1324734467
2251	2252	2253	2254	2255
0.0555914917	0.1393304832	0.1262655811	0.1645797691	0.1008372410
2256	2257	2258	2259	2260
0.1775923781	0.1398080105	0.1337866551	0.1568199258	0.0809601508
2261	2262	2263	2264	2265
0.0684847387	0.1431581344	0.1629681104	0.1310931240	0.0342818198
2266	2267	2268	2269	2270
0.0608442914	0.0966588690	0.1161181356	0.0877052246	0.1154540981
2271	2272	2273	2274	2275
0.1220872319	0.1022101304	0.1223185566	0.0603667641	0.1613564517
2276	2277	2278	2279	2280
0.1148049271	0.1303768388	0.1263252848	0.1596254083	0.1596254083
2281	2282	2283	2284	2285
0.0053317006	0.0521816754	0.0829299521	0.1068063372	0.2491618524
2286	2287	2288	2289	2290
0.0760580605	0.1187445298	0.0172698931	0.0948681447	0.1127754335
2291	2292	2293	2294	2295
0.0760580605	0.0709917596	0.0829299521	0.1187445298	0.0650226633
2296	2297	2298	2299	2300
0.1306827223		0.1118726381	0.1247136260	0.0848997534
2301	0.1536563120 2302	2303	2304	2305
0.0820942823	0.1248330107	0.1217290779	0.1223259784	0.1476872157
2306	2307	2308	2309	2310
0.1894708897	0.0650226633	0.0769608559	0.0888990484	0.1775326971
2311	2312	2313	2314	2315
0.1715636008	0.1775326971 2317	0.1536563120	0.2014090822	0.0948681447
2316		2318 0.0495030107	2319	2320
0.1342641710 2321	0.1578346840 2322	2323	0.0411462782	0.1068063372
0.1127754335	0.1769357966	0.1835017934		0.0590535670
2326	2327	2328	2329	2330
0.1605282037			0.1187445298	
2331	2332	2333	2334	2335
0.1596254083	0.1844045888	0.1366518186		0.1306827223
2336	2337	2338	2339	2340
0.1703697770	0.0829299521		0.0829299521	
2341	2342	2343	2344	2345
0.1068063372			-0.0424210696	
2346	2347	2348	2349	2350

```
0.1664973000 0.1596254083 0.1366518186 0.0888990484 0.1426209149
        2351
                       2352
                                      2353
                                                     2354
                                                                    2355
0.1485900111 0.0471153745 0.1008372410 0.1247136260
                                                           0.1127754335
        2356
                       2357
                                      2358
                                                     2359
                                                                    2360
0.1545591074 0.1008372410 0.1068063372 0.1187445298 0.1417181195
        2361
                       2362
                                      2363
                                                     2364
                                                                    2365
0.1417181195  0.0650226633  0.1008372410  0.1306827223
                                                           0.1187445298
                       2367
                                      2368
                                                     2369
                                                                    2370
0.0939653493  0.0948681447  0.1775326971  0.1306827223  0.0999344456
        2371
                       2372
                                      2373
                                                     2374
                                                                    2375
0.1417181195 \quad 0.1357490232 \quad 0.1008372410 \quad 0.1596254083 \quad 0.1008372410
        2376
                       2377
                                      2378
                                                     2379
                                                                    2380
0.0888990484 \quad 0.1297799269 \quad 0.0590535670 \quad 0.1417181195 \quad 0.1596254083
```

Porcentaje predicho correctamente
ppc <-data.frame(denymod2\$model\$deny, denymod2\$fitted.values)
head(ppc)</pre>

```
denymod2.model.deny denymod2.fitted.values
                     0
                                    0.03577409
1
2
                     0
                                    0.10888809
3
                     0
                                    0.12590745
4
                     0
                                    0.09486814
5
                     0
                                    0.11874453
6
                                    0.04711537
```

```
# Cambiar de nombre
names(ppc) <- c("deny", "VA")
head(ppc)</pre>
```

```
deny VA
1 0 0.03577409
2 0 0.10888809
3 0 0.12590745
4 0 0.09486814
5 0 0.11874453
6 0 0.04711537
```

```
# Creando la variable y virgulilla
ppc$y.c <- ifelse(ppc$VA>0.5,1,0)
head(ppc)
 deny
             VA y.c
1 0 0.03577409 0
2
    0 0.10888809
3 0 0.12590745
4 0 0.09486814 0
5 0 0.11874453 0
6 0 0.04711537
tail(ppc)
    deny
               VA y.c
2375 0 0.10083724 0
2376 0 0.08889905
2377 0 0.12977993 0
2378 0 0.05905357 0
2379 1 0.14171812 0
2380 1 0.15962541 0
# Creando la variable PPC
ppc$ppc <- ifelse(ppc$deny==ppc$y.c,1,0)</pre>
head(ppc)
 deny
             VA y.c ppc
1 0 0.03577409 0 1
2
    0 0.10888809 0 1
3 0 0.12590745 0 1
4 0 0.09486814 0 1
5 0 0.11874453 0 1
6 0 0.04711537 0 1
# Calculando el PPC
prop.table(table(ppc$ppc))*100
```

3.3 Ejemplo 2: Determinantes del trabajo femenino (Wooldridge 2009)

- y: inlf: (la fuerza de trabajo femenino), una variable binaria que indica, si una mujer casada participó en la fuerza de trabajo durante 1975: infl = 1 la mujer informa haber trabajado fuera de la casa, por un salario ese año, cero otro caso
- $x_1 = nwifeinc$ los ingreso del esposo en miles de dólares (-)
- $x_2 = educ$ años de educación (+)
- $x_3 = exper$ años de experiencia (+)
- $x_4 = exper^2$ años de experiencia al cuadrado (-)
- $x_5 = edad$ en años (-)
- $x_6 = kidslt6$ hijo < 6 años (-)
- $x_7 = kidsge6$ hijos entres 6 y 18 años (+)

```
data("mroz", package = "wooldridge")
str(mroz)
```

```
'data.frame':
               753 obs. of 22 variables:
$ inlf
                 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ hours
                 1610 1656 1980 456 1568 2032 1440 1020 1458 1600 ...
           : int
$ kidslt6 : int
                 1 0 1 0 1 0 0 0 0 0 ...
$ kidsge6 : int
                 0 2 3 3 2 0 2 0 2 2 ...
                 32 30 35 34 31 54 37 54 48 39 ...
$ age
           : int
$ educ
           : int
                 12 12 12 12 14 12 16 12 12 12 ...
$ wage
                 3.35 1.39 4.55 1.1 4.59 ...
           : num
$ repwage : num
                 2.65 2.65 4.04 3.25 3.6 ...
$ hushrs
          : int
                 2708 2310 3072 1920 2000 1040 2670 4120 1995 2100 ...
                34 30 40 53 32 57 37 53 52 43 ...
$ husage : int
$ huseduc : int
                12 9 12 10 12 11 12 8 4 12 ...
$ huswage : num 4.03 8.44 3.58 3.54 10 ...
$ faminc
                16310 21800 21040 7300 27300 ...
          : num
           : num 0.721 0.661 0.692 0.781 0.622 ...
$ mtr
$ motheduc: int 12 7 12 7 12 14 14 3 7 7 ...
```

```
\ fatheduc: int \ 7 7 7 7 14 7 7 3 7 7 ...
 $ unem : num 5 11 5 5 9.5 7.5 5 5 3 5 ...
 $ city : int 0 1 0 0 1 1 0 0 0 0 ...
 $ exper : int 14 5 15 6 7 33 11 35 24 21 ...
 $ nwifeinc: num 10.9 19.5 12 6.8 20.1 ...
 $ lwage : num 1.2102 0.3285 1.5141 0.0921 1.5243 ...
 $ expersq : int 196 25 225 36 49 1089 121 1225 576 441 ...
 - attr(*, "time.stamp")= chr "25 Jun 2011 23:03"
# Correr el modelo y crear el objeto
mroz.mpl <- lm(inlf~</pre>
                 nwifeinc+
                 educ+
                 exper+
                 I(exper^2)+
                 age+
                 kidslt6+
                 kidsge6,
               data = mroz)
# usando stargazer
library(stargazer)
stargazer(mroz.mpl,
          type = "text",
          digits = 5)
```

