#### Progettazione Automatica di Circuiti Elettronici

## Docenti: Prof. Ing. Daniela De Venuto

#### Prof. Ing. Giovanni Mezzina

Relazioni di laboratorio A.A. 2020/2021

Studente: Francesco Caterina (Matricola 564974)

#### Esercitazione 1

# Estrazione dei parametri caratteristici di NMOS e PMOS realizzati in tecnologia AMS $0.8 \mu m$

#### Contents

1	Ceni	ni Teorici ed obiettivi dell'esperienza	2
_	•		
2	Cara	itterizzazione NMOS tecnologia AMS 0.8μm	3
	2.1	Estrazione ${m kn}'$ per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m	3
	2.2	Estrazione $m{kn}'$ per vari valori di W ed L (parametric sweep)	5
	2.3	Estrazione del $\lambda n$ <b>per W=10</b> $\mu$ m <b>, L=1</b> $\mu$ m	8
	2.4	Estrazione del $\lambda n$ per vari valori di W, L	8
3	Cara	itterizzazione PMOS tecnologia AMS 0.8μm	. 11
	3.1	Estrazione $m{kp}'$ per vari valori di W ed L (parametric sweep)	. 11
	3.2	Estrazione del $\lambda p$ per vari valori di W, L	. 14

#### 1 Cenni Teorici ed obiettivi dell'esperienza

I transistori di tipo MOSFET sono ad oggi largamente impiegati sia nell'ambito dei circuiti integrati digitali, che nei circuiti integrati analogici (nonché come dispositivi "singoli" nei circuiti a componenti discreti, per esempio nell'ambito dell'elettronica di potenza).

Essi tuttavia sono dei dispositivi dal funzionamento fisico relativamente complesso, che deve tener conto di complessità sempre maggiori man mano che si scende con la miniaturizzazione del dispositivo (per esempio man mano che si scende al di sotto di un certo livello di miniaturizzazione si deve tener sempre più conto degli effetti di canale corto, come per esempio la saturazione della velocità di deriva dovuta al fatto che quando il canale è molto corto viene superato nel dispositivo il valore di campo elettrico critico (Ec) oltre il quale la velocità di deriva non varia più linearmente col campo elettrico, dandoci fisicamente nella realtà una Id molto più elevata rispetto a quella che ci aspetteremmo con i modelli di base che non tengono conto di tale effetto).

Per studiare i MOS dal punto di vista del loro comportamento elettrico in un circuito (andamenti tensioni e correnti) senza dover tener conto della realtà fisica sottostante si sono dunque sviluppati vari modelli, che tuttavia in quanto tali non rispecchiano completamente la realtà fisica: essi valgono soltanto entro certe condizioni di validità del modello, e quando queste non vengono rispettate i risultati da esso fornitici tendono a divergere da quelli della realtà fisica.

In ordine di complessità crescente, elenchiamo alcuni modelli SPICE utilizzati per la simulazione dei MOSFET mediante tools di EDA (Electronic Design Automation):

- Modello SPICE di livello 1
- Modello SPICE di livello 2
- Modello SPICE di livello 3
- Modello BSIM

Noi utilizzeremo per le nostre simulazioni in PSPICE il modello SPICE di livello 2; questo modello tuttavia non include alcuni parametri per noi importanti, quali il K' (parametro di transconduttanza) ed il  $\lambda$  (parametro di modulazione della lunghezza di canale).

Obiettivo dell'esperienza è quindi l'estrazione dei parametri caratteristici del MOSFET, K' e  $\lambda$ , per il PMOS e per l'NMOS, in modo da poter successivamente utilizzare tali parametri nei calcoli a mano nei modelli di piccolo segnale del primo ordine a cui siamo abituati, in modo da poter confrontare i risultati ottenuti con le simulazioni nelle successive esperienze con quelli dei calcoli a mano sui modelli del primo ordine.

Ovviamente i risultati ottenuti mediante calcoli manuali saranno meno precisi rispetto a quelli ottenuti con il simulatore PSPICE, in quanto esso utilizza un modello di ordine successivo, meglio approssimato, rispetto a quello che utilizziamo nei calcoli a mano, che altro non è che uno sviluppo in serie di Taylor arrestato al primo ordine dell'espressione della Id nel punto di lavoro, dunque meno preciso rispetto ad un modello di ordine successivo al primo come quello utilizzato nel simulatore circuitale PSPICE in quanto non tiene conto degli effetti dei termini di ordine successivo al primo.

La tecnologia di riferimento per cui stiamo effettuando le estrazioni è la AMS 0.8µm, che verrà utilizzata poi anche nelle esperienze successive.

#### 2 Caratterizzazione NMOS tecnologia AMS 0.8µm

#### 2.1 Estrazione $k'_n$ per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m

Per poter estrarre il parametro  $k'_n$  (A/V²) dobbiamo fare riferimento all'equazione di corrente relativa alla zona lineare di funzionamento del NMOS, che ricordiamo essere:

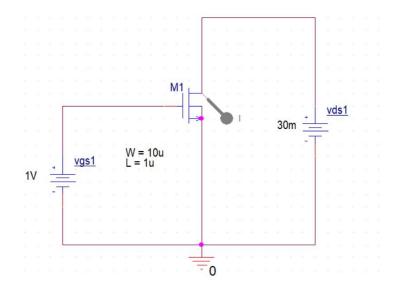
Corrente di drain (in triodo) 
$$i_D = k_n^{'} \bigg( \frac{W}{L} \bigg) \bigg[ (v_{GS} - V_t) v_{DS} - \frac{1}{2} v_{DS}^2 \bigg] \qquad 0 < V_{DS} < V_{GS} - V_T$$

