Pesquisa de soluções Estratégias de pesquisa não Pesquisa primeiro em profundidade: PPP Resolução de problemas Problemas artificiais Exemplos de problemas Tipos de problemas Problemas reais Problema pesquisa Conteúdo informada Inteligência Artificial Ano lectivo 2019-20 Luís A. Alexandre

Resolução de problemas usando

Pesquisa com profundidade limitada: PPP-PL

Pesquisa primeiro em largura:

PPP com profundidade iterativa: Pesquisa melhor primeiro: PMP Estratégias de pesquisa informada Pesquisa bidirecional: PB Estratégias de pesquisa Pesquisas: resumo Funções heurísticas Pesquisa A informada PPP-PI

Leitura recomendada

Resolução de problemas usando pesquisa

- Um agente, confrontado com várias opções de valor desconhecido, pode decidir o que fazer examinando diferentes possíveis sequências de ações que levam a estados de valor conhecido e decidir qual a melhor sequência.
- O processo de procura desta sequência é chamado **pesquisa**. **A A**
 - Passos para a resolução de problemas:
 - Definição do problema
- Formulação do objetivo Pesquisa da solução
- Execução da solução

Definição dum problema

- Um caminho no espaço de estados é uma sequência de estados ligados por uma sequência de ações.
- O custo de cada passo, que denotaremos por c(x, a, y), é o custo de ir do estado x ao y pela ação a. \blacktriangle
- A **solução** de um problema é um caminho do estado inicial ao estado objetivo
- Uma solução diz-se óptima se for a que tem menor custo entre todas A qualidade da solução é medida pela função de custo do caminho.

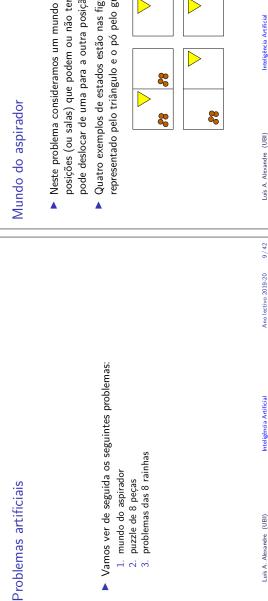
Definição dum problema

- ► Um problema pode ser definido formalmente usando quatro
- sucessor $\mathrm{suc}()$, que recebe um estado x e devolve pares do tipo (ação, estado) em que mostra o estado que se atinge partindo de x e adoptando a respectiva ação. O **teste de objetivo** que permite avaliar se um dado estado é o estado O **estado inicial.** Uma **descrição das ações possíveis**. Normalmente usa-se a função
 - - Uma função de custo do caminho que permite atribuir um valor numérico a cada caminho.
- de estados do problema, que é o conjunto de todos os estados que se podem alcançar partindo do estado inicial, usando qualquer sequência O estado inicial e a função sucessor definem implicitamente o espaço
- O espaço de estados forma um **grafo** dirigido em que os nodos são estados e as arestas são ações.

Simplificações

- Ao definirmos o problema da IA como acabámos de fazer estamos a contar com uma série de simplificações: A
- qualquer alteração ao ambiente. O ambiente é **observável**: permite o conhecimento dos estados através O ambiente é **estático**: durante a execução da solução não existe H
 - dos sensores. O ambiente é **discreto**: permite a enumeração de vários estados. O ambiente é **determinístico**: as soluções são sequências de ações 2
- únicas e não existem acontecimentos inesperados.

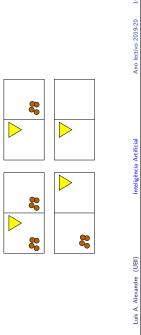




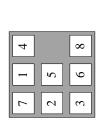


- Estados: cada uma das 2 salas pode ter ou não pó (4 possibilidades) e o agente pode estar em qualquer destas salas (2 possibilidades), logo temos um total de 8 estados possíveis.
- Estado inicial: qualquer estado pode ser escolhido como o inicial;
- on Função sucessor: gera uma das seguintes ações: esquerda, direita aspirar; \blacktriangle
- Teste do objetivo: verifica se todos as salas estão limpas; \blacktriangle
- Custo do caminho: cada ação custa 1 logo o custo do caminho é o número de ações executadas.

