### Its Embedding after **Pretraining**

• • •

Token: '18' 0.31 0.67 1 0.65 0.33 0.01 0.68 0.72 0.81 0.93 0.62 -0.81 0.49 0.31 0.62 0.67 0.36 0.03 0.44 0.05

## **Pretrained** Number Embeddings

	18	0.31	0.67	1	0.65	0.33	0.01	0.68	0.72	0.81	0.93	0.62	-0.81	0.49	0.31	0.62	0.67	0.36	0.03	0.44	0.05
	19	0.81	0.35	-1	0.34	0.34	0.29	0.23	0.64	0.73	0.66	0.9	0.31	0.97	0.49	0.38	0.35	0.27	0.1	0.86	0.13
	20	1	0.88	1	0.08	0.22	0.22	0.54	0.91	0.06	0.51	0.94	1	0.4	0.9	0.23	0.88	0.49	0.44	0.04	0.49
	21	0.81	0.56	-1	0.68	0.95	0.71	0.98	0.14	0.54	0.75	0.91	0.31	0.14	0.54	0.28	0.56	0.11	0.37	0.54	0.18
	22	0.31	0.6	1	0.78	0.54	0.24	0.16	0.52	0.4	0.15	0.09	-0.81	0.66	0.49	0.59	0.6	0.85	0.74	0.49	0.31
Tokens	23	-0.31	0.98	-1	0.32	0.22	0.17	0.79	0.23	0.82	0.32	0.76	-0.81	0.34	0.6	0.54	0.98	0.03	0.42	0.71	0.54
	24	-0.81	0.82	1	0.83	0.3	0.32	0.48	0.24	0.02	0.5	0.57	0.31	0.24	0.19	0.59	0.82	0.55	0.67	0.25	0.44
	25	-1	0.59	-1	0.96	0.62	0.42	0.49	1	0	0.08	0.93	1	0.77	0.35	0.82	0.59	0.32	0.55	0.92	0.16
	26	-0.81	0.23	1	0.57	0.14	0.65	0.3	0.68	0.38	0.37	0.16	0.31	0.67	0.66	0.24	0.23	0.19	0.07	0.16	0.05
	27	-0.31	0.21	-1	0.77	0.02	0.54	0.41	0.73	0.1	0.69	0.19	-0.81	0.15	0.67	0.83	0.21	0.52	0.14	0.5	0.04
	28	0.31	0.12	1	0.45	0.35	0.4	0.98	0.93	0.15	0.03	0.51	-0.81	0.15	0.23	0.77	0.12	0.68	0.7	0.11	0.02
	29	0.81	0.44	-1	0.06	0.06	0.64	0.29	0.19	0.6	0.55	0.89	0.31	0.59	0.45	0.76	0.44	0.33	0.28	0.25	0.93

• • •

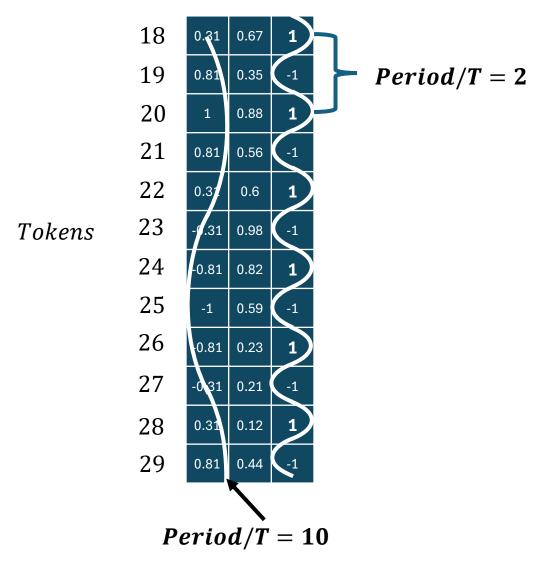
## There is a <u>periodic</u> pattern in the pretrained number embeddings!