Ponendo Vds molto basso, in modo da essere in regione di triodo (es Vds = 0.3mV) ed effettuando due misure sulla caratteristica di ingresso Id(Vgs), una in Vgs1 ed una in Vgs2 (a cui corrisponderanno due differenti correnti Id1, Id2) potremo scrivere:

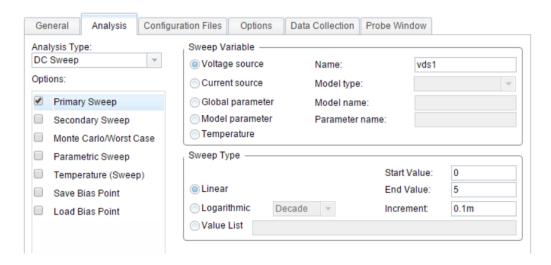
$$\begin{split} i_{d1} &= \frac{W}{L} * K_n' * \left[ \left( v_{gs1} - V_{tn} \right) * V_{ds} - \frac{V_{ds}^2}{2} \right] \\ i_{d2} &= \frac{W}{L} * K_n' * \left[ \left( v_{gs2} - V_{tn} \right) * V_{ds} - \frac{V_{ds}^2}{2} \right] \\ \Delta id &= \frac{W}{L} * K_n' * \Delta v_{gs} * V_{ds} \\ \\ K_n' &= \frac{1}{\frac{W}{L} * V_{ds}} * \frac{\Delta id}{\Delta v_{gs}} \end{split}$$

In tal modo potremo calcolare il Kn' relativo al dispositivo in questione andando ad effettuare due misure di corrente (Id2, Id1) e due misure di tensioni (Vgs2, Vgs1) sulla caratteristica di ingresso Id(Vgs), calcolando poi le relative differenze (cosa che fa già il software in automatico se utilizziamo il metodo dei due cursori) ed applicando infine la formula sopra ricavata.

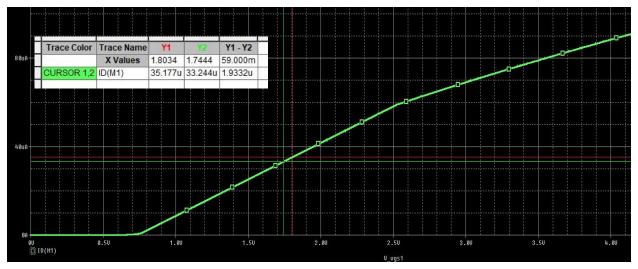
Il circuito da utilizzare per le misure è sotto riportato.



Mantenendo costante la Vds1 = 30mV (in modo da restare sicuramente in triodo) e facendo variare il generatore Vgs1 mediante un **DC Sweep** da 0V a 5V con step di 0.1mV, otterremo la caratteristica di ingresso Id(Vgs) dell'NMOS, su cui poi potremo andare a fare le misure richieste.



Effettuando le misure con il metodo dei due cursori sulla caratteristica risultante da tale simulazione, il software ci dà già la variazione di corrente  $\Delta Id$  (misurata sulla curva Id(Vgs)) relativa alla variazione di tensione  $\Delta Vgs$  (quest'ultima da noi impostata quando andiamo a posizionare i cursori). Sotto è riportata caratteristica ottenuta e le misure su di essa effettuate.



DC Sweep di Vgs per W=10u, L=1u

Abbiamo una sulle ordinate una  $\Delta Id=1.93\mu A$  a fronte di una variazione di tensione  $\Delta Vgs=59mV$  sulle ascisse. Essendo W/L = 10 e Vds = 30mV, abbiamo:

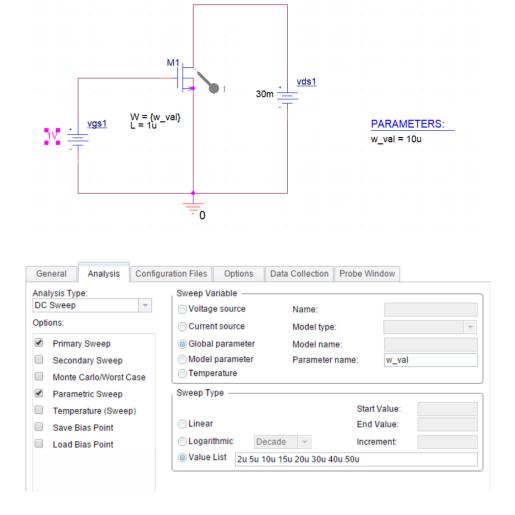
$$k_n' = \frac{1}{\left(\frac{W}{L}\right) * V ds} \frac{\Delta \text{Id}}{\Delta \text{Vgs}} = \frac{1}{10 * 30 * 10^{-3} [V]} \frac{1.93 * 10^{-6} [A]}{59 * 10^{-3} [V]} \simeq 110 \mu \text{A/V}^2$$

# 2.2 Estrazione $k_n'$ per vari valori di W ed L (parametric sweep)

Ora lo stesso risultato ottenuto per L= $1\mu$ m, W= $10\mu$ m, possiamo generalizzarlo per diversi valori di W (mantenendo per ora la lunghezza L costante).

Basta applicare alla simulazione sopra effettuata (sweep di Vgs, misura di Id) una ulteriore parametric sweep, in cui facciamo variare la larghezza W con valori da noi scelti.

