

Dæmahöfundar

- Arnar Bjarni Arnarson
- Atli Fannar Franklín
- Bernhard Linn Hilmarsson
- Bjarki Ágúst Guðmundsson
- Bjarni Dagur Thor Kárason
- Elvar Árni Bjarnason
- Hannes Kristján Hannesson
- Samúel Arnar Hafsteinsson
- Unnar Freyr Erlendsson

Dæmayfirferð

- Arnar Páll Jóhannsson
- Álfur Birkir Bjarnason
- Ásþór Björnsson
- Bergur Snorrason
- Guðni Nathan Gunnarsson
- Sesar Hersisson

Dæmið

Pör eru skráð á ball þar sem hver manneskja var skráð einu sinni. Einu pari var síðan bætt við á skráningarlistann. Skrifaðu út parið sem var bætt við.

Sýnidæmi

Inntak:

10

1 2

3 5

4 8

6

4 7

9 10

Úttak:

47

Einföld lausn - $N \le 200$

Viljum finna parið sem á að fjarlægja þannig engin tala komi tvisvar fyrir

Einföld lausn - $N \le 200$

Viljum finna parið sem á að fjarlægja þannig engin tala komi tvisvar fyrir

Prófum alla möguleika, fyrir hvert gildi á i þannig $1 \le i \le \frac{n}{2} + 1$.

Einföld lausn - $N \le 200$

Viljum finna parið sem á að fjarlægja þannig engin tala komi tvisvar fyrir

Prófum alla möguleika, fyrir hvert gildi á i þannig $1 \le i \le \frac{n}{2} + 1$.

Látum eins og stak á vísi *i* sé ekki tekið með.

Einföld lausn - $N \le 200$

Viljum finna parið sem á að fjarlægja þannig engin tala komi tvisvar fyrir

Prófum alla möguleika, fyrir hvert gildi á i þannig $1 \le i \le \frac{n}{2} + 1$.

Látum eins og stak á vísi *i* sé ekki tekið með. Gáum hvort eitthvað gildi komi fyrir í tveimur mismunandi pörum.

Einföld lausn - N < 200

Viljum finna parið sem á að fjarlægja þannig engin tala komi tvisvar fyrir

Prófum alla möguleika, fyrir hvert gildi á *i* þannig

 $1 \le i \le \tfrac{n}{2} + 1.$

Látum eins og stak á vísi *i* sé ekki tekið með. Gáum hvort eitthvað gildi komi fyrir í tveimur mismunandi pörum.

Ef ekkert gildi kemur fyrir í tveim mismunandi pörum þá fundum við svarið.

```
Kóði
```

```
n = int(input())
   pairs = [tuple(map(int, input().split())) for i in range(n//2+1)]
   for i in range(len(pairs)):
4
        for j in range(len(pairs)):
6
            for k in range(j+1,len(pairs)):
8
9
                if (pairs[j][0] in pairs[k] or
                    pairs[j][1] in pairs[k]):
                    conflict = True
14
            print("{} {}".format(*sorted(pairs[i])))
16
```

Tímaflækjan er $\mathcal{O}(n^3)$.

Bætt lausn - *N* ≤ 5000

Óþarfi að bera saman sérhvert par við sérhvert annað par

Bætt lausn - $N \le 5000$

Óþarfi að bera saman sérhvert par við sérhvert annað par Höldum frekar utan um stök sem við höfum séð áður með bool fylki

Bætt lausn - N < 5000

Óþarfi að bera saman sérhvert par við sérhvert annað par Höldum frekar utan um stök sem við höfum séð áður með bool fylki

Frumstillum bool fylkið þannig öll stök séu óséð, með False

Bætt lausn - N < 5000

Óþarfi að bera saman sérhvert par við sérhvert annað par Höldum frekar utan um stök sem við höfum séð áður með bool fylki

Frumstillum bool fylkið þannig öll stök séu óséð, með False Rennum í gegnum öll pör og gáum hvort við höfum séð annað stak parsins

Bætt lausn - $N \le 5000$

Óþarfi að bera saman sérhvert par við sérhvert annað par Höldum frekar utan um stök sem við höfum séð áður með bool fylki

Frumstillum bool fylkið þannig öll stök séu óséð, með False Rennum í gegnum öll pör og gáum hvort við höfum séð annað stak parsins

Ef stak hefur sést áður þá er ekki svar hér, annars merkjum við stökin í bool fylkinu með True

Kóði

Tímaflækjan er $\mathcal{O}(n^2)$.