Dependent variable: inlf --- nwifeinc -0.00341** (0.00145) educ 0.03800*** (0.00738) exper 0.03949*** (0.00567)

```
I(exper2)
                         -0.00060***
                           (0.00018)
                          -0.01609***
age
                           (0.00248)
kidslt6
                          -0.26181***
                           (0.03351)
kidsge6
                           0.01301
                           (0.01320)
                          0.58552***
Constant
                           (0.15418)
Observations
                             753
R2
                          0.26422
Adjusted R2
                          0.25730
Residual Std. Error 0.42713 \text{ (df = } 745)
F Statistic 38.21795*** (df = 7; 745)
_____
                 *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01
# Punto de inflexión
abs((coefficients(mroz.mpl)[4])/(coefficients(mroz.mpl)[5]*2))
  exper
33.11387
# Probar la multicolinealidad aproximada
library(car)
mean(vif(mroz.mpl))
[1] 3.417547
# Normalidad de los errores
library(tseries)
jarque.bera.test(mroz.mpl$residuals)
```

Jarque Bera Test

```
data: mroz.mpl$residuals
X-squared = 36.741, df = 2, p-value = 1.051e-08
```

$$H_0: u \sim N(\mu, \sigma^2)$$

3.3.1 El porcentaje predicho correctamente

Es una medida de bondad de ajuste

```
PPC.DTF <- data.frame(mroz$inlf, mroz.mpl$fitted.values)
names(PPC.DTF) <- c("infl", "VA.infl")
PPC.DTF$ajuste <- ifelse(mroz.mpl$fitted.values>=0.5,1,0)
PPC.DTF$PPC <- ifelse(PPC.DTF$infl==PPC.DTF$ajuste,1,0)
prop.table(table(PPC.DTF$PPC))*100</pre>
```

0 1 26.56042 73.43958

3.3.2 Interpretaciones ceteris paribus

- Para interpretar las estimaciones, hay que recordar que una variación en la variable independiente modifica la probabilidad de que inlf = 1. Por ejemplo, educ si las demás variables permanecen constantes, una año más de educación hace que la probabilidad de participación en la fuerza laboral aumente en 3.8%. Si consideramos de forma literal a esta ecuación, entonces 10 años más educación incrementarían la probabilidad de permanecer en la fuerza laboral en 38%.
- El coeficiente de nwifeinc significa que si Δnwifeinc = 10 (un incremento de \$10,000), la probabilidad de que una mujer permanecer en la fuerza de trabajo disminuye en 3.4%. Como se puede ver, esta disminución es pequeña a pesar de aumentar el salario en 10,000 dólares.
- La experiencia ha sido introducida como una función cuadrática para que el efecto de la experiencia sea decreciente sobre la probabilidad de participar en la fuerza laboral. Ceteris paribus, la variación de la probabilidad se aproxima como 0.039 2(0.0006)exper = 0.039 0.0012exper. El punto en el que la experiencia transcurrida no tiene efecto sobre

la probabilidad de participación en la fuerza laboral es: 0.039/0.0012 = 32.5. Sólo 13 mujeres de las 753 en esta muestra tiene más de 32 años de experiencia.

```
mroz$dico.exper <- ifelse(mroz$exper>32.5,1,0)
table(mroz$dico.exper)
```

```
0 1
740 13
```

• A diferencia de la cantidad de hijos entre 6 y 18 años, la cantidad de hijos menores a 6 años tiene un impacto enorme sobre la probabilidad de participación en la fuerza de trabajo. A tal punto que, tener un hijo menor a seis años adicional, reduce la probabilidad de participación en la fuerza trabajo en 26.18%. En la muestra, menos de 20% de las mujeres tienen al menos un hijo pequeño.

```
mroz$dic.hijo <- ifelse(mroz$kidslt6>=1,1,0)
prop.table(table(mroz$dic.hijo))*100
```

```
0 1
80.47809 19.52191
```

• Respecto al PPC el modelo predice en 73.44% a la variable infl.

3.3.3 Límites del MPL

• Las dos desventajas más importantes son que las probabilidades ajustadas pueden ser menores que cero o mayores que uno.

```
summary(mroz.mpl$fitted.values)
```

```
Min. 1st Qu. Median Mean 3rd Qu. Max. -0.3451 0.4016 0.5880 0.5684 0.7592 1.1272
```

Se demuestra para este ejemplo que algunos valores ajustados son menores que cero y mayores que uno.

• y, el efecto parcial de cualquier variable explicativa (si aparece en la ecuación en su nivel) es constante

3.4 Ejemplo 3: Un modelo de probabilidad lineal para arrestos (Wooldridge 2009)

Sea arr86 una variable binaria igual a uno si un hombre fue arrestado en 1986 e igual a cero si no fue así. La población es un grupo de hombres de California nacidos en 1960 o en 1961, que habían sido detenidos al menos una vez antes de 1986. Un modelo de probabilidad lineal para describir arr86 es:

```
arr86 = \beta_0 + \beta_1 pcnv + \beta_2 avgsen + \beta_3 tottime + \beta_4 ptime \\ 86 + \beta_5 qemp \\ 86 + utilization \\ 86 + ut
```

donde:

- pcnv = proporción de arrestos previos que condujeron a una condena (+)
- avgsen = sentencia promedio cumplida en condenas previas (en meses) (-)
- tottime = meses en prisión y desde los 18 años de edad anteriores a 1986 (-)
- ptime86 = meses en prisión en 1986 (+ -)
- qemp86 = cantidad de trimestres (0 a 4) que el hombre estuvo empleado legalmente en 1986.(-)

```
data("crime1", package = "wooldridge")
str(crime1)
```

```
2725 obs. of 16 variables:
'data.frame':
$ narr86 : int  0 2 1 2 1 0 2 5 0 0 ...
$ nfarr86: int  0 2 1 2 1 0 2 3 0 0 ...
$ nparr86: int
               0 0 0 1 0 0 1 5 0 0 ...
$ pcnv
         : num
                0.38 0.44 0.33 0.25 0 ...
$ avgsen : num
                17.6 0 22.8 0 0 ...
$ tottime: num
                35.2 0 22.8 0 0 ...
$ ptime86: int
                12 0 0 5 0 0 0 0 9 0 ...
$ qemp86 : num
               0 1 0 2 2 4 0 0 0 3 ...
$ inc86 : num
                0 0.8 0 8.8 8.1 ...
$ durat
        : num
                0 0 11 0 1 ...
                0 0 1 0 0 0 1 0 1 0 ...
$ black : int
$ hispan : int 0 1 0 1 0 0 0 0 1 ...
$ born60 : int
                1 0 1 1 0 1 1 1 1 1 ...
$ pcnvsq : num
               0.1444 0.1936 0.1089 0.0625 0 ...
$ pt86sq : int
                144 0 0 25 0 0 0 0 81 0 ...
$ inc86sq: num 0 0.64 0 77.44 65.61 ...
- attr(*, "time.stamp")= chr "25 Jun 2011 23:03"
```

```
# Creando la variable y
table(crime1$narr86)
```

```
0 1 2 3 4 5 6 7 9 10 12
1970 559 121 42 12 13 4 1 1 1 1
```

Dependent variable:

	arr86
pcnv	-0.16244*** (0.02124)
avgsen	0.00611 (0.00645)
tottime	-0.00226 (0.00498)
ptime86	-0.02197*** (0.00463)
qemp86	-0.04283*** (0.00540)

3.4.1 Porcentaje predicho correctamente

```
PPC.arr <- data.frame(crime1$arr86, arr86.MPL$fitted.values)
names(PPC.arr)<- c("arr86", "valores_ajustados")
PPC.arr$ajuste <- ifelse(PPC.arr$valores_ajustados>=0.5,1,0)
PPC.arr$PPC <-ifelse(PPC.arr$arr86==PPC.arr$ajuste,1,0)
prop.table(table(PPC.arr$PPC))*100</pre>
```

0 1 27.70642 72.29358

3.4.2 Interpretaciones

- $\hat{\beta}_0 = 0.44062$, es la probabilidad de ser arrestado que se predice a un hombre, que no ha sido condenado, que no ha estado en prisión despues de los 18 años, que no ha estado en prisión en 1986 y que ha estado desempleado todo el año
- $\hat{\beta}_2$; $\hat{\beta}_3$ que pertenecen a las variables avgsen y tottime, respectivamente. No son estadísticamente significativas (no tiene asteriscos). El signo de avgsen es contrauntuitivo, pues se esperaria que condenas más largas disminuyan la probabilidad de ser arrestado en 1986. Con respecto a tottime, según los datos haber tenido meses en prisión de los 18 y antes de 1986, disminuye la probabilidad de ser arrestado en 1986.
- ptimes86 el aumento de probabilidad de ser condenado en 1986, disminuye la probabilidad de ser arrestado en promedio en 2.2%. Si un hombre esta en prisión no puede ser arrestado. Como ptimes86 esta medida en mese, 6 meses más en prisión, reduce la probabilidad de ser detenido en $0.0022 \times 6 \approx 0.132$. En esta variable se puede observar otra vez, que el MPL no cierto en todos los rangos de variables independientes.

