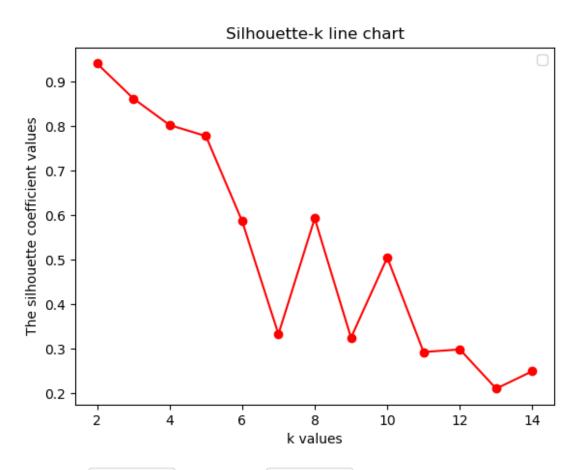
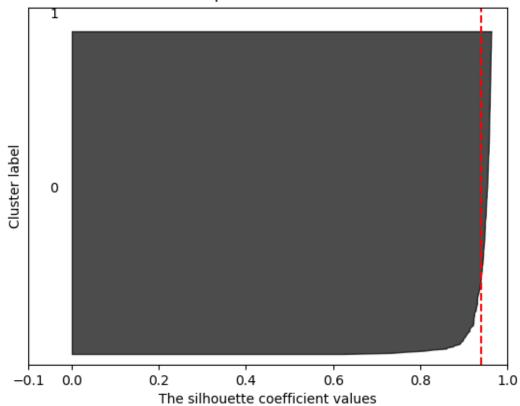
a)



以k值为横轴、Silhouette 系数值为y轴,Silhouette 系数值-k值的函数图。可以看出k=2的时候,Silhouette 系数分数最高,说明该情况下分类最好。下面几张图是当 $n_cluster$ 为某一具体值时,每一个数据的分类情况。

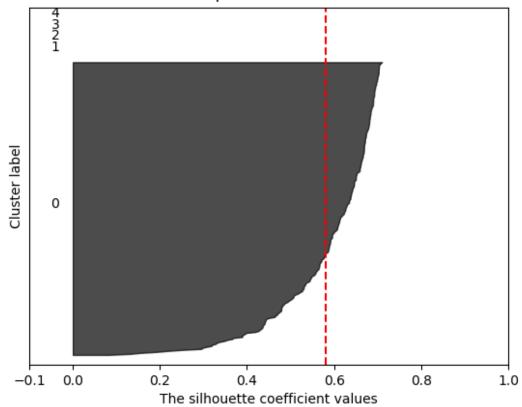
Silhouette analysis for KMeans with n_clusters = 2

The silhouette plot for the various clusters.



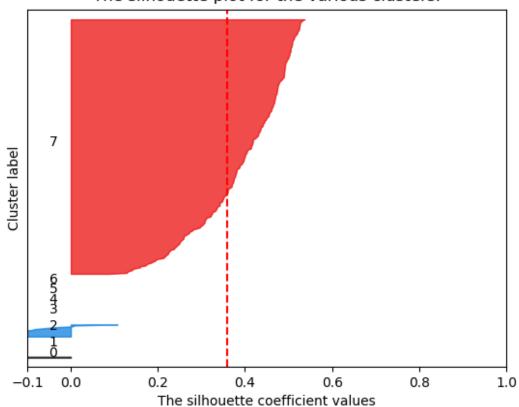
Silhouette analysis for KMeans with n_clusters = 5

The silhouette plot for the various clusters.



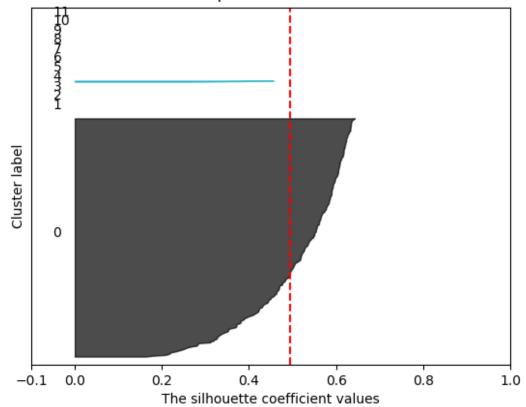
Silhouette analysis for KMeans with $n_{clusters} = 8$

The silhouette plot for the various clusters.