Full lausn

Óþarfi að prófa að fjarlægja sérhvert par

Full lausn

Óþarfi að prófa að fjarlægja sérhvert par Í upprunalega listanum kom hvert stak fyrir einu sinni

Full lausn

Óþarfi að prófa að fjarlægja sérhvert par Í upprunalega listanum kom hvert stak fyrir einu sinni Stökin í parinu sem var bætt við koma því fyrir tvisvar

Kóði

```
from collections import Counter
n = int(input())
pairs = [tuple(map(int, input().split())) for i in range(n//2+1)]
c = Counter()
for a,b in pairs:
    c[a] += 1
    c[b] += 1
a, b = c.most_common(2)
a,b = a[0], b[0]
if b < a:
    a, b = b, a
print("{} {}".format(a, b))</pre>
```

Tímaflækjan er $\mathcal{O}(n)$.

Samlokur

Dæmið

Pú átt n samlokur sem hafa allar gæðagildi ásamt því að renna út á tilteknum tíma. Pú borðar tvær samlokur á dag og samtals gæðigildi þeirra þarf að vera meira en 8 og þú vilt ekki borða samlokur með gæðagildi lægra en 4. Geturðu fundið út í hvaða röð skal borða samlokurnar til að láta þær endast í k daga.

Samlokur

Lausn

- Hugsum þetta aftur á bak. Í staðinn fyrir að samlokur renni út á tilteknum degi þá verða þær aðgengilegar á þeim degi.
- Skiptum samlokunum í þrjá flokka: þær sem hafa gæðagildi minna en 4, þær sem hafa gæðagildi 4 og þær sem hafa gæðagildi meira en 4.
- Við viljum aldrei borða samloku í fyrsta flokkinum. Við viljum alltaf gera eitt af tvennu:
 - Borða tvær samlokur úr þriðja flokknum.
 - Borða eina samloku í öðrum flokknum og eina samloku í þriðja flokknum.

Samlokur

Lausn

- Ein leið til að leysa þetta er með kvikri bestun.
- Látum fallið f(j, x, y) tákna hvort við getum enst fyrstu j dagana ef við höfum, á j-ta degi, x samlokur í öðrum flokknum og y samlokur í þriðja flokknum.
- Við fáum þá að f(j, x, y) er satt þá og því aðeins að f(j-1, x-1, y-1) eða f(j-1, x, y-2) sé satt.
- Þessi lausn er $O(k \cdot n^2)$ og fær 40 stig. En nú ákvarðast y í f(j, x, y) útfrá j og x, svo það er hægt gera lausnina $O(n \cdot k)$ og fá fyrir það 60 stig.
- En hvernig fáum við 100 stig?
- Við getum leyst þetta gráðugt. Við borðum alltaf samloku með gæðagildi 4 ef við getum.
- ▶ Þá fáum við lausn sem er O(n+k) sem gefur 100 stig.

Ríkjafræði

Dæmið

Gefið er net á *n* hnútum með *m* leggjum sem hafa hvert þrívíðan vigur sem vigt. Eru til tvær leiðir milli staða sem hafa ólíka summu vigta?

Ríkjafræði

Dæmið

Gefið er net á *n* hnútum með *m* leggjum sem hafa hvert þrívíðan vigur sem vigt. Eru til tvær leiðir milli staða sem hafa ólíka summu vigta?

Lausn

- Ef við festum einhvern einn hnút sem grunnpunkt og segjum að hann sé (0,0,0) getum við reiknað út hvar aðrir hnútar eru útfrá vigtum leggjanna.
- Ef allar leiðir gefa sömu summuna ætti þetta að gefa gildi á öllum hnútum sem samræmist öllum leggjum.
- Þurfum samt að passa að velja slíkan grunnpunkt í hverjum samhengisþætti ef netið er ekki samanhangandi.