Por ejemplo, si un hombre está en prisión durante 12 meses de 1986, no puede ser detenido en 1986. **Ceteris paribus**, cuando ptimr86 = 12 la probabilidad predicha es de $0.44 - 0.22 \times 12 = 0.177$ que es distinta de cero

• qemp86 tener un empleo reduce la probabilidad de detención de manera significativa. Ceteris paribus un hombre que ha sido empleado durante 4 trimestres, la probabilidad de ser detenido se reduce en $0.04283 \times \approx 0.172$

3.5 Incorporando regresores binarios al MPL

En los modelos de variable dependiente binaria, se puede incluir variables independientes binarias. Este coeficiente mide la diferencia que se predice para la probabilidad en la relación con el grupo base. Así, incluimos regresores binarios en el MPL para **arr86**

	Dependent variable:
	arr86
pcnv	-0.15206*** (0.02107)
avgsen	0.00462 (0.00639)
tottime	-0.00256

```
(0.00493)
                            -0.02370***
ptime86
                             (0.00459)
                            -0.03847***
qemp86
                             (0.00540)
black
                            0.16976***
                             (0.02367)
                            0.09619***
hispan
                             (0.02071)
                            0.38043***
Constant
                             (0.01873)
                               2,725
Observations
R2
                              0.06819
                              0.06579
Adjusted R2
Residual Std. Error 0.43265 (df = 2717)
F Statistic
                    28.40542*** (df = 7; 2717)
Note:
                    *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01
# Limites del MPL
```

```
summary(arr86.MPL.bi$fitted.values)
```

```
Min.
         1st Qu.
                  Median
                             Mean 3rd Qu.
                                              Max.
-0.05598 0.21483 0.26501 0.27706 0.36119 0.61273
```

3.5.1 Interpretaciones

• El coeficiente black significa que, ceteris paribus un hombre negro tiene una probabilidad del 17% mayor de ser detenido frente a un hombre blanco. Otra forma de expresar esto, es que la probabilidad de ser detenido es de 17 puntos porcentuales mayor para los negros que para los blancos.

De la misma manera que la versión del modelo de regresión lineal múltiple en el MPL se puede verificar el cumplimento de los supuestos.

3.5.2 Supuestos

3.5.2.1 Homocedasticidad

- La homocedasticidad o varianza constante, su incumplimiento se conoce como heterocedásticidad o varianza no constante
- Su incumplimento tiene efecto sobre la eficiencia de los estimadores de MCO.
- Su incumplimiento, hace que las pruebas t o f se invaliden, pues el cálculo de la varianza supone homocedásticidad que no se cumple. Por lo tanto, la matriz de varianza covarianza esta mal calculada.
- Existen dos formas de la heterocedasticidad, conocida y desconocida. Es común la forma desconocida, por tal motivo calculamos errores estándar heterocedástico robustos

Hipótesis

```
H_0: \sigma^2
```

$$H_a:\sigma_i^2$$

```
# Test de homcedasticidad
library(lmtest)

# El test de Breusch-Pagan
bptest(mroz.mpl)
```

studentized Breusch-Pagan test

```
data: mroz.mpl
BP = 24.224, df = 7, p-value = 0.00104
```

```
# Test de Goldfeld-Quandt
gqtest(mroz.mpl)
```

Goldfeld-Quandt test

```
data: mroz.mpl
GQ = 2.488e+27, df1 = 369, df2 = 368, p-value < 2.2e-16
alternative hypothesis: variance increases from segment 1 to 2</pre>
```


nwifeinc	-0.00341**	-0.00341**
	(0.00152)	(0.00145)
educ	0.03800***	0.03800***
	(0.00727)	(0.00738)
exper	0.03949***	0.03949***
	(0.00581)	(0.00567)
I(exper2)	-0.00060***	-0.00060***
	(0.00019)	(0.00018)
age	-0.01609***	-0.01609***
	(0.00240)	(0.00248)
kidslt6	-0.26181***	-0.26181***

	(0.03178)	(0.03351)
kidsge6	0.01301	0.01301
	(0.01353)	(0.01320)
Constant	0.58552***	0.58552***
	(0.15226)	(0.15418)
Observations	753	753
R2	0.26422	0.26422
Adjusted R2	0.25730	0.25730
Residual Std. Error (df = 745)	0.42713	0.42713
F Statistic (df = 7; 745)	38.21795***	38.21795***
		============
Note:	*p<0.1; *	*p<0.05; ***p<0.01

3.5.2.2 Multicolinealidad aproximada

library(regclass)

Cargando paquete requerido: bestglm

Cargando paquete requerido: leaps

Cargando paquete requerido: VGAM

Cargando paquete requerido: stats4

Cargando paquete requerido: splines

Adjuntando el paquete: 'VGAM'

The following object is masked from 'package:AER':

tobit

```
The following object is masked from 'package:lmtest':
    lrtest
The following object is masked from 'package:car':
    logit
Cargando paquete requerido: rpart
Cargando paquete requerido: randomForest
randomForest 4.7-1.2
Type rfNews() to see new features/changes/bug fixes.
Important regclass change from 1.3:
All functions that had a . in the name now have an _
all.correlations -> all_correlations, cor.demo -> cor_demo, etc.
VIF(mroz.mpl)
                           exper I(exper^2)
                                                                      kidsge6
  nwifeinc
                 educ
                                                           kidslt6
                                                    age
  1.170686
             1.166001
                        8.636160
                                   8.770985
                                               1.658272
                                                          1.270358
                                                                     1.250370
mean(VIF(mroz.mpl))
```

[1] 3.417547

En promedio el factor de inflación de la varianza es menor que 10. Por lo tanto, no debe preocuparme la multicolinealidad aproximada

Normalidad de los errores

La H_0 : los errores siguen una distribución normal

```
library(tseries)
jarque.bera.test(mroz.mpl$residuals)
```

```
Jarque Bera Test
```

```
data: mroz.mpl$residuals
X-squared = 36.741, df = 2, p-value = 1.051e-08
```

3.6 Modelos Logit y Probit para la respuesta binaria

El MPL es un modelo simple, que tiene varias desventajas. Las dos más importantes, como vimos en los ejemplos anteriores, son que las probabilidades ajustadas pueden ser menores que cero o mayores que uno y el efecto parcial de cualquier variable explicativa es constante. Esta limitaciones del MPL se superan con **modelos de respuesta binaria** más sofisticados.

En un modelo de respuesta binaria, el interés principal yace en la **probabilidad de respuesta**

$$P(y = 1|\mathbf{x}) = P(y = 1|x_1, x_2, ..., x_k)$$
[6]

Donde: \mathbf{x} denota el conjunto total de variable explicativas. Por ejemplo, \mathbf{x} podría contener varias características individuales como la educación, edad, estado civil, etc., que afecta, por ejemplo, al estado del empleo, incluye una variable de binaria para la participación en reciente programa de empleo

3.6.1 Especificación del modelo logit y probit

En el MPL, se suponía que la probabilidad de respuesta es lineal al conjunto de parámetros, β_j . Para evitar las limitaciones del MPL, considere una clase de modelos de respuesta binaria de la forma:

$$P(y = 1 | \mathbf{x}) = G(\beta_0 + \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \dots + \beta_k X_k) = G(\beta_0 + \mathbf{x})[7]$$

donde G(.) es una función que asume valores estrictamente entre 0 y 1: 0 < G(.) < 1 para todos los número reales z. Esto asegura que las probabilidades de respuesta estimada sean estrictamente entre cero y uno. Note que: $\mathbf{x} = \beta_1 X_1 + \beta_2 X_2 + \ldots + \beta_k X_k$

Se han sugerido varias funciones no lineales para la función G(.) a fin de asegurar que las probabilidades estén entre cero y uno. Las dos funciones que estudiaremos en esta clase, se usan en la mayoría de aplicaciones (junto con el MPL). En el **Modelo Logit**, G(.) es la función logística:

$$G(z)=\frac{exp(z)}{[1+exp(z)]}=\frac{e^z}{[1+e^z]}=\Lambda(z)[8]$$

Que está entre cero y uno para todos los números reales z. Esta es la función de distribución acumulada (fda) para una variable aleatoria logística estándar.