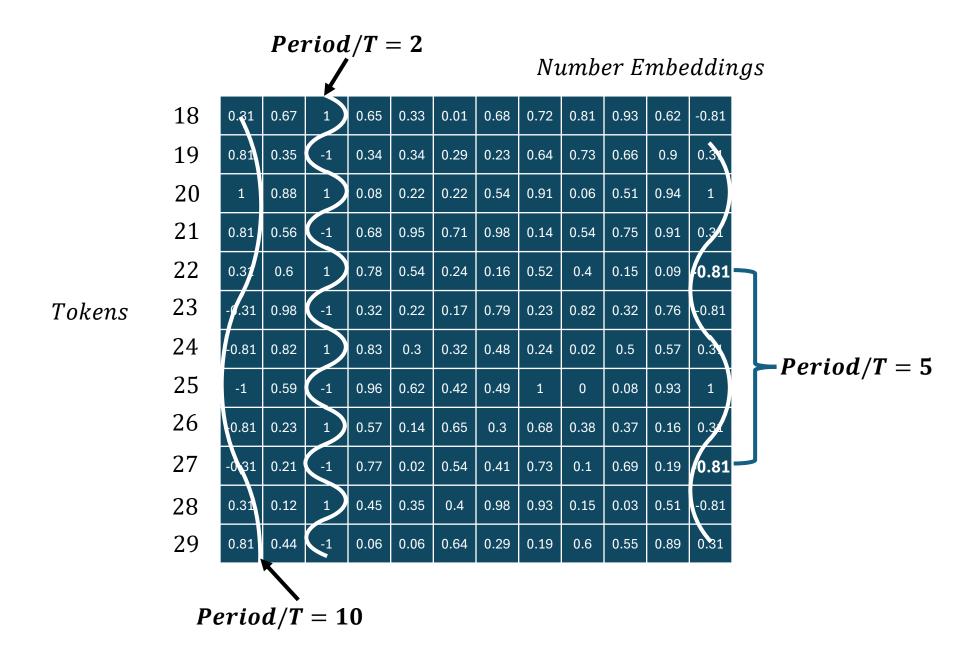
#### Pretrained Number Embeddings

	18	0.31	0.67	1	0.65	0.33	0.01	0.68	0.72	0.81	0.93	0.62	-0.81	0.49	0.31	0.62	0.67	0.36	0.03	0.44	0.05
Tokens	19	0.81	0.35	-1	0.34	0.34	0.29	0.23	0.64	0.73	0.66	0.9	0.3	0.97	0.49	0.38	0.35	0.27	0.1	0.86	0.13
	20	1	0.88	1	0.08	0.22	0.22	0.54	0.91	0.06	0.51	0.94	1	0.4	0.9	0.23	0.88	0.49	0.44	0.04	0.49
	21	0.81	0.56	-1	0.68	0.95	0.71	0.98	0.14	0.54	0.75	0.91	0.31	0.14	0.54	0.28	0.56	0.11	0.37	0.54	0.18
	22	0.3	0.6	1	0.78	0.54	0.24	0.16	0.52	0.4	0.15	0.09	0.81	0.66	0.49	0.59	0.6	0.85	0.74	0.49	0.31
	23	-1.31	0.98	-1	0.32	0.22	0.17	0.79	0.23	0.82	0.32	0.76	-0.81	0.34	0.6	0.54	0.98	0.03	0.42	0.71	0.54
	24	-0.81	0.82	1	0.83	0.3	0.32	0.48	0.24	0.02	0.5	0.57	0.31	0.24	0.19	0.59	0.82	0.55	0.67	0.25	0.44
	25	-1	0.59	-1	0.96	0.62	0.42	0.49	1	0	0.08	0.93	1	0.77	0.35	0.82	0.59	0.32	0.55	0.92	0.16
	26	0.81	0.23	1	0.57	0.14	0.65	0.3	0.68	0.38	0.37	0.16	0.31	0.67	0.66	0.24	0.23	0.19	0.07	0.16	0.05
	27	-031	0.21	-1	0.77	0.02	0.54	0.41	0.73	0.1	0.69	0.19	0.81	0.15	0.67	0.83	0.21	0.52	0.14	0.5	0.04
	28	0.31	0.12	1	0.45	0.35	0.4	0.98	0.93	0.15	0.03	0.51	-0.81	0.15	0.23	0.77	0.12	0.68	0.7	0.11	0.02
	29	0.81	0.44	$igcup_{-1}$	0.06	0.06	0.64	0.29	0.19	0.6	0.55	0.89	0.31	0.59	0.45	0.76	0.44	0.33	0.28	0.25	0.93