Ríkjafræði

Lausn

- Það dugar því að keyra eitt DFS í hverjum samhengisþætti. Notum leggina í DFS spanntrénu til að setja gildi hnútanna. Skilum svo false ef einhver leggur utan spanntrésins samræmist ekki útreiknuðum gildum.
- Petta er $\mathcal{O}(n+m)$ sem er nógu hratt og gefur því 100 stig.

Dæmið

m manns eru að reyna komast yfir *n* glerbrúarskref. Í hverju skrefi eru helmingslíkur að fremsti maður deyji. Hver er væntur fjöldi manns sem kemst alla leið yfir?

Dæmið

m manns eru að reyna komast yfir *n* glerbrúarskref. Í hverju skrefi eru helmingslíkur að fremsti maður deyji. Hver er væntur fjöldi manns sem kemst alla leið yfir?

Lausn

- Látum f(n, m) vera svarið fyrir n, m. Sjáum að ef engin skref eru eftir lifa allir af og ef engir eru eftir lifir enginn af. P.e.a.s. f(0, m) = m og f(n, 0) = 0.
- Fyrir önnur gildi á n, m þá mun skrefum áfallt fækka um einn, í helming skipta fækkar mönnum um einn þar að auki. Þ.e. f(n, m) = f(n 1, m)/2 + f(n 1, m 1)/2.

Lausn

- Endurkvæm lausn sem reiknar þetta fær 60 stig. Til að fá fleiri þarf að gera þetta hraðar.
- Ef við byrjum í (n, m) munum við fara endurkvæmt í (n-2, m-2) sex sinnum og reikna sama gildið í hvert sinn. Ef við geymum öll útreiknuðu f(n, m) gildin í töflu og reiknum þau bara einu sinni hvert verður lausnin mun hraðari, þ.e. $\mathcal{O}(nm)$. Þetta gefur 80 stig.

Lausn

- Loks skoðum við hvað þarf til að fá 100 stig. Sjáum að endurkvæmu köllin enda alltaf í f(0,k) og vinna sig svo aftur upp. Enn fremur tekur alltaf n skref til að komast þangað. Þar með bætist $k/2^n$ við svarið í hvert sinn sem við endum í f(0,k). En hversu oft endum við í f(0,k) ef við byrjum í (n,m)?
- Tökum n skref og viljum að m-k þeirra séu tilfelli þar sem einhver deyr. Það eru því $\binom{n}{m-k}$ leiðir til þess.
- Svarið er því

$$\frac{1}{2^n} \sum_{k=0}^m k \binom{n}{m-k}$$

sem reikna má nógu hratt til að fá 100 stig.

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Sýnidæmi

Inntak Úttak

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Inntak	Úttak
5	
	Z
0	

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Inntak	Úttak
5	
	Z
0	DIZ
	PIZ

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Sýnidæmi

Inntak	Úttak
5	_
	Z
0	סוס
1	PIZ

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Sýnidæmi

Inntak	Úttak
5	
•	Z
0	PIZ
1	1 12
	PIZZA

Dæmið

Gefin er lengd leyniorðs sem inniheldur einungis stafina {"P", "I", "Z", "A"}. Við getum spurt hvort orð sé forskeyti af leyniorðinu og viljum finna leyniorðið í sem fæstum giskum.

Sýnidæmi

Inntak	Úttak
5	
•	Z
0	PIZ
1	ГІ
•	PIZZA
2	

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "P" við.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "₽" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "₽" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Svo prófum við að bæta "Z" við.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "₽" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Svo prófum við að bæta "Z" við.

Loks prófum við að bæta "A" við.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "₽" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Svo prófum við að bæta "z" við.

Loks prófum við að bæta "A" við.

Þegar réttur stafur er fundinn er honum bætt við forskeytið.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "₽" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Svo prófum við að bæta "Z" við.

Loks prófum við að bæta "A" við.

Þegar réttur stafur er fundinn er honum bætt við forskeytið.

Þetta tekur í versta falli 4N gisk.

Einföld lausn - ≤ 4N gisk

Ef við erum með rétt forskeyti getum við fundið næsta staf með því að prófa að bæta hverjum staf við forskeytið.

Fyrst prófum við að bæta "P" við.

Næst prófum við að bæta "I" við.

Svo prófum við að bæta "Z" við.

Loks prófum við að bæta "A" við.

Þegar réttur stafur er fundinn er honum bætt við forskeytið.