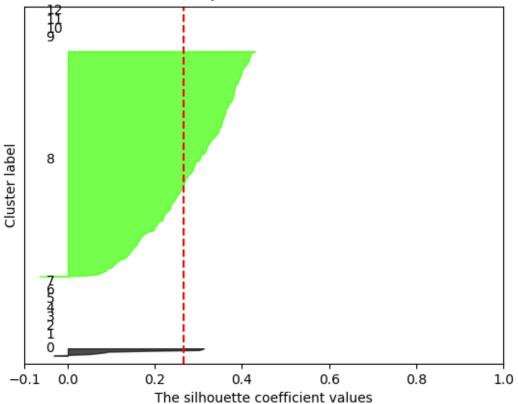
Silhouette analysis for KMeans with n_clusters = 12

The silhouette plot for the various clusters.



Silhouette analysis for KMeans with n_clusters = 13

The silhouette plot for the various clusters.



当 n_cluster 为2,5,8,12,13时, Silhouette 系数对分类的评价情况。可以看出 n_cluster=2 的时候, Silhouette 系数最大,分类最高。

b)

```
distance func: cosine
knn output(from 1 to 5): [1595131231847, 1590142242875, 2900000903944, 2900001153768, 1591015393724]
For n_clusters = 2 The average silhouette_score is : 0.9405451160975142
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 3 The average silhouette_score is : 0.8620631484570088
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 4 The average silhouette_score is : 0.8023015979279426
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 5 The average silhouette_score is : 0.5814501903605265
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 6 The average silhouette_score is : 0.32623030826890564
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 7 The average silhouette_score is : 0.7009850349837399
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 8 The average silhouette_score is : 0.35891127645152143
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 9 The average silhouette_score is : 0.3991352660722519
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 10 The average silhouette_score is : 0.4888483071573037
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 11 The average silhouette_score is : 0.3623818370632093
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 12 The average silhouette_score is: 0.49355846045910523
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 13 The average silhouette_score is : 0.2663578679322856
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
For n_clusters = 14 The average silhouette_score is : 0.2024240752294944
For k = 5 There are 5 in the same cluster as KMeans predicted
```

之前lsh的knn查询结果与输入vipno所在簇的分布情况,可以看到都在同一个簇以内。事实上,从**a)** 的结果可以看出,Kmeans算法将大部分数据(也可以说是全部)都分在同一个簇内,所以得到这样的结果是不足为奇的。

分析讨论

下面主要讨论的是K值的选择、与Ish的knn查询结果的比较、针对 sklearn 提供的Kmean函数部分 参数说明。

K值的选择

其实K值的选取在Kmeans算法中并不好把握,我这里采用的是作业中要求的 Silhouette 系数,根据其大小对K值进行选取。

这里简单说一下 Silhouette 系数计算的一个流程:

- 1. 计算样本i到同簇其他样本的平均距离 a_i 。 a_i 越小,说明样本i越应该被聚类到该簇。将 a_i 称为样本i的**簇内不相似度**。 **簇**C中所有样本的 a_i 均值称为簇C的簇不相似度。
- 2. 计算样本i到其他某簇 C_j 的所有样本的平均距离 b_{ij} ,称为样本i与簇 C_j 的不相似度。定义为样本i的**簇间不相似度**: $b_i = min(b_{i1}, b_{i2}, \ldots, b_{ik})$ b_i 越大,说明样本i 越不属于其他簇。
- 3. 定义样本i的轮廓系数:

$$s_i = rac{b_i - a_i}{max(b_i, a_i)}$$

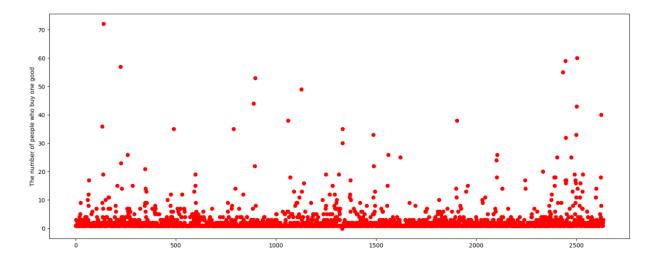
4. s_i 接近1,则说明样本i聚类合理; s_i 接近-1,则说明样本i更应该分类到另外的簇;若 s_i 近似为 0,则说明样本i在两个簇的边界上。

sklearn 提供了直接计算 Silhouette 系数的方法,经过计算后作出的折线图和 n_cluster 为某一具体值时, Silhouette 系数对于每一个数据的图如前面所示。显然我们可以看出,当K取到2的时候,系数的得分越接近1。虽然说整个系数图在左侧,仍然有上申的趋势,但是K不可能再取到1了,这样就没有了意义,所以单纯从 Silhouette 系数来看,K取2是一个很好的选择。

