# Multifunkční závislosti a závislosti na spojení

## Multifunkční závislosti

Multifunkční závislosti (dále jen MFZ) spadají pod plná omezení (*full constraint*), to znamená, že se nějak týkají všech atributů relace, také spadají mezi závislosti generující n-tice (*tuple-generating dependency*), které vyžadují existenci určitých n-tic. Nakonec zmíním, že je to speciální (binární) případ závislosti na spojení, protože to bude až v druhé polovině.

Předpoklad pro existenci MFZ je, že v relaci musí být nejméně tři atributy, např. A, B, C, a pro určitou hodnotu A musí existovat dobře definované množiny hodnot pro B a pro C, které ale na sobě navzájem jsou nezávislé.

### Formální definice:

Nechť S je relační schéma a  $\alpha,\beta\subseteq S$  jsou nějaké množiny atributů

MFZ  $\alpha \mapsto \beta$  můžeme číst jako " $\beta$  multizávisí na  $\alpha$ ", nebo " $\alpha$  dvojhlavá šipka  $\beta$ " a řekneme, že pro schéma S závislost platí, pokud ve všech možných relacích R nad S pro všechny dvojice n-tic t1( $\alpha$ ) = t2( $\alpha$ ) existují n-tice t3 a t4 takové, že:

$$tI(\alpha) = t2(\alpha) = t3(\alpha) = t4(\alpha)$$

$$tI(\beta) = t3(\beta)$$

$$t2(\beta) = t4(\beta)$$

$$tI(\gamma) = t4(\gamma)$$

$$t2(\gamma) = t3(\gamma)$$

$$(\gamma = S \setminus (\alpha \cup \beta))$$

Neformálně, pokud existují n-tice (a,b,c) a (a,d,e), pak musí existovat n-tice (a,b,e) a (a,d,c).

### Příklad:

V následující tabulce nad schématem  $S = \{P \check{r} edm \check{e}t, Vyu\check{e}ující, Podklady\}$  platí 2 MFZ, a to  $\{P \check{r} edm \check{e}t\} \mapsto \{Vyu\check{e}ující\}$  a  $\{P \check{r} edm \check{e}t\} \mapsto \{Podklady\}$ .

Předmět	Vyučující	Podklady
DATA	A. Kleinbaum	Intro to databases
DATA	B. Grossgras	Data for beginners
DATA	A. Kleinbaum	Data for beginners
DATA	B. Grossgras	Intro to databases

V tabulce jde dobře vidět vztah mezi prvními a druhými dvěma n-ticemi a můžeme ověřit definici. Pokud bychom chtěli k předmětu přidat další knihu, musíme přidat n-tici pro oba z vyučujících, a naopak.

### Vyplývající vlastnosti:

- Pokud α → β, pak α → (S \ β)
   Každá MFZ bude mít svoji zrcadlovou obdobu a bude jich tedy vždy sudý počet.
- Pokud α → β, pak α → β
   Každá funkční závislost je multifunkční závislostí, protože pokud jsou n-tice stejné na α i β, pak prohozením β nevzniknou nové n-tice a ty již existující splňují definici.
- Dekompozice relace R nad S do dvou relací nad (X, Y) a (X, S-Y), kde X,Y ⊆ S, je bezeztrátová právě tehdy, když v S platí X → Y.
- Stejně jako u funkčních závislostí (FZ) nemůžeme od sebe oddělit atributy na levé straně závislosti, ale narozdíl od FZ, v MFZ nemůžeme rozdělit ani pravou stranu.
- Databáze s MFZ z definice obsahují redundanci. Čtvrtá normální forma (4NF) požaduje, aby pro všechny netriviální MFZ X → Y byl X superklíč. To je zároveň jediný rozdíl mezi 4NF a BCNF.
- MFZ  $X \mapsto Y$  je triviální tehdy, pokud  $Y \subseteq X$ , nebo pokud  $X \cup Y$  je celé schéma S.

Zdroj: Multivalued dependency - Wikipedia

# Závislosti na spojení

Relaci lze získat spojením relací, jejichž schéma je dekompozicí schématu původní relace. Zapisujeme  $*(R_1, R_2, ..., R_n)$ , kde  $R_1, R_2, ..., R_n$ tvoří dekompozici R.

Závislost na spojení  $*(R_1, R_2, ..., R_n)$  platí vždy, je-li některá z podmnožin atributů  $R_1, R_2, ..., R_n$  rovna množině atributů A relace R, pak se toto spojení nazývá triviální.

Rozložení relace R na relace  $R_1, R_2, ..., R_n \in R$ . Musí být bezeztrátové a zachovávat závislosti původní relace.

Vztahy v závislosti na spojení jsou na sobě nezávislé.

Hraje podstatnou roli v 5NF.

5NF (5th Normal Form) = PJNF (Project Join Normal Form)

- Atomické hodnoty, unikátní jména atributů (1NF)
- žádné částečných závislostí (2NF)
- žádné tranzitivní závislosti (3NF)
- žádné multifunkční závislosti (4NF)
- žádné závislosti na spojení (5NF)

Pokud původní relace R nemůže být složena z dekompozicí schématu původní relace R (není závislé na spojení), je v 5NF a nejde rozložit.

Pokud původní relace R jde znovu složit z dekompozicí (je závislé na spojení), měli bychom to rozložit a mít v 5NF.

Příklad:

R

<u>Firma</u>	<u>Komponenta</u>	<u>Project</u>
GM	Motor	MPC
GM	Převodovka	125A
Honda	Motor	125A
GM	Motor	125A

# R1 (Firma + Komponenta)

<u>Firma</u>	<u>Komponenta</u>
GM	Motor
GM	Převodovka
Honda	Motor

## R2 (Komponenta + Projekt)

Komponenta	<u>Projekt</u>
Motor	MPC
Převodovka	125A
Motor	125A

# R3 (Firma + Projekt)

<u>Firma</u>	<u>Projekt</u>
GM	MPC
GM	125A
Honda	125A

Použitím join na R<sub>1</sub>, R<sub>2</sub> a R<sub>3</sub> dostaneme znovu původní relaci R.

Narozdíl od obyčejných FZ i MFZ, nemají systém dokazatelných a kompletních axiomů.

Zdroje:

Join dependency - Wikipedia

https://docplayer.cz/3373394-5-formalizace-navrhu-databaze.html