

Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение  
высшего образования



**«Московский государственный технический университет  
имени Н.Э. Баумана  
(национальный исследовательский университет)»  
(МГТУ им. Н.Э. Баумана)**

---

ФАКУЛЬТЕТ    ИНФОРМАТИКА И СИСТЕМЫ УПРАВЛЕНИЯ  
КАФЕДРА      КОМПЬЮТЕРНЫЕ СИСТЕМЫ И СЕТИ (ИУ6)

**О т ч е т**  
**по лабораторной работе №1**

**Дисциплина:** Моделирование

**Название лабораторной работы:**

Моделирование Марковских процессов

Студент гр. ИУ6-52

\_\_\_\_\_ **21.10.2018**

**Бурлаков А.С.**

(Подпись, дата)

(И.О. Фамилия)

Преподаватель

\_\_\_\_\_

**Шайхутдинов А.А.**

(Подпись, дата)

(И.О. Фамилия)

Москва, 2018

## ВВЕДЕНИЕ

Задание: создать программу для моделирования Марковских процессов следующими методами: аналитическим, для непрерывного и для дискретного времени.

## ОСНОВНАЯ ЧАСТЬ

Схемы алгоритмов:

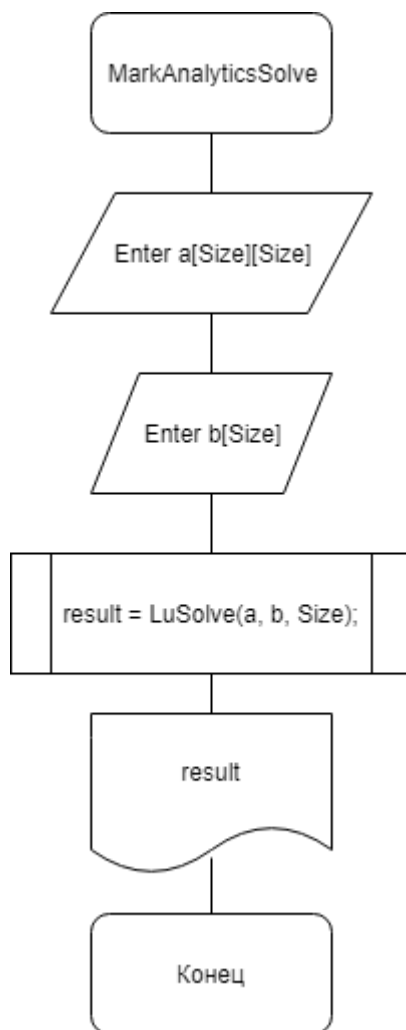


Рисунок 1 – Схема алгоритма для аналитического решения