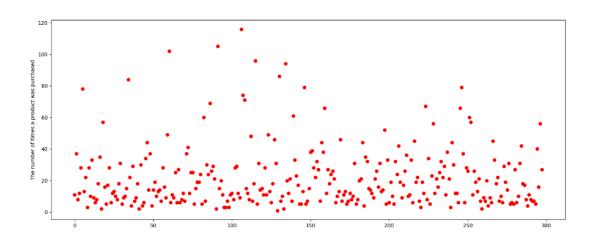
与Ish的knn查询结果的比较

这里的比较虽然我们可以得出,比较之前lsh的knn查询结果与输入vipno所在簇的分布情况,可以看到都在同一个簇以内,但得出这样的结论存在着一个问题,这主要是因为Kmeans将所有的数据基本上都聚到了同一个类中。

对于为什么Kmeans聚类效果不好,参考了数据的实际情况后,我还是认为数据的原因,把**q1**问的矩阵提取出来进行分析,会发现针对某一个用户,基本上都是只购买了2000多种商品中的极少几种,而且也没有都喜爱的商品,这一点可以通过如下的统计来反映:



这张图统计了对于每一件商品,其被购买的次数。绝大部分的商品被购买的次数都是集中在0-10次。



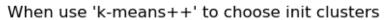
这张图统计了不同用户的购买次数,可以看出来是十分分散的。

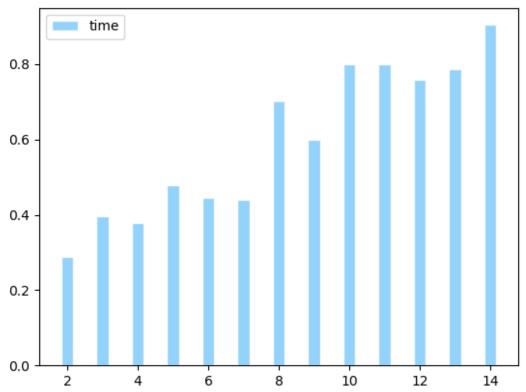
当然,上述的结果只是一个感性的简单分析,不能算是十分的准确,不过总的来说,结论就是数据的稀疏以及不相关性较大导致了Kmeans的聚类结果。还有一种可能是Kmeans并不适合这份数据。不过后来我在做**q3**时,发现DBScan也不能分出结果,然后尝试进行了降维,额,还是数据背锅吧。详细的降维我会在**q3**描述。

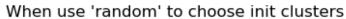
部分参数说明

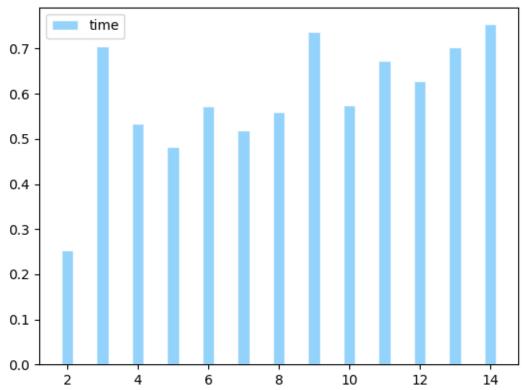
- init: 即初始值选择的方式,这里较好的方式是 k-means++ 。它主要是对初始的K个质心进行了选择优化,这样优化了聚类时间,算法收敛时间会加快。
- algorithm: 有 auto, full, elkan 三种选择。 elkan 主要是利用了两边之和大于等于第三边,以及两边之差小于第三边的三角形性质,来减少距离的计算。通过预先计算两个质心之间的距离,能够减少计算。但是这个是适用于数据比较稠密的时候,对于这份数据,是不合适的。

性能比较



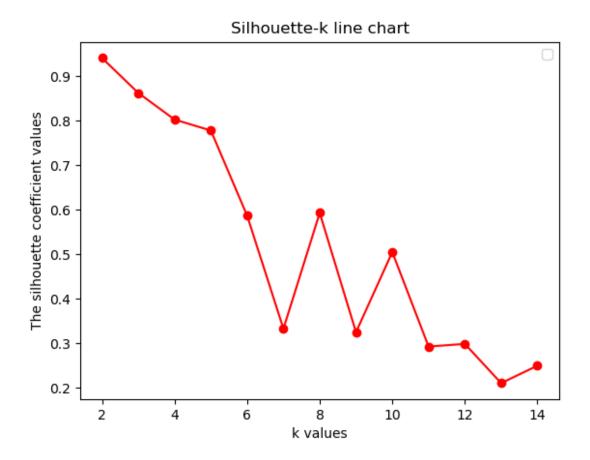






总的来说,K越少时间越快; k-means++ 比完全随机要稍微快一些,但是由于数据量不大,看起来不明显。

接下来是对 algorithm 使用 full, elkan 的比较,第一张图是 full, 第二张图是 elkan。



0.9 - 0.8 - 0.7 - 0.6 - 0.5 -

8 k values 10

12

14

总的来说差异不大,选择 full 稍微较好,不过这个结果受到了数据的影响。

6

4

The silhouette coefficient values

0.4

0.3

ż