Ciò è possibile utilizzando il blocco "PARAM" preso dalla categoria "SPECIAL" della libreria di Orcad Capture. Esso permette di esporre un qualunque parametro circuitale (in questo caso il W dell'NMOS) come un **parametro globale** di cui poi potremo andare a fare lo sweep parametrico come sotto mostrato:

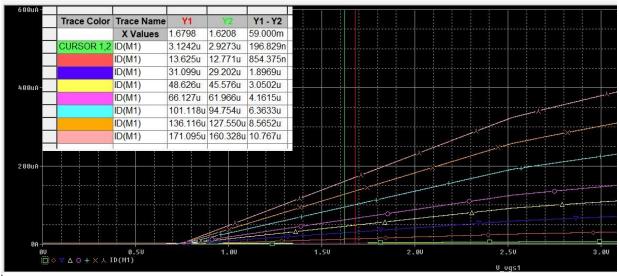


Il primary sweep ovviamente va lasciato attivo (altrimenti la tensione Vgs non varia).

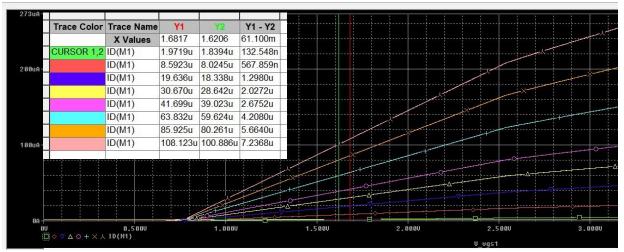
I valori di W per cui è stato effettuato il parametric sweep sono:

W = 2u 5u 10u 15u 20u 30u 40u 50u

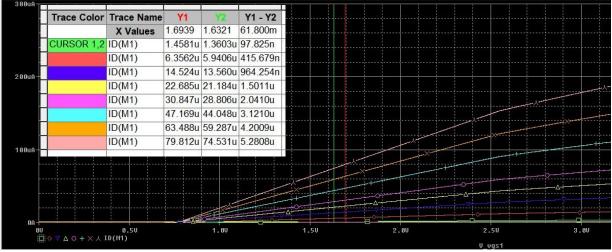
Mentre per questa simulazione abbiamo posto L=1 $\mu$ m, possiamo effettuare la stessa procedura per vari valori di L, questa volta variandone il valore manualmente, ponendo L=1.5 $\mu$ m ed L=2 $\mu$ m, in modo da coprire vari valori di **aspect ratio** nelle nostre misure. I risultati delle simulazioni sono riportati nella pagina successiva.



<sup>•</sup>DC Sweep di Vgs + Parametric Sweep di W per L=1μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm



DC Sweep di Vgs + Parametric Sweep di W per L=1.5μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm



DC Sweep di Vgs + Parametric Sweep di W per L=2μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm

I risultati ottenuti possiamo inserirli in un foglio di calcolo Excel, in cui andremo poi a calcolare il  $k_n'$  relativo a ciascun aspect ratio W/L. La Vds è sempre rimasta costante, nella formula saranno da considerare solo i cambiamenti di W/L,  $\Delta$ Id (misurata da Y1-Y2) e  $\Delta$ Vgs.

Sotto riporto i calcoli effettuati con Excel.

	L								
W		2	5	10	15	20	30	40	50
	1	2	5	10	15	20	30	40	50
	1,5	1,33	3,33	6,67	10,00	13,33	20,00	26,67	33,33
	2	1	2,5	5	7,5	10	15	20	25
Δld for L=1	u and differe	nt values of W	V						
Vds	3,00E-02								
L=1u	1								
ΔVgs=59m	5,90E-02								
		1,97E-07	8,54E-07	1,90E-06	3,05E-06	4,16E-06	6,36E-06	8,56E-06	1,08E-05
∆Id for L=1.	5u and diffe	rent values of	W						
Vds	3,00E-02								**
L=1u	1,5								
∆Vgs=59m	6,11E-02								
		1,33E-07	5,68E-07	1,30E-06	2,03E-06	2,67E-06	4,21E-06	5,66E-06	7,23E-06
Δld for L=2ι	u and differe	nt values of V	V						
Vds	3,00E-02								1.0
L=1u	2								
ΔVgs=59m	6,18E-02								
		9,78E-08	4,16E-07	9,64E-07	1,50E-06	2,04E-06	3,12E-06	4,20E-06	5,28E-06

Acquisizioni misure e definizione aspect ratio W/L

	Kn comput	ation from	the measur	rements				
	W=2u	W=5u	W=10u	W=15u	W=20u	W=30u	W=40u	W=50u
L=1u	5,56E-05	9,65E-05	1,07E-04	1,15E-04	1,18E-04	1,20E-04	1,21E-04	1,22E-0
L=1.5u	5,42E-05	9,29E-05	1,06E-04	1,11E-04	1,09E-04	1,15E-04	1,16E-04	1,18E-0
L=2u	5,28E-05	8,97E-05	1,04E-04	1,08E-04	1,10E-04	1,12E-04	1,13E-04	1,14E-0

Calcolo kn' con la formula nota, utilizzando i dati nelle tabelle sopra

I risultati ottenuti sono in linea con quanto ci aspettavamo. Per W=15 $\mu$ m ed L=1.5 $\mu$ m si ha all'incirca lo stesso kn' che si ha con W=10, L=1 (kn' circa 110  $mA/V^2$ ). Quel che conta in pratica è l'aspect ratio W/L del MOS

Si noti che kn' con i valori di W/L dati varia da un minimo di 52  $mA/V^2$  ad un massimo di 122  $mA/V^2$ .