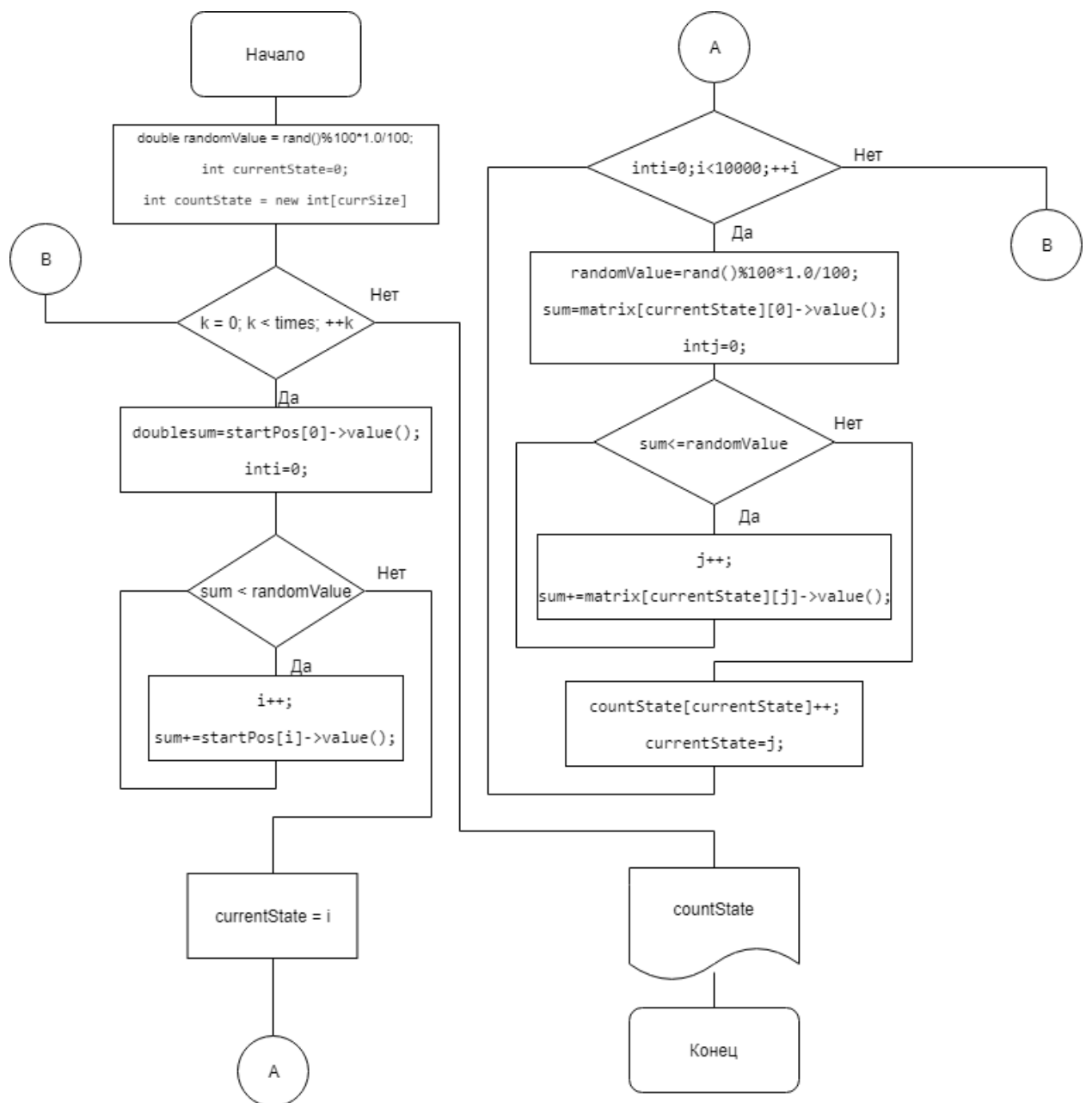


Рисунок 2 – Схема алгоритма для решения с дискретным временем

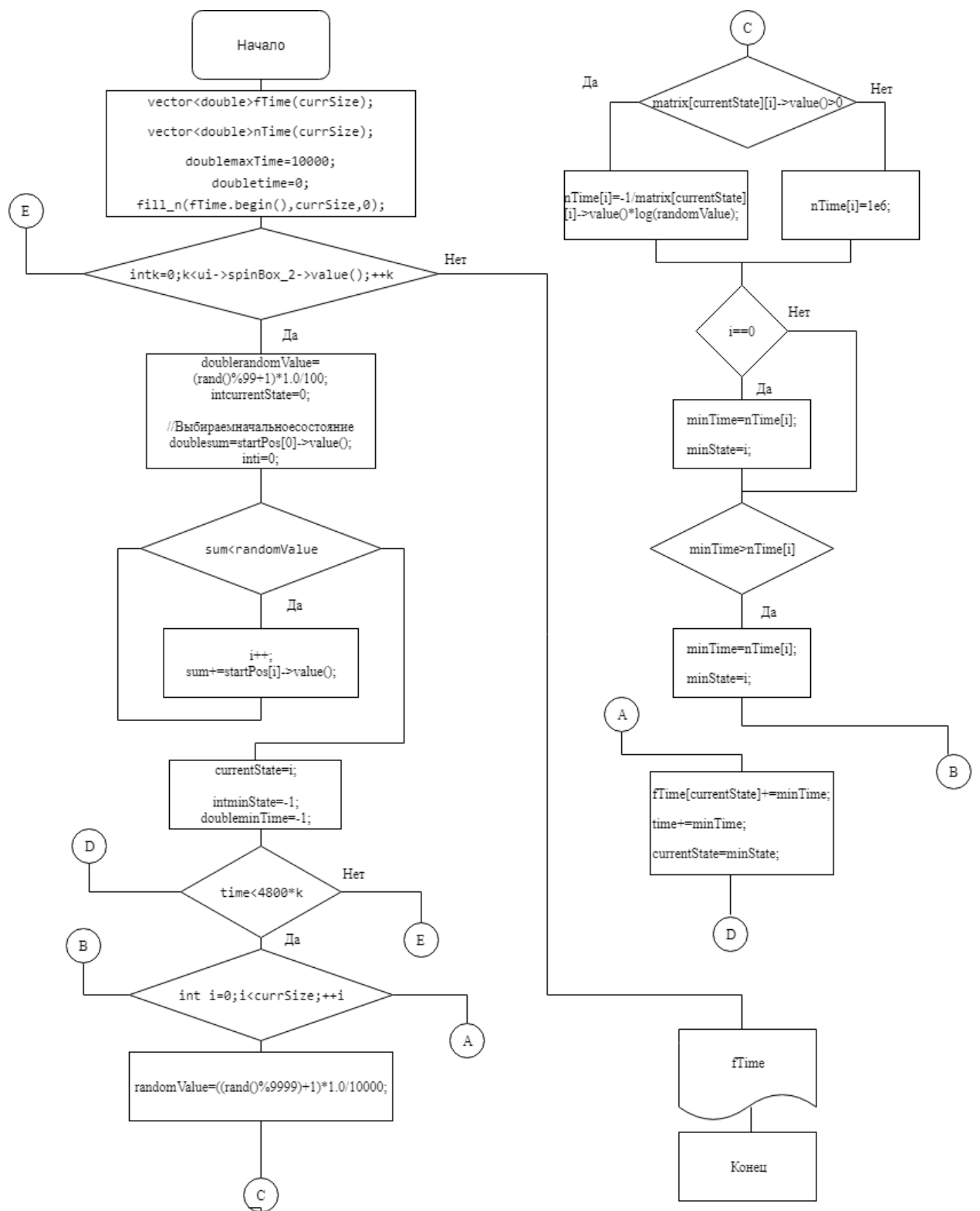


Рисунок 3 – Схема алгоритма для решения с непрерывным временем

## Код подпрограмм:

### MarkAnalyticsSolve:

```
int kSize = currSize + 1;
vector<vector<double>> a;
a.resize(kSize);
fill_n(a.begin(), kSize, vector<double>(kSize));
for (int i = 0; i < kSize - 1; ++i){
    for (int j = 0; j < kSize - 1; ++j){
        a[j][i] = matrix[i][j]->value();
        if (i == j){
            a[i][j] -= 1;
        }
    }
}
for (int i = 0; i < kSize - 2; ++i){
    a[kSize - 1][i] = 1;
}
vector<double> b;

b.resize(kSize);
fill_n(b.begin(), kSize, 0);
b[kSize - 1] = 1;

vector<double> result1 = LuSolve(a, b, kSize);
for (int i = 0; i < kSize; ++i){
    finale_2[i]->setValue(result1[i]);
}
```

### MarkDiscretTime:

```
// Метод 1
double randomValue = rand() % 100 * 1.0 / 100;
int currentState = 0;

// Назначение массива (Сколько раз был в состоянии)
int *countState = new int[currSize];
for (int i = 0; i < currSize; ++i)
    countState[i] = 0;

// Начало решения
for (int k = 0; k < ui->spinBox_2->value(); ++k){
    // Установка начального состояния
    double sum = startPos[0]->value();
    int i = 0;
    while (sum < randomValue){
        i++;
        sum += startPos[i]->value();
    }
    currentState = i;

    // Решение
    for (int i = 0; i < 10000; ++i){
        randomValue = rand() % 100 * 1.0 / 100;
        sum = matrix[currentState][0]->value();
        int j = 0;
        while (sum <= randomValue){
            j++;
            sum += matrix[currentState][j]->value();
        }
        countState[currentState]++;
        currentState = j;
    }
}
```

```
// Вывод финальных вероятностей
for (int i = 0; i < currSize; ++i){
    finale_1[i]->setValue(countState[i] * 1.0 / (10000 * ui->spinBox_2->value()));
}
}
```