Þetta tekur í versta falli 4N gisk.

Hvernig getum við gert betur?

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf.

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf. Prófum að bæta "P" við en það er ekki rétt.

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf.

Prófum að bæta "P" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "I" við en það er ekki rétt.

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf.

Prófum að bæta "P" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "I" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "Z" við en það er ekki rétt.

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf.

Prófum að bæta "P" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "I" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "z" við en það er ekki rétt.

Purfum ekki að prófa bæta "A" við. "A" verður að vera næsti stafur.

Bætt lausn - $\leq 3N + 1$ gisk

Við erum með rétt forskeyti og erum að finna næsta staf.

Prófum að bæta "P" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "I" við en það er ekki rétt.

Prófum að bæta "z" við en það er ekki rétt.

Purfum ekki að prófa bæta "A" við. "A" verður að vera næsti stafur.

Petta tekur í versta falli 3N + 1 gisk.

Bætt lausn - ≤ 2.75N gisk

Gallinn við að giska alltaf á næsta staf í sömu röð er að það er auðvelt að búa til leyniorð sem þarf 4N gisk.

Bætt lausn - ≤ 2.75N gisk

Gallinn við að giska alltaf á næsta staf í sömu röð er að það er auðvelt að búa til leyniorð sem þarf 4N gisk.

Ef við giskum á næsta staf í handahófskenndri röð þá er væntifjöldi giska

$$\frac{1+2+3+4}{4}N = 2.5N$$

Full lausn - \leq 2.45*N* gisk

Ef við giskum á næsta staf í handahófskenndri röð

Full lausn - \leq 2.45N gisk

Ef við giskum á næsta staf í handahófskenndri röð og sleppum því að giska á fjórða stafinn

Full lausn - ≤ 2.45N gisk

Ef við giskum á næsta staf í handahófskenndri röð og sleppum því að giska á fjórða stafinn þá er væntifjöldi giska

$$\frac{1+2+3+3}{4}N = 2.25N$$

Dæmið

Erum með svokallað rennipúsl sem við viljum leysa. Hæsta talan táknar tóma plássið og svo má renna hinum reitunum með aðgerðunum U, D, L og R.

Sýnidæmi

Inntak:

2 2

2 3

1 4

Úttak:

RDLURDLU

Lausnir

Margar mismunandi og misgóðar lausnaraðferðir.

- Fyrir 10 × 10 leikborð er tala með 156 tölustafi.
- 4666310772197207634084961942813335024535798413219081 0734296481947608799996614957804470731988078259143126 8489604136118791255926054584320000000000000000000000

- Margar mismunandi og misgóðar lausnaraðferðir.
- Hóp 1 má leysa með því að framkvæma "RDLU" núll til þrisvar sinnum.

- Fyrir 10 × 10 leikborð er tala með 156 tölustafi.
- 4666310772197207634084961942813335024535798413219081 0734296481947608799996614957804470731988078259143126 8489604136118791255926054584320000000000000000000000

- Margar mismunandi og misgóðar lausnaraðferðir.
- Hóp 1 má leysa með því að framkvæma "RDLU" núll til þrisvar sinnum.
- Hægt er að nota breiddarleit (BFS) eða dýptarleit (DFS) til að finna skrefin að leystu leikborði sem ætti að ná nokkrum hópum.

- Fyrir 10 × 10 leikborð er tala með 156 tölustafi.
- 4666310772197207634084961942813335024535798413219081 0734296481947608799996614957804470731988078259143126 848960413611879125592605458432000000000000000000000000

- Margar mismunandi og misgóðar lausnaraðferðir.
- Hóp 1 má leysa með því að framkvæma "RDLU" núll til þrisvar sinnum.
- Hægt er að nota breiddarleit (BFS) eða dýptarleit (DFS) til að finna skrefin að leystu leikborði sem ætti að ná nokkrum hópum.
- Fjöldi mismunandi leikborða af stærð $n \times m$ er hinsvegar $\frac{(nm-1)!}{2}$ þannig það er of hægt fyrir stærri hópa.