### 2.3 Estrazione del $\lambda_n$ per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m

Per estrarre il fattore di modulazione della lunghezza di canale (che è il fenomeno fisico che ci dà una resistenza di uscita finita, seppur molto alta, nei MOS) dobbiamo lavorare sulla caratteristica di uscita Id(Vds).

Il circuito è lo stesso dell'analisi precedente, con i generatori Vgs1 e Vds1 e si misura la Id, tuttavia questa volta rendiamo la Vgs1 costante (poniamo Vgs1 = 2V per esempio) e facciamo un DC Sweep della Vds1.

Dopodichè dalla formula della Id(Vgs, Vds) in regione di **saturazione**, considerati due diversi punti (Id', Vds') e (Id'', Vds'') della caratteristica otteniamo:

$$i_{d1} = \frac{1}{2} * \frac{W}{L} * K'_n * (V_{gs} - V_{tn})^2 * (1 + \lambda_n * v_{ds1})$$

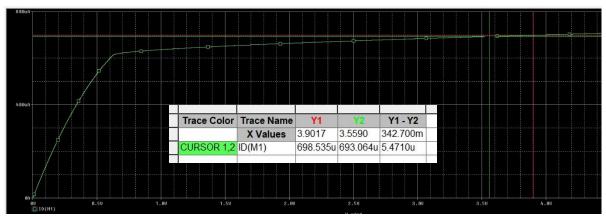
$$i_{d2} = \frac{1}{2} * \frac{W}{L} * K'_n * (V_{gs} - V_{tn})^2 * (1 + \lambda_n * v_{ds2})$$

$$\Delta id = \frac{1}{2} * \frac{W}{L} * K'_n * (V_{gs} - V_{tn})^2 * \lambda_n * \Delta v_{ds}$$

$$\lambda_n = \frac{\Delta id}{\Delta v_{ds}} * \frac{2}{K'_n * \frac{W}{L} * (V_{gs} - V_{tn})^2}$$

$$\Delta id = \frac{1}{2} * \frac{W}{L} * K'_n * (V_{gs} - V_{tn})^2 * \lambda_n * \Delta v_{ds}$$

La relazione trovata permette di calcolare il fattore di modulazione della lunghezza di canale semplicemente misurando il rapporto  $\Delta Id/\Delta Vds$ ; tuttavia questa misura dev'esser fatta sta volta in zona di saturazione spinta, cioè abbastanza oltre l'inizio della saturazione, ed inoltre dobbiamo già conoscere la Vgs a cui è stata effettuata la misura (abbiamo posto Vgs=2V) ed il  $k_n'$  relativo al W/L considerato (non è un problema, in quanto abbiamo già estratto nell'esperienza precedente i  $k_n'$  per i W/L che ci interessano). Nella figura sotto il grafico della caratteristica per l'estrazione per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m.

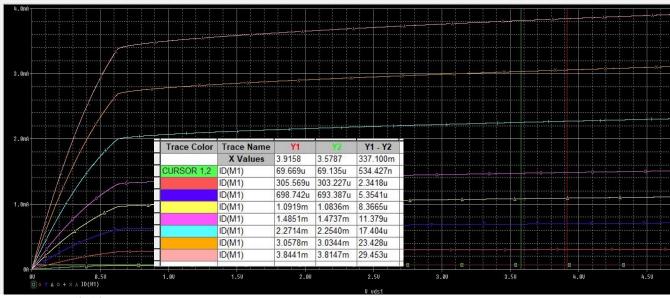


Id(Vds) per Vgs=2V, W=10μm, L=1μm

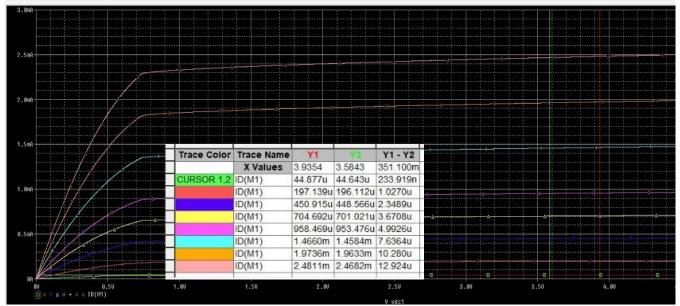
#### 2.4 Estrazione del $\lambda_n$ per vari valori di W, L

Anziché calcolare il singolo valore di  $\lambda_n$  per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m, facciamo la parametric sweep di W per L=1 $\mu$ m, poi per L=1.5 $\mu$ m e infine per L=2  $\mu$ m, ed elaboriamo poi tutti i dati con un foglio Excel simile a quello utilizzato per il calcolo del  $k'_n$  al variare di W ed L.

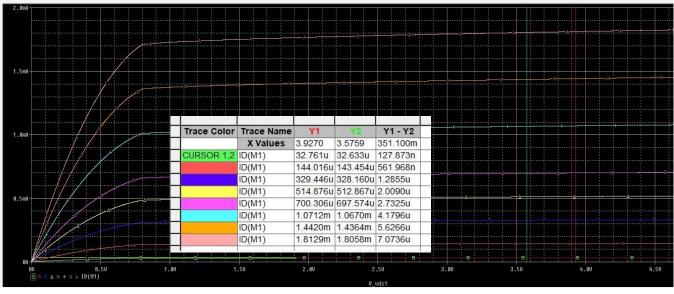
Alla pagina successiva riportiamo le caratteristiche ottenute, con le relative misure (i valori di W sono gli stessi utilizzato per le estrazioni di  $k'_n$ ).