En el **Modelo Probit**, G(.) es la función de distribución acumulada normal estándar, que viene dada de la siguiente forma:

$$G(z) = \Phi(z) \equiv \int_{-\infty}^{z} \phi(v) dv[9]$$

Donde:

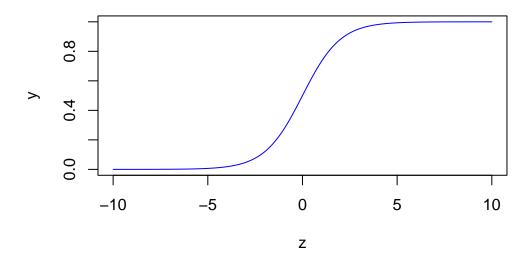
• $\phi(z)$ es la función de densidad normal estándar

$$\phi(z) = (2\pi)^{-1/2} exp(-z/2) = \frac{e^{-z/2}}{\sqrt{2\pi}} [10]$$

Esta elección de G(.) asegura que $0 < P(y=1|\mathbf{x}) < 1$, para todos los valores de los parámetros y las x_j

Las funciones G(.) de **Logit** y **Probit** son crecientes. Cada una aumenta con más rapidez en $z = 0, G(z) \to 0$ a medida que $z \to -\infty$ y, $G(z) \to 1$ a medida que $z \to \infty$

$\exp(z)/[1+\exp(z)]$



Los modelos Logit y Probit pueden derivarse a partir de un **modelo de variable latente** subyacente.

Sea y^* una variable inobservable, o *latente* determianda por:

$$y^* = \beta_0 + \mathbf{x} + e, y = 1[y^* > 0][11]$$

Aquí se introduce la notación 1[.] para definir un resultado binario. La función 1[.] es la **función indicador**, que asume valor de uno si el evento dentro de los corchetes es verdadero y cero si es falso, Entonces tenemos:

$$y = 1[y^* > 0][12]$$
$$y = 0[y^* \le 0]$$

Se supone que e es independiente de \mathbf{x} y que e tiene un distribución logística estándar o normal estándar. En cualquier caso, e se distribuye simétricamente en torno a cero, lo que significa que 1 - G(-Z) = G(z) para todos los números reales de z.

Los economistas tienden a favorecer el supuesto de normalidad para e, lo cual es la razón por la que en Econometría el **modelo Probit** es más popular que el **logit**. Además, varios problemas de especificación, que se tratarán después, se analizan fácilmente mediante Probit debido a las propiedades de la distribución normal.

Dado estos supuestos podemos calcular la probabilidad de respuesta para y:

$$P(y=1|\mathbf{x}) = P(y^*>0|\mathbf{x}) = P(e>-(\beta_0+\mathbf{x})|\mathbf{x}) = 1 - G[-(\beta_0+\mathbf{x})] = G(\beta_0+\mathbf{x})[13]$$

uno de los objetivos de los modelos de respuesta binaria, es explicar los efectos de las x_j sobre la probabilidad de respuesta $P(y=1|\mathbf{x}).$ Cuidado, la formula de la variable latente tiende a dar la impresión de que lo que principalmente interesa son los efectos de cada x_j sobre y^* . Hay que aclarar que en los modelos Logit y Probit la dirección de efectos de x_j sobre $E(y|\mathbf{x}) = P(y=1|\mathbf{x}) = G(\beta_0 + \mathbf{x})$

Aclarando que:

$$E(y^*|\mathbf{x}) = \beta_0 + \mathbf{x} - [14]$$

Como la variable latente pocas veces tiene una unidad de medición definida, las magnitudes de cada β_j no son, útiles por sí mismas, a diferencia de las magnitudes calculadas por el **MPL**. Entonces para la mayoría de los propósitos, se requiere estimar el efecto de x_j sobre la probabilidad de éxito $P(y=1|\mathbf{x})$, esto se complicado por la naturaleza no lineal de G(.). Esto nos lleva a definir tres casos de efectos parciales:

3.6.2 Variables aproximadamente continuas:

Para hallar el efecto parcial de las variables aproximadamente continuas sobre la probabilidad de respuesta, se recurre al cálculo. Si x_j es una variable aproximadamente continua, su efecto parcial sobre $p(x) = P(y = 1|\mathbf{x})$ se obtiene de la siguiente derivada parcial:

$$\frac{\partial p(\mathbf{x})}{\partial x_i} = g(\beta_0 + \mathbf{x})\beta_j[15]$$

Donde:

$$g(z) \equiv \frac{dG}{dz}(z)[16]$$

Debido a que G es la f
da de una variable aleatoria continua, g es la función de densidad de
 probabilidad.

En los casos de logit y probit, G(.) es una f
da estrictamente creciente y, por lo tanto, $g(z) > 0 \forall z$. Por lo tanto, el efecto parcial de x_j sobre $p(\mathbf{x})$ depende de \mathbf{x} a través de la cantidad positiva $g(\beta_0 + \mathbf{x})$, lo que significa que el efecto parcial siempre tiene el mismo signo que β_j

La ecuación de la derivada parcial muestra que los efectos relativos del cualquiera las variables explicativas continuas no depende de \mathbf{x} , la razón de los efectos parciales de x_j y x_h es $\frac{\beta_j}{\beta_h}$. El caso típico de que g sea un densidad simétrica en torno a cero, con una única moda en cero, el mayor efecto ocurre cuando $\beta_0 + \mathbf{x} = 0$. Por ejemplo:

3.6.2.1 En el caso de Probit

$$g(z) = \phi(z) = \frac{e^{-z/2}}{\sqrt{2\pi}}$$
$$g(0) = \frac{e^{-0/2}}{\sqrt{2\pi}} = \frac{1}{\sqrt{2\pi}} \approx 0.40$$

1/sqrt(2*pi)

[1] 0.3989423

3.6.2.2 En el caso logit

$$g(z) = \frac{e^z}{[1 + e^z]^2}$$

Evaluando cuando z=0

$$g(0) = \frac{e^0}{[1 + e^0]^2}$$

$$g(0) = \frac{1}{[1+1]^2} = \frac{1}{4} = 0.25$$

3.6.3 Cuando la variable explicativa es binaria

Entonces el efecto parcial de cambiar x_1 de cero a uno, manteniendo constante todas las demás variables, es así:

$$G(\beta_0 + \beta_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k) - G(\beta_0 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k x_k)$$
[17]

De nuevo, esto depende de todos los valores de las otras x_j . Por ejemplo, si y es un indicador de empleo y x_1 es una variable binaria que indica la participación en un programa de capacitación laboral, entonces es el cambio en la probabilidad de empleo debido a este programa de capacitación; esto depende de las demás características que afectan la posibilidad de obtener el empleo, como la educación y la experiencia. Observe que saber el signo del β_1 es suficiente para determinar si el programa tuvo un efecto positivo o negativo. Pero para hallar la **magnitud** del efecto, se tiene que estimar la cantidad usando la anterior ecuación [17].

3.6.4 Cuando la variable explicativa es discreta

Por ejemplo, el número de hijos. Si x_k denota esta variable, el efecto sobre la probabilidad de que x_k cambien de c_k a $c_k + 1$ es simplemente:

$$G[\beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k (c_k + 1)] - G[\beta_0 + \beta_1 x_1 + \beta_2 x_2 + \dots + \beta_k c_k]$$

3.6.5 Estimación de máxima verosimilitud de los modelos Logit y Probit

Para los MPL se uso mínimos cuadrados ordinarios (MCO) o, si existe heterocedasticidad, mínimos cuadrados ponderados (MCP). Ahora bien, debido a naturaleza no lineal $E(y|\mathbf{x})$, MCO y MCP no son aplicables, por esta razón se usa la **estimación de máxima verosimilitud** (**EMV**). Para estimar los modelos de variables dependientes limitadas, los métodos de máxima verosimilitud son indispensables. Como la EMV está basada en la distribución de y dada \mathbf{x} , la heterocedasticidad en $Var(y|\mathbf{x})$ automáticamente se toma en cuenta.

