Massimo sottovettore comune

Il problema

Dati due vettori di numeri vogliamo trovare il *massimo sottovettore comune*. Un sottovettore di un vettore si ottiene cancellando zero o più numeri dal vettore di partenza.

Esempio:

Un sottovettore di 1 2 3 4 5 6 è 2 4 6.

Un *massimo sottovettore comune* tra due vettori A e B è un sottovettore sia di A che sia B con lunghezza massima tra tutti i sottovettori comuni. Questo può non essere unico, ma è unica la sua lunghezza.

Esempio:

```
A = 1 3 6 7 5 8

B = 2 3 8 5 1

MSC(1 3 6 7 5 8, 2 3 8 5 1) = 3 5

MSC(1 3 6 7 5 8, 2 3 8 5 1) = 3 8

La lunghezza è sempre 2.
```

Input

La prima riga di input contiene due interi N, M. La seconda riga contiene N numeri (quelli del primo vettore, A), la terza contiene M numeri (del secondo vettore, B).

Output

La lunghezza del massimo sottovettore comune tra A e B.

Assunzioni

```
0 \le A[i], B[i] \le 9

0 \le N, M \le 100
```

Algoritmo ricorsivo (idea):

Supponiamo che i due vettori terminino con lo stesso numero. In questo caso <u>sicuramente dovremo</u> <u>scegliere questo carattere</u> e ci sposeremo a calcolare MSC tra i due vettori A e B senza gli ultimi caratteri, cioè MSC(A[0, ... N-2], B[0, ... N-2]).

Esempio:

```
A = 1 3 6 7 5 8 1
B = 2 3 8 5 1
Allora MSC(A,B) = *numeri da trovare* 1
```

Se invece gli ultimi due numeri sono diversi, allora MSC(A,B) <u>non potrà contenerli entrambi</u> (e potrebbe non contenerne nessuno dei due), ma <u>quale è il numero che non contiene?</u> Non possiamo saperlo, dobbiamo provare entrambi i casi.

```
Allora MSC sarà la più lunga tra MSC(A[0, ... N-1], B[0, ... N-2]) e MSC(A[0, ... N-2], B[0, ... N-1]).
```

Esempio:

```
A = 1 3 6 7 5 8
B = 2 3 8 5 1
```

Allora MSC(A,B) = la più lunga tra MSC(1 3 6 7 5, 2 3 8 5 1) e MSC(1 3 6 7 5 8, 2 3 8 5).