Caratteristica Id(Vds) per Vgs=2V, L=1µm, WSweep



Caratteristica Id(Vds) per Vgs=2V, L=1.5µm, WSweep



Caratteristica Id(Vds) per Vgs=2V, L=2μm, WSweep

	L								
W		2	5	10	15	20	30	40	5
••	1	2	5	10	15	20	30	40	5
	1,5	1,33	3,33	6,67	10,00	13,33	20,00	26,67	33,3
	2	1	2,5	5	7,5	10	15	20	2
			-,-		- ,-				
		Kn computati	ion from the	measureme	nts				
		W=2u	W=5u	W=10u	W=15u	W=20u	W=30u	W=40u	W=50u
	L=1u	5,56E-05	9,65E-05	1,07E-04	1,15E-04	1,18E-04	1,20E-04	1,21E-04	1,22E-0
	L=1.5u	5,42E-05	9,29E-05	1,06E-04	1,11E-04	1,09E-04	1,15E-04	1,16E-04	1,18E-0
	L=2u	5,28E-05	8,97E-05	1,04E-04	1,08E-04	1,10E-04	1,12E-04	1,13E-04	1,14E-04
	Tabella mi	sure Δid per v	ari valori di	W ed L. Per L	. costante, ΔV	ds è costant	e (indicato a f	ianco)	
	Vgs	2		Vtn	0,77				
L (um)	ΔVds	2	5	10	15	20	30	40	5(
L (um)		5,34E-07	5 2,34E-06	10 5,35E-06	15 8,36E-06	20 1,14E-05	30 1,74E-05	40 2,34E-05	
	0,3371								2,95E-0
1	0,3371 0,3511	5,34E-07	2,34E-06	5,35E-06	8,36E-06	1,14E-05	1,74E-05	2,34E-05	2,95E-05 1,29E-05 7,07E-06
1 1,5	0,3371 0,3511	5,34E-07 2,34E-07	2,34E-06 1,02E-06	5,35E-06 2,35E-06	8,36E-06 3,67E-06	1,14E-05 5,00E-06	1,74E-05 7,64E-06	2,34E-05 1,03E-05	2,95E-05 1,29E-05
1 1,5	0,3371 0,3511	5,34E-07 2,34E-07	2,34E-06 1,02E-06	5,35E-06 2,35E-06	8,36E-06 3,67E-06	1,14E-05 5,00E-06	1,74E-05 7,64E-06	2,34E-05 1,03E-05	2,95E-05 1,29E-05
1 1,5	0,3371 0,3511 0,3511	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06	8,36E-06 3,67E-06	1,14E-05 5,00E-06	1,74E-05 7,64E-06	2,34E-05 1,03E-05	2,95E-05 1,29E-05
1 1,5	0,3371 0,3511 0,3511	5,34E-07 2,34E-07	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06	8,36E-06 3,67E-06	1,14E-05 5,00E-06	1,74E-05 7,64E-06	2,34E-05 1,03E-05	2,95E-05 1,29E-05
1 1,5	0,3371 0,3511 0,3511 Calcolo lan	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06	8,36E-06 3,67E-06	1,14E-05 5,00E-06	1,74E-05 7,64E-06	2,34E-05 1,03E-05	2,95E-05 1,29E-05
1,5 2	0,3371 0,3511 0,3511	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06 Vds) sopra	8,36E-06 3,67E-06 2,00E-06	1,14E-05 5,00E-06 2,73E-06	1,74E-05 7,64E-06 4,18E-06	2,34E-05 1,03E-05 5,63E-06	2,95E-03 1,29E-03 7,07E-04
1 1,5	0,3371 0,3511 0,3511 Calcolo lan	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07 nbdan dalle n	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07 nisure di Id(	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06 Vds) sopra	8,36E-06 3,67E-06 2,00E-06	1,14E-05 5,00E-06 2,73E-06	1,74E-05 7,64E-06 4,18E-06	2,34E-05 1,03E-05 5,63E-06	2,95E-03 1,29E-03 7,07E-04
1,5 2	0,3371 0,3511 0,3511 Calcolo lan	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07 nbdan dalle n	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07 nisure di Id( 5 1,90E-02	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06 Vds) sopra	8,36E-06 3,67E-06 2,00E-06 15 1,90E-02	1,14E-05 5,00E-06 2,73E-06 2,73E-06	1,74E-05 7,64E-06 4,18E-06 30 1,90E-02	2,34E-05 1,03E-05 5,63E-06 40 1,90E-02	2,95E-0: 1,29E-0: 7,07E-0: 50 1,90E-0:
1,5 2	0,3371 0,3511 0,3511 Calcolo lan	5,34E-07 2,34E-07 1,28E-07 nbdan dalle n	2,34E-06 1,02E-06 5,62E-07 nisure di Id(	5,35E-06 2,35E-06 1,28E-06 Vds) sopra	8,36E-06 3,67E-06 2,00E-06	1,14E-05 5,00E-06 2,73E-06	1,74E-05 7,64E-06 4,18E-06	2,34E-05 1,03E-05 5,63E-06	2,95E-05 1,29E-05

La Vtn (tensione di soglia) è stata prelevata dal modello PSPICE del componente. Si noti che il fattore di modulazione di lunghezza del canale cambia sensibilmente solo al variare di L, mentre varia di poco al variare di W.

Nello specifico, si ha:

- per L=1 $\mu$ m,  $\lambda_n \simeq 19*10^{-3}~V^{-1}$
- per L=1.5 $\mu$ m,  $\lambda_n \simeq 12,5*10^{-3}~V^{-1}$
- per L=2 $\mu$ m,  $\lambda_n \simeq 9.3 * 10^{-3} \ V^{-1}$

Dunque è L ad influenzare maggiormente  $\lambda_n$  e ciò è intuibile, in quanto appunto  $\lambda_n$  rappresenta il fattore di modulazione della lunghezza di canale, dipenderà appunto dalla lunghezza di "default" del canale prima del pinch-off (che è appunto L).