Suponiendo que se tiene una muestra aleatoria n. Para obtener el estimador de máxima verosimilitud, condicional sobre las variables explicativas, es necesario la densidad de y_i dada $\mathbf{x_i}$. Esto se escribe como:

$$f(y|\mathbf{x_i};) = [G(\mathbf{x_i})]^y [1 - G(\mathbf{x_i})]^{1-y}, y = 0, 1[17]$$

Para simplificar, se adsorbe el intercepto en el vector $\mathbf{x_i}$. La **función log-verosimilitud** para cada observación i es una función de los parámetros y los datos $(\mathbf{x_i}; \mathbf{y_i})$, aplicando el logaritmo a la anterior ecuación tenemos:

$$l_i(\beta) = y_i log[G(\mathbf{x_i})] + (1 - y) log[1 - G(\mathbf{x_i})][18]$$

Como G(.) está estrictamente definida entre cero y uno para logit y probit, $l_i(\beta)$ está bien definida para todos los valores β

La log-verosimilitud para un tamaño de muestra n se obtiene al sumar todas las observación de la ecuación anterior:

$$\mathcal{L}_i(\beta) = \sum_{i=1}^n l_i(\beta)[19]$$

La EMV de β , denotada como $\hat{\beta}$, maximiza esta log-verosimilitud. Si G(.) es la fda logit estándar, entonces $\hat{\beta}$ será el estimador Logit; si G(.) es la fda normal estándar, entonces $\hat{\beta}$ será el estimador Probit.

3.6.6 Ejemplos de aplicación

Continuaremos con los ejemplos usados en el MPL, como son: la Participación en la fuerza laboral de las mujeres casadas, un modelo de probabilidad para arrestos y, sumaremos el ejemplo de la denegación de una hipoteca (Stock and Watson 2012)

3.6.6.1 Logit para los datos HMDA

```
library(AER)
data(HMDA)

HMDA |>
str()
```

```
'data.frame':
               2380 obs. of 14 variables:
$ deny : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
$ pirat : num 0.221 0.265 0.372 0.32 0.36 ...
$ hirat : num 0.221 0.265 0.248 0.25 0.35 ...
$ lvrat : num 0.8 0.922 0.92 0.86 0.6 ...
$ chist : Factor w/ 6 levels "1","2","3","4",..: 5 2 1 1 1 1 1 2 2 2 ...
$ mhist : Factor w/ 4 levels "1","2","3","4": 2 2 2 2 1 1 2 2 2 1 ...
$ phist : Factor w/ 2 levels "no","yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ unemp : num 3.9 3.2 3.2 4.3 3.2 ...
$ selfemp : Factor w/ 2 levels "no","yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ insurance: Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 2 1 ...
$ condomin : Factor w/ 2 levels "no","yes": 1 1 1 1 1 1 2 1 1 1 ...
         : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 ...
$ single : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 1 2 1 1 1 1 2 1 1 2 ...
$ hschool : Factor w/ 2 levels "no", "yes": 2 2 2 2 2 2 2 2 2 2 ...
```

3.6.6.2 La participación den la fuerza laboral de las mujeres casadas

3.6.6.2.1 Modelo Probit estimado con fda normal estándar

Para estimar modelos de variable dependiente limitada se usa el comando glm()

	Dependent variable:		
	inlf		
	OLS	probit	
	(1)	(2)	
nwifeinc	-0.003**	-0.012**	
	(0.001)	(0.005)	
educ	0.038***	0.131***	
	(0.007)	(0.025)	
exper	0.039***	0.123***	
•	(0.006)	(0.019)	
expersq	-0.001***	-0.002***	
• •	(0.0002)	(0.001)	
age	-0.016***	-0.053***	
	(0.002)	(0.008)	
kidslt6	-0.262***	-0.868***	
	(0.034)	(0.118)	

kidsge6	0.013	0.036
	(0.013)	(0.044)
	0.500	0.070
Constant	0.586***	0.270
	(0.154)	(0.508)
Observations	753	753
R2	0.264	
Adjusted R2	0.257	
Log Likelihood		-401.302
Akaike Inf. Crit.		818.604
Residual Std. Error	0.427 (df = 745)	
F Statistic	38.218*** (df = 7; 745)	
Note:	*p<0.1; **p<0.05;	***p<0.01

3.6.6.2.1.1 ¿Cómo funciona la mecánica del modelo Probit?

```
Dependent variable:

inlf

-----
nwifeinc

-0.013***
(0.004)

Constant

0.432***
```

```
(0.094)
```

```
Observations 753
Log Likelihood -509.662
Akaike Inf. Crit. 1,023.324
```

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

```
mean(mroz$kidslt6)
```

[1] 0.2377158

2 -18.7173

3.6.6.3 Presentación del modelo estimado

Modelo probit simple

$$P(infl = 1|kidslt6) = \Phi\left(0.299 - 0.539kidslt6\right)$$

```
pnorm(coef(mroz.probit.simple)[1]+coef(mroz.probit.simple)[2]*2)-pnorm(coef(mroz.probit.simple)
```

(Intercept) -0.187173

Ecuación estimada de probit

```
coef(mroz.probit)
```

```
(Intercept) nwifeinc educ exper expersq age 0.270073573 -0.012023637 0.130903969 0.123347168 -0.001887067 -0.052852442 kidslt6 kidsge6 -0.868324680 0.036005611 P(inlf=1|nwifeinc,...,kidsge6) = \\ \Phi(0.27-0.012nwifeinc+0.131educ+0.12exper)
```

¿Cuál es la probabilidad de salir de que María salga a trabajar, dado que tiene su esposo un ingreso mensual 300USD, tiene 4 años de educación, nunca ha trabajo, tiene 29 años y un niño de 3 años?

 $-0.0019exper^2 - 0.053age - 0.87kidslt6 + 0.036kidsg6$

```
coef(mroz.probit)
```

```
(Intercept) nwifeinc educ exper expersq age 0.270073573 -0.012023637 0.130903969 0.123347168 -0.001887067 -0.052852442 kidslt6 kidsge6 -0.868324680 0.036005611
```

```
# Pregunta inicial
prediccion<-predict(mroz.probit,</pre>
                     newdata=data.frame("nwifeinc"=(300*12)/1000,
                                          "educ"=4,
                                          "exper"=0,
                                          "expersq"=0,
                                          "age"=29,
                                          "kidslt6"=1,
                                          "kidsge6"=0),
                     type = "response")
predict(mroz.probit,
                     newdata=data.frame("nwifeinc"=(300*12)/1000,
                                          "educ"=4,
                                          "exper"=0,
                                          "expersq"=0,
                                          "age"=29+3,
```

0.03809838

2 -1.130756

2 -3.526018

3.6.6.4 Modelo Logit estimado con FDA logística estándar

	Dependent variable:
	inlf
nwifeinc	-0.021**
	(800.0)
educ	0.221***
	(0.043)
exper	0.206***
•	(0.032)
expersq	-0.003***
	(0.001)
age	-0.088***
460	(0.015)
kidslt6	-1.443***
RIGSICO	(0.204)
	0.000
kidsge6	0.060 (0.075)
	(0.010)

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

3.6.6.4.0.1 ¿Cómo funciona la mecánica del modelo Logit?

Dependent variable:

inlf

kidslt6 -0.539***

(0.094)

Constant 0.299***

(0.051)

Observations 753 Log Likelihood -497.367 Akaike Inf. Crit. 998.734

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

EFectos en cambios puntuales

```
prediccion<-predict(mroz.logit.simple,</pre>
                    newdata=data.frame("kidslt6"=c(1,2)),
                    type = "response")
diff(prediccion)*100
        2
-18.29326
lambda <- function(z) 1/(1+\exp(-z))
lambda(coef(mroz.logit.simple)[1]+coef(mroz.logit.simple)[2]*2)*100-lambda(coef(mroz.logit.s
(Intercept)
  -18.29326
# Verificando que las probabilidades ajustadas se encuentren entre 0 y 1
summary(mroz.probit$fitted.values)
    Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
0.002475 0.370959 0.609546 0.570109 0.794345 0.979904
summary(mroz.logit$fitted.values)
    Min. 1st Qu.
                    Median
                               Mean 3rd Qu.
0.008672 0.366410 0.610925 0.568393 0.796721 0.968541
```

Presentación del modelo estimado

```
P(inlf=1|nwifeinc,...,kidsge6) = \Lambda(0.425-0.021nwifeinc+...+0.060kidsge6)
```

3.6.6.5 Comparación de los modelos MPL, Logit y Probit

Para esta comparación se va usar los errores heterocedástico robustos.