- ullet Fyrir 10 imes 10 leikborð er tala með 156 tölustafi.
- 4666310772197207634084961942813335024535798413219081 0734296481947608799996614957804470731988078259143126 84896041361187912559260545843200000000000000000000000

- Margar mismunandi og misgóðar lausnaraðferðir.
- Hóp 1 má leysa með því að framkvæma "RDLU" núll til þrisvar sinnum.
- Hægt er að nota breiddarleit (BFS) eða dýptarleit (DFS) til að finna skrefin að leystu leikborði sem ætti að ná nokkrum hópum.
- Fjöldi mismunandi leikborða af stærð $n \times m$ er hinsvegar $\frac{(nm-1)!}{2}$ þannig það er of hægt fyrir stærri hópa.
- Til dæmis er fjöldi mismunandi staða fyrir 4 × 4 er 653 837 184 000 sem tæki a.m.k. klukkutíma að fara í gegnum með þessum leitaraðferðum.
- ullet Fyrir 10 imes 10 leikborð er tala með 156 tölustafi.
- 4666310772197207634084961942813335024535798413219081 0734296481947608799996614957804470731988078259143126 8489604136118791255926054584320000000000000000000000

Lausnir frh.

 Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).
- Misgóðar greiningar í boði, sumar gefa alltaf stystu lausnina.

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).
- Misgóðar greiningar í boði, sumar gefa alltaf stystu lausnina.
 - Fjöldi reita í rangri staðsetningu

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).
- Misgóðar greiningar í boði, sumar gefa alltaf stystu lausnina.
 - Fjöldi reita í rangri staðsetningu
 - Summa manhattan fjarlægða reitanna frá réttum stöðum

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).
- Misgóðar greiningar í boði, sumar gefa alltaf stystu lausnina.
 - Fjöldi reita í rangri staðsetningu
 - Summa manhattan fjarlægða reitanna frá réttum stöðum
 - og margt fleira.

- Viljum forðast að skoða of margar stöður, sérstaklega þær sem færa okkur fjær réttu lausninni.
- Til eru tvær aðferðir sem eru svipaðar fyrri leitaraðferðum: A* og IDA*.
- Til að nota þær þurfum við að geta greint stöður og gefið þeim stig eftir hversu góðar þær eru. Þetta þekkist sem brjóstvitsaðferð (e. heuristic).
- Misgóðar greiningar í boði, sumar gefa alltaf stystu lausnina.
 - Fjöldi reita í rangri staðsetningu
 - Summa manhattan fjarlægða reitanna frá réttum stöðum
 - og margt fleira.
- Með réttri brjóstvitsaðferð er hægt að nálægt fullri lausn.

Full lausn

Ef það eru tvær raðir og einn dálkur þá þurfum við í versta falli að framkvæma U.

- Ef það eru tvær raðir og einn dálkur þá þurfum við í versta falli að framkvæma U.
- Ef það eru bara tvær raðir þá viljum við leysa dálkinn lengst til vinstri.

- Ef það eru tvær raðir og einn dálkur þá þurfum við í versta falli að framkvæma U.
- Ef það eru bara tvær raðir þá viljum við leysa dálkinn lengst til vinstri.
- Ef það eru þrjár eða fleiri raðir þá viljum við leysa efstu röðina fyrst.

- Ef það eru tvær raðir og einn dálkur þá þurfum við í versta falli að framkvæma U.
- Ef það eru bara tvær raðir þá viljum við leysa dálkinn lengst til vinstri.
- Ef það eru þrjár eða fleiri raðir þá viljum við leysa efstu röðina fyrst.
- Til að leysa röð getum við leyst fyrir dálkinn lengst til vinstri, svo næst lengst til vinstri, og svo framvegis. Þurfum að leysa síðasta dálkinn í röðinni á sérstakann máta.

- Ef það eru tvær raðir og einn dálkur þá þurfum við í versta falli að framkvæma U.
- Ef það eru bara tvær raðir þá viljum við leysa dálkinn lengst til vinstri.
- Ef það eru þrjár eða fleiri raðir þá viljum við leysa efstu röðina fyrst.
- Til að leysa röð getum við leyst fyrir dálkinn lengst til vinstri, svo næst lengst til vinstri, og svo framvegis. Þurfum að leysa síðasta dálkinn í röðinni á sérstakann máta.
- Þessar reglur skilgreina endurkvæma lausnaraðferð.