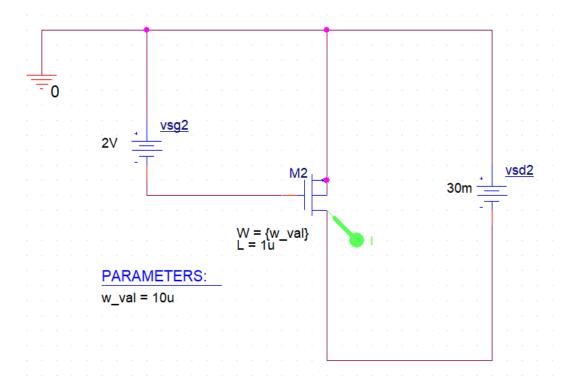
#### 3 Caratterizzazione PMOS tecnologia AMS 0.8µm

Effettuiamo ora per il PMOS le stesse estrazioni fatte per l'NMOS. Questa volta ovviamente omettiamo gli step intermedi e facciamo direttamente le estrazioni per vari valori di W, L con gli sweep parametrici.

L'unica cosa che cambierà sarà il circuito (le tensioni vanno orientate in modo da polarizzare in maniera corretta il PMOS) e alcune grandezze nelle formule (es Vsg al posto di Vgs, Vsd al posto di Vds, il modulo di Vtn anziché Vtn).

# 3.1 Estrazione $k_p^\prime$ per vari valori di W ed L (parametric sweep)

Il circuito utilizzato a tale fine è il seguente.

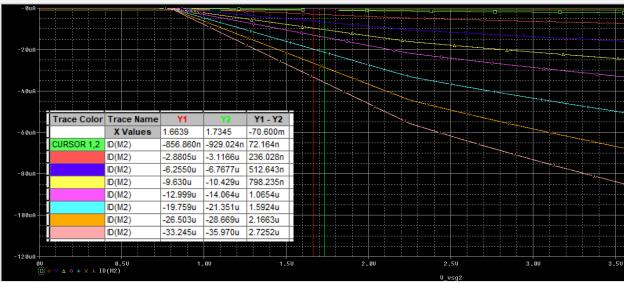


Fra source e gate è applicata la tensione Vsg2, mentre tra source e drain la Vsd2. Il bulk è connesso al source, e quest'ultimo funge da punto di riferimento per le tensioni (ground). La probe è posta sul drain.

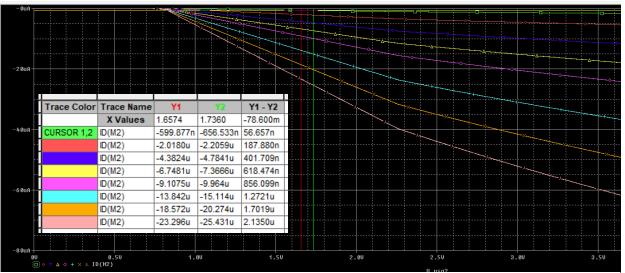
Utilizziamo una DC Sweep di Vsg2 (mentre Vsd2 è costante, pari a 30mV) per estrarre il  $k_p$ ', e applichiamo anche una parametric sweep per far variare W (con gli stessi valori discreti utilizzati per l'NMOS). L invece resta costante, L=1 $\mu$ m.

Riportiamo a pagina successiva le misure fatte. La formula per ricavare il  $k_p$  dalle misure fatte sarà la seguente (si ricava con lo stesso ragionamento fatto per l'NMOS):

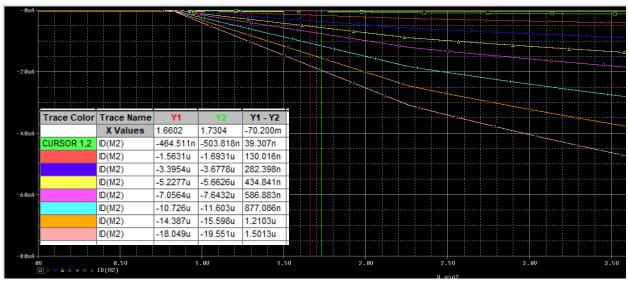
$$k_p' = \frac{1}{\left(\frac{W}{L}\right) * Vsd} \frac{\Delta Id}{\Delta Vsg}$$



DC Sweep di Vsg + Parametric Sweep di W per L=1μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm



DC Sweep di Vsg + Parametric Sweep di W per L=1.5μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm



DC Sweep di Vsg + Parametric Sweep di W per L=2μm. Verde-> W=2μm; Rosa-> W=50μm

	L								
W		2	5	10	15	20	30	40	50
	1	2	5	10	15	20	30	40	50
	1,5	1,33	3,33	6,67	10,00	13,33	20,00	26,67	33,33
	2	1	2,5	5	7,5	10	15	20	25
ΔId for L	=1u and diffe	rent values o	fW						
Vds	3,00E-02								
L=1u	1								
ΔVsg	7,06E-02								
		7,22E-08	2,36E-07	5,13E-07	7,98E-07	1,06E-06	1,59E-06	2,17E-06	2,72E-06
∆Id for L	=1.5u and diff	ferent values	of W						
Vds	3,00E-02								
L=1u	1,5								
ΔVsg	7,86E-02								
		5,67E-08	1,88E-07	4,02E-07	6,18E-07	8,56E-07	1,27E-06	1,70E-06	2,13E-06
Ald for I	=2u and diffe	ront values e	£ 1A/						
Vds	3,00E-02	Territ varues 0	1 VV						
t=1u	2								
L-1u ΔVsg	7,02E-02								
n v og	7,021-02	3,93E-08	1,30E-07	2,82E-07	4,35E-07	5,87E-07	8,77E-07	1,21E-06	1,50E-06
		2,222 30	2,002 07	_,022 07	.,552 57	3,0.2 3,	2,2 0,	2,222 00	2,552 00