Tabla 2: Estimaciones MPL, logit y probit de la participación en la fuerza laboral

Dependent variable:

	OLS (1)	inlf logistic (2)	-
nwifeinc	-0.003**	-0.021**	-0.012**
	(0.002)	(0.009)	(0.006)
educ	0.038***	0.221***	0.131***
	(0.007)	(0.045)	(0.026)
exper	0.039***	0.206***	0.123***
	(0.006)	(0.032)	(0.019)
expersq	-0.001***	-0.003***	-0.002***
	(0.0002)	(0.001)	(0.001)
age	-0.016***	-0.088***	-0.053***
	(0.002)	(0.015)	(0.008)
kidslt6	-0.262***	-1.443***	-0.868***
	(0.032)	(0.204)	(0.117)
kidsge6	0.013	0.060	0.036

	(0.014)	(0.080)	(0.047)
Constant	0.586***	0.425	0.270
	(0.152)	(0.864)	(0.507)
Observations	753	753	753
R2	0.264		
Adjusted R2	0.257		
Log Likelihood		-401.765	-401.302
Akaike Inf. Crit.		819.530	818.604
Residual Std. Error	0.427		
F Statistic	38.218***		
Note:	*p<0.1;	**p<0.05;	***p<0.01

Como podemos ver en la tabla 2 los signos y la significancia es la misma para todas las variables en los tres modelos. Por ejemplo, la variable educ y exper son estadísticamente significativas en los tres modelos y ambas tienen un signo positivo respecto a la probabilidad de la participación en la fuerza laboral de las mujeres. En un primer momento no es posible comparar las estimaciones logit y probit con las del MPL. Para hacerlas comparables se debe usar el **efecto parcial promedio (EPP)**. Wooldridge (2010, 585) siguiere factores escalares que se deben pre-multiplicar por los coeficientes de logit y probit para hacerlos comparables con el MPL. Para Probit es 0.301 y para logit es 0.179.

Usando factores escalares logit y probit para comparar con coeficientes MPL

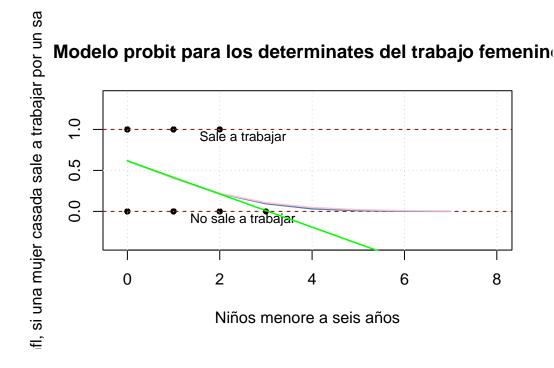
El ejemplo de la variable educ. Si multiplico el coeficiente de educ en logit por su factor se obtiene: $0.179(0.221)\approx 0.040$ y coeficiente probit educ es de alrededor de $0.301(0.131)\approx 0.039$. Como se puede observar, ambos coeficientes son muy cercanos a la estimación de MPL que es de 0.038. También la variable discreta kidslt6, los coeficientes escalados logit y probit son similares al coeficiente del MPL de -0.262. Estos son $0.179(-1.443)\approx -0.258$ (logit) y, $0.301(-0.868)\approx -0.261$ (probit)

La mayor diferencia entre el modelo MPL y los modelos logit y probit es que el MPL supone efectos constantes para educ, exper, kidslt6, etc., mientras que los modelos logit y probit implican magnitudes decrecientes de los efectos parciales

3.6.6.6 Curva decreciente

En esta sección vamos a observar como los modelos no lineales logit y probit muestran que no es lo mismo tener niño pequeño, dos o tres, etc, para reducir la probabilidad de salir a trabajar

```
mpl.simple <- lm(inlf~</pre>
                   kidslt6,
                 mroz)
plot(x = mroz$kidslt6,
     y= mroz$inlf,
     main = "Modelo probit para los determinates del trabajo femenino",
     xlab = "Niños menore a seis años",
     ylab = "Infl, si una mujer casada sale a trabajar por un salario",
     pch=20,
     ylim = c(-0.4, 1.4),
     xlim = c(-0.2,8))
grid()
# Añadir las lineas horizontales y el texto
abline(h=1, lty=2, col="darkred")
abline(h=0, lty=2, col="darkred")
text(2.5, 0.9, cex = 0.8, "Sale a trabajar")
text(2.5, -0.1, cex = 0.8, "No sale a trabajar")
# añadiendo la linea de regresión probit
x < - seq(0,7,1)
y <- predict(mroz.probit.simple,
             list(kidslt6=x),
             type = "response")
lines(x,y,lwd=1.5, col="steelblue")
# añadiendo la linea de regresión logit
t <- predict(mroz.logit.simple,
             list(kidslt6=x),
             type = "response")
lines(x,t,lwd=1.5, col="pink")
# añadiendo la linea de regresión MPL
m <- predict(mpl.simple,</pre>
             list(kidslt6=x),
             type = "response")
lines(x,m,lwd=1.5, col="green")
```



3.6.7 Interpretaciones de las estimaciones Logit y Probit

Las estimaciones de coeficientes, sus errores estándar y el valor de la función de logverosimilitud se pueden obtener mediante todos los paquetes de software (R) que realicen logit y probit, y se deben reportar en cualquier aplicación. Los coeficientes dan los signos de los efectos parciales de cada x_j sobre la probabilidad de respuesta y la significancia estadística de x_j está determinada por si se puede rechazar $H_0: \beta_j = 0$ a un nivel de significancia (α).

Como vimos anteriormente para el MPL se puede calcular el **porcentaje predicho correctamente**

Existen varias medidas de bondad de ajuste como **pseudo R-cuadradas**. MacFadden (1974) sugiere la medida $1-\frac{\mathcal{L}_{nr}}{\mathcal{L}_o}$, donde \mathcal{L}_{nr} es la función de log-verosimilitud para el modelo estimado y, \mathcal{L}_o es la función de probabilidad de log en el modelo con sólo un intercepto. ¿Por qué esta medida es lógica? Recordar que las log-verosimilitud son negativas y, por tanto $\frac{\mathcal{L}_{nr}}{\mathcal{L}_o} = \frac{|\mathcal{L}_{nr}|}{|\mathcal{L}_o|}$. Además. $|\mathcal{L}_{nr}| \leq |\mathcal{L}_o|$. Si las covarianzas no tiene poder explicativo, entonces $\frac{\mathcal{L}_{nr}}{\mathcal{L}_o} = 1$, la **pseudo R-cuadrada** será igual a cero, como la R-cuadrada usual es cero en una regresión lineal cuando las covariadas no tienen poder explicativo.

Por lo general, $|\mathcal{L}_{nr}|<|\mathcal{L}_o|$, en cuyo caso $1-\frac{\mathcal{L}_{nr}}{\mathcal{L}_o}>0$. Supongamos que $\mathcal{L}_{nr}\to 0$, la pseudo-Rcuadrada tiene a uno. Pero en los modelos logit y probit no pueden llegar a cero \mathcal{L}_{nr} ya que eso requeriría que las probabilidades estimadas cuando $y_i=1$ fueran iguales a la unidad y que las probabilidades estimadas cuando $y_i=0$ fueran todas iguales a cero

3.6.8 Cálculo de la speudo- R^2 de MacFadden

Segun Stock y Watson (2011), las llamadas pseudo- \mathbb{R}^2 se usan para medir la calidad del ajuste, estas medidas comparan el valor de la probabilidad máxima log-verosimulitud con todos los regresores, con la probabilidad de un modelo sin regresores (modelo nulo) **regresión en una constante**

Por ejemplo, considere una regresión Probit. El **pseudo-** \mathbb{R}^2 esta dado por:

$$pseudo - R^2 = 1 - \frac{ln(f_{full}^{max})}{ln(f_{null}^{max})}[20]$$

Donde: $f_i^{max} \in [0,1]$ denota la probabilidad máxima para el modelo j

El razonamiento detrás de esto, es que, la probabilidad maximizada aumenta a medida que se agregan regresores adicionales al modelo, de manera similar a la disminución en SRC cuando se agregan regresores en un modelo de regresión lineal. Si el modelo completo tiene una probabilidad maximizada similar a la del modelo nulo, el modelo completo no mejora realmente sobre un modelo que usa solo la información en la variable dependiente, por lo que $pseudo-R^2\approx 0$. Si el modelo completo se ajusta muy bien a los datos, la probabilidad maximizada debe estar cerca de 1, tal que $ln(f_{tul}^{max})\approx 0$ y $pseudo-R^2\approx 1$

En Rstudio para los modelos estimados con glm() podemos utilizar las entradas de desviación residual (desviance) y la desviación nula (null.desviance). Estos han sido calculados de la siguiente forma:

$$desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{full}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satured}^{max}) - ln(f_{null}^{max})] \\ null. \\ desviance = -2 \times [ln(f_{satu$$

Donde: $f_{satured}^{max}$ es la probabilidad maximizada para un modelo que asume que cada observación tiene su propio parámetro (hay n+1 parámetros a estimar que conducen a un ajuste perfecto). Para los modelos con una variable dependiente binaria, se tiene que:

$$pseduo - R^2 = 1 - \frac{desviance}{null.desviance} = 1 - \frac{ln(f_{full}^{max})}{ln(f_{null}^{max})}[21]$$

Cálculo del $pseudo - R^2$ para los modelos Logit y Probit del ejemplo, La participación en la fuerza laboral de las mujeres casadas

```
# Probit
pseudo.R2.P <- 1-(mroz.probit$deviance/mroz.probit$null.deviance)
pseudo.R2.P*100</pre>
```

Logit

Si usamos la interpretación usual del R^2 de la regresión lineal, diremos que según los **pseudo-R2** de logit y probit, aproximadamente la variación de la probabilidad de la participación en la fuerza laboral de las mujeres casadas esta explicada por las variables regresoras en aproximadamente un 22%.