## MarkEndlessTime:

```
vector<double> fTime(currSize);
vector<double> nTime(currSize);
double maxTime = 10000;
double time = 0;
// Обнуление переменных
fill_n(fTime.begin(), currSize, 0);
for (int k = 0; k < ui->spinBox_2->value(); ++k){
    double randomValue = rand() % 100 * 1.0 / 100;
    int currentState = 0;

    // Выбираем начальное состояние
    double sum = startPos[0]->value();
    int i = 0;
    while (sum < randomValue){
        i++;
        sum += startPos[i]->value();
    }
    currentState = i;

    int minState = -1;
    double minTime = -1;
    // Имитируем работу в течении n-ого времени
    while (time < 4800 * k){
        for (int i = 0; i < currSize; ++i){
            randomValue = (rand() % 9999) * 1.0 / 10000;
            if (matrix[currentState][i]->value() > 0)
                nTime[i] = - 1 / matrix[currentState][i]->value() * log(randomValue);
            else
                nTime[i] = 100;
            if (i == 0){
                minTime = nTime[i];
                minState = i;
            }
            if (minTime > nTime[i]){
                minTime = nTime[i];
                minState = i;
            }
        }
        fTime[currentState] += minTime;
        time += minTime;
        currentState = minState;
    }
}
cout << "start" << endl;
for (int i = 0; i < currSize; ++i){
    finale_3[i]->setValue(fTime[i] / time);
    cout << fTime[i] << endl;
}
}
```

MainWindow

Введите размерность матрицы: 4 Количество повторений моделирования: 10 Узнать фин.вероятности

Ввод матрицы вероятности начальных состояний

0,750 0,200 0,050 0,000

Ввод матрицы вероятностей переходов

Экспериментально Аналитически Непрерывное время

Лог ошибок

0,000 0,300 0,600 0,100 0,000 0,000 0,000

0,400 0,000 0,600 0,000 0,000 0,000 0,000

0,000 0,500 0,500 0,000 0,000 0,000 0,000

0,000 0,000 1,000 0,000 0,000 0,000 0,000

Рисунок 4 – Пользовательский интерфейс

### Тестирование программы

Входные данные:

|      | [0]  | [1] | [2]  | [3] |
|------|------|-----|------|-----|
| a[0] | 0    | 0,3 | 0,6  | 0,1 |
| a[1] | 0,4  | 0   | 0,6  | 0   |
| a[2] | 0    | 0,5 | 0,5  | 0   |
| a[3] | 0    | 0   | 1    | 0   |
| p0   | 0,75 | 0,2 | 0,05 | 0   |

Выходные данные:

| Номер теста | Правильно   | Аналитический  | Дискретное время                                    | Непрерывное время                                    |
|-------------|---|--|---|--|
| 1           | p0 = 0.125<br>p1 = 0.3125<br>p2 = 0.55<br>p3 = 0.0125 | p0 = 0.127<br>p1 = 0.316<br>p2 = 0.557<br>p3 = 0.013 | p0 = 0.125<br>p1 = 0.313<br>p2 = 0.55<br>p3 = 0.013 | p0 = 0.125<br>p1 = 0.311<br>p2 = 0.552<br>p3 = 0.013 |

## **ЗАКЛЮЧЕНИЕ**

1. В программной среде Qt creator написана программа, позволяющая смоделировать марковские процессы аналитически, с дискретным и с непрерывным временем;
2. Программа протестирована. Тестирование показало правильность работы программы.