	Kp' computa	tion from th	e measurem	ents				
	W=2u	W=5u	W=10u	W=15u	W=20u	W=30u	W=40u	W=50u
L=1u	1,70E-05	2,23E-05	2,42E-05	2,51E-05	2,50E-05	2,50E-05	2,56E-05	2,57E-05
L=1.5u	1,80E-05	2,39E-05	2,56E-05	2,62E-05	2,72E-05	2,69E-05	2,70E-05	2,71E-05
L=2u	1,87E-05	2,47E-05	2,68E-05	2,75E-05	2,79E-05	2,78E-05	2,87E-05	2,85E-05

Si noti che il  $k_p{'}$  dipende fortemente dalle variazioni di W, mentre poco dalle variazioni di L considerate. Il valore minimo si ha per W=2 $\mu$ m (al quale abbiamo  $k'_p \simeq 18\mu A/V^2$  se consideriamo il valore intermedio di L=1.5 $\mu$ m) mentre il valore massimo si ha per W=50 $\mu$ m (al quale abbiamo  $k'_p \simeq 27,1\mu A/V^2$ ).

Per W=10 $\mu$ m, L=1 $\mu$ m ho  $k_p \simeq 24.2~\mu A/V^2$ . Tale parametro di transconduttanza è di molto inferiore (scalato di circa un quarto) rispetto al parametro di transconduttanza del corrispettivo NMOS avente le stesse dimensioni, per cui avevamo trovato  $k_n \simeq 110~\mu A/V^2$ . Tale risultato è dovuto al fatto che i portatori di tipo P che formano il canale del PMOS hanno mobilità inferiore rispetto a quella dei portatori di tipo N, e dunque a parità di dimensioni NMOS e PMOS non hanno gli stessi parametri.

# 3.2 Estrazione del $\lambda_p$ per vari valori di W, L

Utilizzando lo stesso circuito della sezione precedente, manteniamo adesso Vsg costante (Vsg = 2V) e facciamo variare la Vsd con un DC sweep.

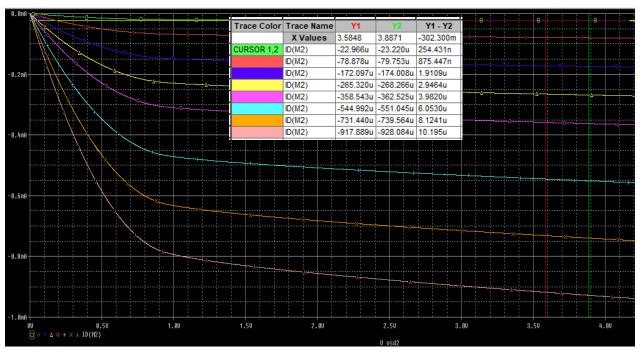
Applichiamo inoltre un parametric sweep, per far variare W nel solito range di valori discreti da noi impostati, e manteniamo L= $1\mu m$  facendolo poi variare successivamente ai valori L= $1.5\mu m$  ed L= $2\mu m$ .

Tracceremo cosi le caratteristiche Id(Vsd), dalle quali andando ad effettuare le misure della  $\Delta$ Id e della  $\Delta$ Vsd, potremo ricavare  $\lambda_p$  utilizzando la formula:

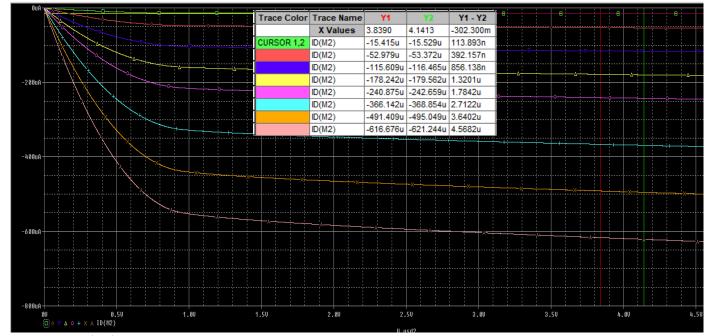
$$\lambda_p = \frac{2}{k'_p * \frac{W}{L} * (Vsg - |Vtp|)^2} \frac{\Delta Id}{\Delta Vsd}$$

Riporto sotto le misure effettuate sulle relative caratteristiche, e poi i calcoli eseguiti in Excel.

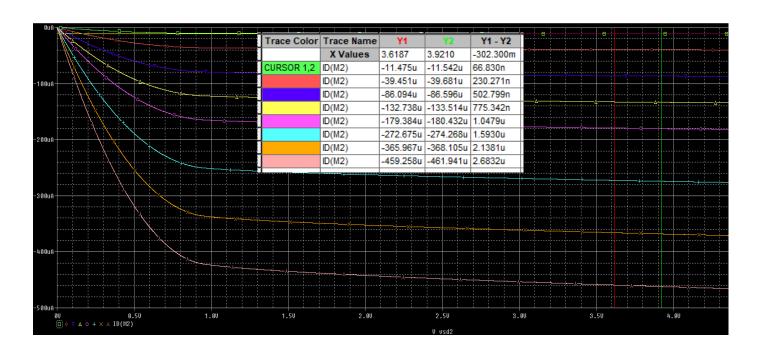
Si noti che così come le caratteristiche Id(Vsg), anche le caratteristiche Id(Vsd) saranno "ribaltate" rispetto a quelle dell'NMOS, in quanto la corrente Id che entra nel drain di un PMOS è negativa (la probe di corrente misura appunto la corrente che "entra").