•••

#### Number Embeddings





			Pe	riod	<b>!</b> /T =	= 2		Number Embeddings													
	18	0.31	0.67	1	0.65	0.33	0.01	0.68	0.72	0.81	0.93	0.62	-0.81	0.49	0.31	0.62	0.67	0.36	0.03	0.44	0.05
	19	0.81	0.35	-1	0.34	0.34	0.29	0.23	0.64	0.73	0.66	0.9	0.3	0.97	0.49	0.38	0.35	0.27	0.1	0.86	0.13
	20	1	0.88	1	0.08	0.22	0.22	0.54	0.91	0.06	0.51	0.94	1	0.4	0.9	0.23	0.88	0.49	0.44	0.04	0.49
	21	0.81	0.56	-1	0.68	0.95	0.71	0.98	0.14	0.54	0.75	0.91	0.31	0.14	0.54	0.28	0.56	0.11	0.37	0.54	0.18
	22	0.3	0.6	1	0.78	0.54	0.24	0.16	0.52	0.4	0.15	0.09	-0.81	0.66	0.49	0.59	0.6	0.85	0.74	0.49	0.31
Tokens	23	-(.31	0.98	-1	0.32	0.22	0.17	0.79	0.23	0.82	0.32	0.76	-0.81	0.34	0.6	0.54	0.98	0.03	0.42	0.71	0.54
	24	-0.81	0.82	1	0.83	0.3	0.32	0.48	0.24	0.02	0.5	0.57	0.31	0.24	0.19	0.59	0.82	0.55	0.67	0.25	0.44
	25	-1	0.59	-1	0.96	0.62	0.42	0.49	1	0	0.08	0.93	1	0.77	0.35	0.82	0.59	0.32	0.55	0.92	0.16
	26	0.81	0.23		0.57	0.14	0.65	0.3	0.68	0.38	0.37	0.16	0.31	0.67	0.66	0.24	0.23	0.19	0.07	0.16	0.05
	27	-031	0.21	-1	0.77	0.02	0.54	0.41	0.73	0.1	0.69	0.19	-0.81	0.15	0.67	0.83	0.21	0.52	0.14	0.5	0.04
	28	0.31	0.12	1	0.45	0.35	0.4	0.98	0.93	0.15	0.03	0.51	-0.81	0.15	0.23	0.77	0.12	0.68	0.7	0.11	0.02
	29	0.81	0.44	-1	0.06	0.06	0.64	0.29	0.19	0.6	0.55	0.89	0.31	0.59	0.45	0.76	0.44	0.33	0.28	0.25	0.93
Period/T = 10												: <i>P</i> (	erio	d/T	′ = 5	5					