En cualquier caso, la bondad de ajuste suele ser menos importante que intentar obtener estimaciones convincentes de los efectos **ceteris paribus** de las variables explicativas.

3.6.9 Efecto parcial promedio y el efecto parcial en el promedio

Parte importante de estos modelos es estimar los efectos de las x_j sobre las probabilidades de respuesta, $P(y=1|\mathbf{x})$. Si x_j es aproximadamente continua teníamos:

$$\Delta \hat{P}(y=1|\mathbf{x}) \approx [g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})\hat{\beta}_j]\Delta x_j[22]$$

Entonces, para pequeños cambios en x_j . Así que, para $\Delta x_j = 1$ el cambio en la probabilidad de éxito es aproximadamente $g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})\hat{\beta}_j$. En comparación con el MPL, el costo de usar modelos probit y logit es que los efectos parciales en la ecuación anterior son más difíciles de resumir debido a que el factor de escala $g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})$, depende de \mathbf{x} . Una posibilidad es insertar valores interesante para las x_j (medias, medianas, mínimos, máximos, cuartíles, etc.) y, ver como cambia $g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})$. Pero, a pesar de ser un proceso atractivo es tedioso y puede dar como resultado demasiada información aun si el número de variables explicativas es moderado.

Como resumen rápido para obtener magnitudes de efectos parciales, es útil tener un factor escalar único que se pueda multiplicar con cada $\hat{\beta}_j$ (o al menos aquellos coeficiente de variables aproximadamente continuas). Un método que suele usarse en paquetes econométricos es reemplazar cada variable explicativas con su promedio muestral. En otras palabras, el factor de ajuste es:

$$g(\hat{\beta}_0 + \bar{\mathbf{x}}\hat{\beta}) = g(\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1\bar{x}_1 + \hat{\beta}_2\bar{x}_2 + \dots + \hat{\beta}_k\bar{x}_k)[23]$$

Donde: g(.) es la densidad normal estándar (ϕ) para el caso probit y, $g(z) = \frac{exp(z)}{[1+exp(z)]^2}$ para logit. Cuando a la ecuación anterior se multiplica por $\hat{\beta}_j$ obtenemos el efecto de x_j para la persona promedio en la muestra. Por lo tanto, si multiplico el coeficiente β_j por la ecuación [23], se obtiene el **efecto parcial en el promedio (EPeP)**.

3.6.9.1 Ejemplo con los determinantes del trabajo femenino

Dependent variable:

· ------

inlf

nwifeinc -0.013***

(0.004)

Constant 0.432*** (0.094)

Observations 753 Log Likelihood -509.662 Akaike Inf. Crit. 1,023.324

Note: *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01

Una vez que tengo el modelo, lo uso para ejemplificar el **EPeP**,

```
dnorm(coef(Epep.probit)[1]+coef(Epep.probit)[2]*mean(mroz$nwifeinc))
```

```
(Intercept)
0.3929979
```

```
phi <- function(z) (1/sqrt(2*pi))*exp(-z^2/2)
phi(coef(Epep.probit)[1]+coef(Epep.probit)[2]*mean(mroz$nwifeinc))</pre>
```

```
(Intercept)
 0.3929979
# Efecto de aumentar el salario en una unidad son 1000 USD
dnorm(coef(Epep.probit)[1]+coef(Epep.probit)[2]*mean(mroz$nwifeinc))*coef(Epep.probit)[2]*10
(Intercept)
-0.5052942
El mismo ejemplo para logit
Epep.logit <- glm(inlf~nwifeinc,</pre>
               family = binomial(link = "logit"))
stargazer::stargazer(Epep.logit, type = "text")
______
                  Dependent variable:
               _____
                        inlf
nwifeinc
                      -0.021***
                       (0.007)
                      0.695***
Constant
                       (0.152)
   -----
Observations
                        753
                     -509.654
Log Likelihood
Akaike Inf. Crit. 1,023.309
_____
               *p<0.1; **p<0.05; ***p<0.01
Note:
# fda logística estándar
lambda.minus <- function(z) \exp(z)/(1+\exp(z))^2
```

lambda.minus(coef(Epep.logit)[1]+coef(Epep.logit)[2]*mean(mroz\$nwifeinc))*coef(Epep.logit)[2]

(Intercept) -50.91089

Existen dos problemas con el uso del **EPeP**. Primero, si algunas de las variables explicativas son discretas, sus promedios no representan a nadie en la muestra. Por ejemplo, si $x_1 = mujeres$ y 47.5% de las muestra son mujeres ¿qué sentido tiene insertar $\bar{x}_1 = 0.475$ para representar a la persona "promedio"?. Segundo, si una variable explicativa continua aparece como función no lineal, por ejemplo, como un log-natural o cuadrática, no es claro si se quiere promediar la función no lineal o insertar el promedio en la función no lineal. Por ejemplo, ¿Se debe usar log(ventas) o log(ventas) para representar el tamaño promedio de la empresa?. Los paquetes econométrico se quedan en el primero, el paquete está programado para calcular los promedios de los regresores incluidos en la estimación probit o logit.

Un método diferente para calcular un factor escalar elude la cuestión de qué valores a insertar para las variables explicativas. En lugar de ello, el segundo factor escalar resulta al promediar los efectos parciales individuales a través de la muestra, lo que genera en algunas veces llamado efecto parcial promedio (EPP). Por ejemplo, para una variable aproximadamente continua el EPP es:

$$n^{-1} \sum_{i=1}^n [g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})\hat{\beta}_j] = n^{-1} \sum_{i=1}^n [g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})]\hat{\beta}_j[24]$$

El término que se multiplica a $\hat{\beta}_i$ actúa como un factor escalar:

$$n^{-1} \sum_{i=1}^{n} [g(\hat{\beta}_0 + \mathbf{x}\hat{\beta})][25]$$

Los factores escalares que sirven para obtener el EPP y EPeP que fueron detallados anteriormente de la aproximación del cálculo, ninguna es lógica para variables explicativas discretas. Es su lugar, se debe estimar directamente el cambio de probabilidad. Para un cambio x_k de c_k a c_k+1 , es análogo al efecto parcial en el promedio:

$$G[\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 \bar{x}_1 + \dots + \hat{\beta}_{k-1} \bar{x}_{k-1} + \hat{\beta}_k (c_k + 1)] - G[\hat{\beta}_0 + \hat{\beta}_1 \bar{x}_1 + \dots + \hat{\beta}_{k-1} \bar{x}_{k-1} + \hat{\beta}_k c_k][26]$$

El efecto parcial promedio es:

$$n^{-1}\sum_{i=1}^{n}(G[\hat{\beta}_{0}+\hat{\beta}_{1}x_{i1}+\ldots+\hat{\beta}_{k-1}x_{ik-1}+\hat{\beta}_{k}(c_{k}+1)]-G[\hat{\beta}_{0}+\hat{\beta}_{1}x_{i1}+\ldots+\hat{\beta}_{k-1}x_{ik-1}+\hat{\beta}_{k}c_{k}])[27]$$

La función anterior se puede interpretar de forma particular cuando x_k es binaria. Para cada unidad i, se estima la diferencia predicha en la probabilidad de que $y_i=1$ cuando $x_k=1$ y $x_k = 0$, de la siguiente forma:

$$n^{-1}\sum_{i=1}^nG[\hat{\beta}_0+\hat{\beta}_1x_{i1}+\ldots+\hat{\beta}_{k-1}x_{ik-1}+\hat{\beta}_k]-G[\hat{\beta}_0+\hat{\beta}_1x_{i1}+\ldots+\hat{\beta}_{k-1}x_{ik-1}][28]$$