Caratteristica Id(Vsd) per Vsg=2V, L=1µm, WSweep



Caratteristica Id(Vsd) per Vsg=2V, L=1.5μm, WSweep



Inseriamo ora le misure effettuate nel foglio di calcolo Excel e calcoliamo cosi  $\lambda_p$  al variare di W ed L (attenzione: |Vtp|=0.81, è leggermente più alta in modulo della Vtn).

	1								
V		2	5	10	15	20	30	40	50
	1	2	5	10	15	20	30	40	50
	1,5	1,33	3,33	6,67	10,00	13,33	20,00	26,67	33,33
	2	1	2,5	5	7,5	10	15	20	25
			_,_						
		Kp' computat	ion from the	e measureme	ents				
		W=2u	W=5u	W=10u	W=15u	W=20u	W=30u	W=40u	W=50u
	L=1u	1,70E-05	2,23E-05	2,42E-05	2,51E-05	2,50E-05	2,50E-05	2,56E-05	2,57E-05
	L=1.5u	1,80E-05	2,39E-05	2,56E-05	2,62E-05	2,72E-05	2,69E-05	2,70E-05	2,71E-05
	L=2u	1,87E-05	2,47E-05	2,68E-05	2,75E-05	2,79E-05	2,78E-05	2,87E-05	2,85E-05
		_							
	Tabella mi	sure Δid per v			.costante, Δ\	/ds è costant	e (indicato a f	ianco)	
	Tabella mi Vsg	sure ∆id per v 2		W ed L. Per l  Vtp	. costante, Δ\ 0,81	/ds è costant	e (indicato a f	fianco)	
		2				/ds è costant	•	fianco)	
. (um)	Vsg <u>AVds</u>	2	5	Vtp  10	0,81 15	20	30	40	50
1	Vsg ΔVds L 0,3371	2 2 2,54E-07	5 8,75E-07	Vtp  10 1,91E-06	0,81 15 2,95E-06	20 3,98E-06	30 6,05E-06	40 8,12E-06	1,02E-05
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07	5 8,75E-07 3,92E-07	10 1,91E-06 8,56E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511	2 2 2,54E-07	5 8,75E-07	Vtp  10 1,91E-06	0,81 15 2,95E-06	20 3,98E-06	30 6,05E-06	40 8,12E-06	1,02E-05
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07	5 8,75E-07 3,92E-07	10 1,91E-06 8,56E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07	5 8,75E-07 3,92E-07	10 1,91E-06 8,56E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07 6,68E-08	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511 Calcolo lan	2 2,54E-07 1,14E-07 6,68E-08	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1 1,5 2	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511	2 2,54E-07 1,14E-07 6,68E-08	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06	20 3,98E-06 1,78E-06	30 6,05E-06 2,71E-06	40 8,12E-06 3,64E-06	1,02E-05 4,56E-06
1 1,5 2	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511 Calcolo lan	2 2,54E-07 1,14E-07 6,68E-08	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07 misure di Id(	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07 Vds) sopra	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06 7,75E-07	20 3,98E-06 1,78E-06 1,05E-06	30 6,05E-06 2,71E-06 1,60E-06	40 8,12E-06 3,64E-06 2,14E-06	1,02E-05 4,56E-06 2,68E-06
1 1,5	Vsg ΔVds 1 0,3371 5 0,3511 2 0,3511 Calcolo lan	2 2,54E-07 1,14E-07 6,68E-08	5 8,75E-07 3,92E-07 2,30E-07 misure di Id(	10 1,91E-06 8,56E-07 5,03E-07	0,81 15 2,95E-06 1,32E-06 7,75E-07	20 3,98E-06 1,78E-06 1,05E-06	30 6,05E-06 2,71E-06 1,60E-06	40 8,12E-06 3,64E-06 2,14E-06	1,02E-05 4,56E-06 2,68E-06

Foglio Excel per il calcolo di  $\lambda_p$ , sweep di W, ed L fatto variare manualmente.

Si noti come anche per il PMOS, così come per l'NMOS, il parametro che fa variare molto più bruscamente il  $\lambda_p$  è sempre L, e non W. Si può quasi dire che, al variare di W,  $\lambda_p$  si mantiene quasi costante. Abbiamo:

- Per L=1 $\mu$ m ->  $\lambda_p \simeq 33*10^{-3} \ V^{-1}$
- Per L=1,5 $\mu$ m ->  $\lambda_p \simeq 20 * 10^{-3} \ V^{-1}$
- Per L=2 $\mu$ m ->  $\lambda_p \simeq 15*10^{-3}~V^{-1}$

Confrontando  $\lambda_p$  con i valori di  $\lambda_n$  dell'NMOS vediamo che a parità di dimensioni il PMOS ha un fattore di modulazione della lunghezza di canale più elevato rispetto all'NMOS. Ciò comporta che a parità di corrente di polarizzazione nel punto di lavoro  $I_d^Q$  un PMOS avrà resistenza di uscita più bassa rispetto ad un NMOS avente stessa geometria. Ciò è sempre dovuto alla diversa mobilità delle lacune (portatori nel canale P del PMOS) rispetto a quella degli elettroni (portatori nel canale N dell'NMOS).