• • •

# We extend these waves to obtain the embedding for all numbers.

18	0.31	0.67	1	0.65	0.33	0.01	0.68	0.72	0.81	0.93	0.62	-0.81	0.49	0.31	0.62	0.67	0.36	0.03	0.44	0.05
19	0.81	0.35	-1	0.34	0.34	0.29	0.23	0.64	0.73	0.66	0.9	0.3	0.97	0.49	0.38	0.35	0.27	0.1	0.86	0.13
20	1	0.88	1	0.08	0.22	0.22	0.54	0.91	0.06	0.51	0.94	1	0.4	0.9	0.23	0.88	0.49	0.44	0.04	0.49
21	0.81	0.56	-1	0.68	0.95	0.71	0.98	0.14	0.54	0.75	0.91	0.31	0.14	0.54	0.28	0.56	0.11	0.37	0.54	0.18
22	0.3	0.6	1	0.78	0.54	0.24	0.16	0.52	0.4	0.15	0.09	-0.81	0.66	0.49	0.59	0.6	0.85	0.74	0.49	0.31
23	-3.31	0.98	-1	0.32	0.22	0.17	0.79	0.23	0.82	0.32	0.76	-0.81	0.34	0.6	0.54	0.98	0.03	0.42	0.71	0.54
24	-0.81	0.82	1	0.83	0.3	0.32	0.48	0.24	0.02	0.5	0.57	0.3	0.24	0.19	0.59	0.82	0.55	0.67	0.25	0.44
25	-1	0.59	-1	0.96	0.62	0.42	0.49	1	0	0.08	0.93	1	0.77	0.35	0.82	0.59	0.32	0.55	0.92	0.16
26	0.81	0.23	1)	0.57	0.14	0.65	0.3	0.68	0.38	0.37	0.16	0.31	0.67	0.66	0.24	0.23	0.19	0.07	0.16	0.05
27	-0\31	0.21	-1	0.77	0.02	0.54	0.41	0.73	0.1	0.69	0.19	0.81	0.15	0.67	0.83	0.21	0.52	0.14	0.5	0.04
28	0.31	0.12	1	0.45	0.35	0.4	0.98	0.93	0.15	0.03	0.51	-0.81	0.15	0.23	0.77	0.12	0.68	0.7	0.11	0.02
29	0.81	0.44	-1	0.06	0.06	0.64	0.29	0.19	0.6	0.55	0.89	0.31	0.59	0.45	0.76	0.44	0.33	0.28	0.25	0.93
30																				
31																				
32																				

## We extend these waves to obtain the embedding for all numbers.

18	0.31	0.67	1	0.65	0.33	0.01	0.68	0.72	0.81	0.93	0.62	-0.81	0.49	0.31	0.62	0.67	0.36	0.03	0.44	0.05
19	0.81	0.35	-1	0.34	0.34	0.29	0.23	0.64	0.73	0.66	0.9	0.3	0.97	0.49	0.38	0.35	0.27	0.1	0.86	0.13
20	1	0.88	1	0.08	0.22	0.22	0.54	0.91	0.06	0.51	0.94	1	0.4	0.9	0.23	0.88	0.49	0.44	0.04	0.49
21	0.81	0.56	-1	0.68	0.95	0.71	0.98	0.14	0.54	0.75	0.91	0.31	0.14	0.54	0.28	0.56	0.11	0.37	0.54	0.18
22	0.31	0.6	1	0.78	0.54	0.24	0.16	0.52	0.4	0.15	0.09	-0.81	0.66	0.49	0.59	0.6	0.85	0.74	0.49	0.31
23	31	0.98	-1	0.32	0.22	0.17	0.79	0.23	0.82	0.32	0.76	-0.81	0.34	0.6	0.54	0.98	0.03	0.42	0.71	0.54
24	-0.81	0.82	1	0.83	0.3	0.32	0.48	0.24	0.02	0.5	0.57	0.3	0.24	0.19	0.59	0.82	0.55	0.67	0.25	0.44
25	-1	0.59	-1	0.96	0.62	0.42	0.49	1	0	0.08	0.93	1	0.77	0.35	0.82	0.59	0.32	0.55	0.92	0.16
26	0.81	0.23	1	0.57	0.14	0.65	0.3	0.68	0.38	0.37	0.16	0.3	0.67	0.66	0.24	0.23	0.19	0.07	0.16	0.05
27	-0 31	0.21	-1	0.77	0.02	0.54	0.41	0.73	0.1	0.69	0.19	0.81	0.15	0.67	0.83	0.21	0.52	0.14	0.5	0.04
28	0.31	0.12	1	0.45	0.35	0.4	0.98	0.93	0.15	0.03	0.51	-0.81	0.15	0.23	0.77	0.12	0.68	0.7	0.11	0.02
29	0.81	0.44	-1	0.06	0.06	0.64	0.29	0.19	0.6	0.55	0.89	0.31	0.59	0.45	0.76	0.44	0.33	0.28	0.25	0.93
30																				
•••																				
9534	0.81		1									0.81								

That's where FoNE comes from