Para finalizar la aplicación de MPL, Logit y Probit. Es importante tener un tipo de efecto marginal que sea interpretable para los modelos no lineales (logit y probit), estos se obtienen de la siguiente manera usando el ejemplo de:

3.6.9.1.1 Efecto parcial promedio ejemplo

```
# Para probit
mean(dnorm(coef(Epep.probit)[1]+coef(Epep.probit)[2]*mroz$nwifeinc))*coef(Epep.probit)[2]*10
  nwifeinc
-0.4998448
# Para logit
mean(lambda.minus(coef(Epep.logit)[1]+coef(Epep.logit)[2]*mroz$nwifeinc))*coef(Epep.logit)[2]
  nwifeinc
-0.5021655
```

[Participación en la fuerza laboral de las mujeres casadas]

```
library(mfx)
# Probando lo hecho a mano
probitmfx(inlf~
            nwifeinc,
          data = mroz)
```

```
Call:
probitmfx(formula = inlf ~ nwifeinc, data = mroz)
```

```
Marginal Effects:
              dF/dx Std. Err. z P>|z|
nwifeinc -0.0050529  0.0015912 -3.1755  0.001496 **
Signif. codes: 0 '*** 0.001 '** 0.01 '* 0.05 '.' 0.1 ' 1
# Efectos marginales Probit
marginales.probit<-probitmfx(inlf~</pre>
           nwifeinc+
            educ+
            exper+
            expersq+
            age+
           kidslt6+
           kidsge6,
          data = mroz)
marginales.probit$mfxest[1:7]*100
[1] -0.46961881 5.11284287
                               4.81768957 -0.07370502 -2.06430891
[6] -33.91499645 1.40630594
# Efectos marginales Logit
marginales.logit<-logitmfx(inlf~</pre>
           nwifeinc+
           educ+
            exper+
            expersq+
            age+
           kidslt6+
           kidsge6,
          data = mroz)
marginales.logit$mfxest[1:7]*100
[1] -0.51900534 5.37773087
                               5.00569282 -0.07669166 -2.14030205
[6] -35.09498193 1.46162143
# Comparación entre logit y probit
variables<-c("nwifeinc", "educ", "exper", "expersq", "age", "kidslt6", "kidsge6")</pre>
```

```
comparacion <-data.frame(variables,marginales.logit$mfxest[1:7]*100, marginales.probit$mfxes
names(comparacion)<-c("Betas", "Logit", "Probit")
comparacion</pre>
```

```
Betas
                 Logit
                             Probit
1 nwifeinc -0.51900534 -0.46961881
     educ 5.37773087
2
                        5.11284287
3
    exper 5.00569282
                        4.81768957
 expersq -0.07669166 -0.07370502
      age -2.14030205 -2.06430891
5
 kidslt6 -35.09498193 -33.91499645
  kidsge6
            1.46162143
                         1.40630594
```

100000/12

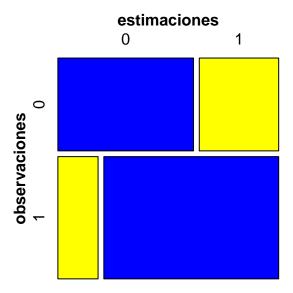
[1] 8333.333

Una vez, establecidos los valores de los betas interpretables, podemos pasar a mirar la exactitud del estimaciones de los dos modelos no lineales.

3.6.10 Porcentaje predicho correctamente y la matriz de confusión

En lugar de solo calcular el PPC, se presentará la matriz de confusión que permite mostrar cuantas veces el modelo predijo correctamente los valores de y

1 73.43958



```
Cell Contents
```

```
| Count | | Row Percent | |
```

Total Observations in Table: 753

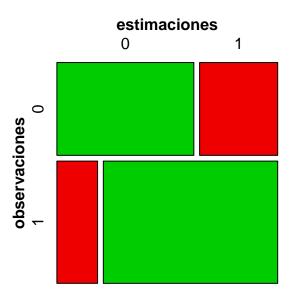
	estimado		
Observado	0	1 1	Row Total
0	205	120	325 l
	63.08%	36.92%	43.16%
1	80	348	428
	18.69%	81.31%	56.84%
Column Total	285	468	753

- **1. Sensitividad**: % de positivos (1) que sob clasificados como positivos (1). para el modelo probit seria ($\frac{347}{428} = 81.07\%$)
- **2. Especificidad**: % negativos(0) que son clasificado como negativops(0). . en nuestro ejemplo_: $(\frac{207}{325} = 63.98\%)$

Falsos positivos: % de negativos (o) clasificados como positivos (1). En nuestro ejemplo: $(\frac{120}{325} = 36.92\%)$

Falsos Negativos: % de positivos clasificados (1) como negativos (0). en nuestro ejemplo. $(\frac{80}{428} = 18.69\%)$

1 73.57238



```
Cell Contents
|-----|
| Count |
| Row Percent |
```

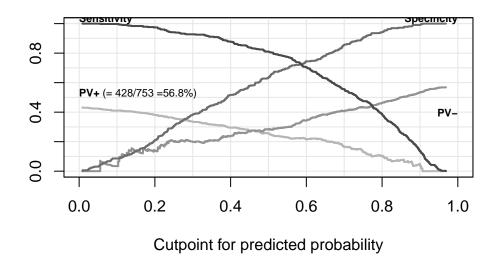
Total Observations in Table: 753

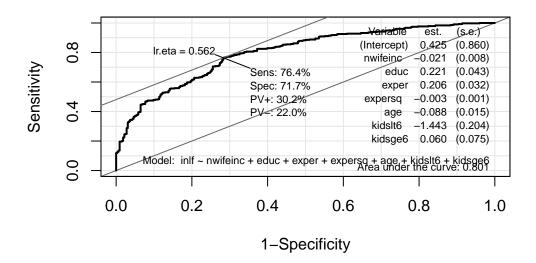
| estimado

Observado	0	1	Row Total
0	207 63.69%	118 36.31%	325 43.16%
1	81 18.93%	347 81.07%	428 56.84%
Column Total	288 	 465 	 753

Los modelos logit y probit son capaces de clasificar correctamente el 73.5 de las observaciones cuando se emplean los datos de trabajo femenino.

3.6.11 Capacidad discriminante del modelo





Sensibilidad: la probabilidad de que el modelo prediga un resultado positivo (1) para una observación cuando en realidad el resultado es positivo (1)

Especificidad: La probabilidad de que el modelo prediga un resultado negativo para una observación cuando en realidad el resultado es negativo.

4 Ejercicio 17.2 del libro de Wooldridge

Sea grad una variable binaria para si un atleta colegial en una universidad grande se graduará en cinco años. Sean $hsGPAy\ SAT$ el promedio de calificaciones de bachillerato y las puntuaciones del SAT de admisión a la universidad, respectivamente. Sea study el número de horas por semana que pasa un estudiante en un aula de estudio. Suponga que, usando los datos sobre 420 atletas colegiales se obtiene el siguiente modelo logit:

$$\widehat{P}(grad=1|hsGPA,SAT,study) = \Lambda(-1.17+0.24hsGPA+0.00058SAT+0.073study)$$

$$\Lambda = \frac{exp(z)}{[1+exp(z)]}$$

Si mantiene hsGPA = 3.0 y el SAT = 1200, calcule la diferencia estimada en la probabilidad de graduación para alguien que pasa 10 horas a la semana en el aula de estudio y alguien que pasa 5 horas por semana.

```
lambda <-(-1.17+0.24*3+0.00058*1200+0.073*10)
lambda_5 <- (-1.17+0.24*3+0.00058*1200+0.073*5)

diferencia <-(exp(lambda)/(1+exp(lambda)))-(exp(lambda_5)/(1+exp(lambda_5)))
diferencia*100</pre>
```

[1] 7.814493

5 Tareas

1. Tarea: realizar todos los cálculos para el modelo de los arrestos, igual como se hizo en clase para los dos modelos, es decir, con y sin variables binarias.

References

Stock, James H, and Marck M. Watson. 2012. *Introducción a la econometría*. Madrid (España): Pearson. http://www.ebooks7-24.com/?il=3445.

Wooldridge, Jeffrey M. 2009. *Introductory econometrics: a modern approach*. 4th ed. Mason, OH: South Western, Cengage Learning.