- Neste problema consideramos um mundo simples apenas com 2 posições (ou salas) que podem ou não ter pó e um agente que se pode deslocar de uma para a outra posição e aspirar o pó.
- Quatro exemplos de estados estão nas figuras abaixo onde o agente é representado pelo triângulo e o pó pelo grupo de pontos.



Puzzle de 8 peças





- Neste problema temos um tabuleiro com 3x3 posições, oito peças numeradas e um espaço vazio. lack
- As peças adjacentes ao espaço vazio podem deslocar-se para ele (também pode ser visto da forma complementar: o espaço movimenta-se para um local ocupado por uma peça) A
- O objetivo é atingir um estado final, por exemplo, ordenar as peças como no exemplo da figura da direita.

Puzzle de 8 peças

- Estados: um estado tem de especificar a localização das 8 peças (a posição vazia fica especificada implicitamente). \blacktriangle
- Estado inicial: qualquer estado pode ser o estado inicial, por exemplo, o da figura anterior do lado esquerdo.
- Função sucessor: especifica um movimento do espaço vazio para uma das casas adjacentes A
- Teste do objetivo: verificar se foi atingido o estado desejado \blacktriangle
- Custo do caminho: cada movimento duma peça custa 1 logo o custo do caminho é simplesmente o número de movimentos efectuados.

Problemas reais

Vamos ver de seguida os seguintes problemas:

- encontrar rotas problemas de visitas problema do caixeiro viajante (TSP: traveling salesperson problem)

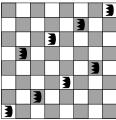
3 2 1

Problemas de visitas e TSP

- Estes problemas são parecidos com os de rotas: cada estado em vez de conter apenas uma localização contém a lista de todas as localizações visitadas até ao momento.
- A solução para estes problemas consiste na sequência de ações para que um dado grupo de locais seja visitado. \blacksquare
 - O TSP é também um problema de visitas, mas com restrições: cada local apenas pode ser visitado uma vez e queremos a rota mais curta. \blacksquare
 - perfuradores de circuitos impressos e máquinas que arrumam caixas O problema TSP é também usado para planear o movimento de

Problemas das 8 rainhas

- O objetivo deste problema é colocar 8 rainhas num tabuleiro de xadrez sem que nenhuma seja atacada.
- Estados: qualquer arranjo de 0 a 8 rainhas no tabuleiro é um estado \blacktriangle
- Estado inicial: nenhuma rainha no tabuleiro \blacktriangle
- Função sucessor: adicionar uma rainha a uma posição vazia do tabuleiro
- Teste do objetivo: 8 rainhas no tabuleiro e nenhuma sob ataque



Encontrar rotas

- O problema de **encontrar rotas** é muito frequente: encaminhamento de pacotes em redes de computadores, sistemas de planeamento de rotas de companhias aéreas, planeamento de operações militares, entre outros.
 - Vejamos um exemplo simplificado do problema da especificação de rotas dum site de pesquisa de viagens aéreas: \blacktriangle
- Estados: cada estado representa uma localização (p.ex. um aeroporto)
- e a hora a que se está nessa localização; Estado inicial: hora inicial e posição inicial; Função sucessor: devolve os estados resultantes da aplicação de qualquer voo possível, a partir do aeroporto actual, após a hora actual; Teste do objetivo: estamos no local desejado antes duma dada hora
- - pré-definida? Custo do caminho: depende do preço das viagens, do tempo de espera, do tempo de voo, tipo de avião, etc.

15/42

Conteúdo

Pesquisa de soluções

Pesquisa de soluções

- Tendo visto como fazer para definir um problema, devemos agora perceber como achar a solução.
- A árvore de pesquisa é a estrutura de dados que iremos construir ao partirmos da raiz da árvore, que é o estado inicial, e adicionarmos os nodos correspondentes aos estados em que o problema fica, após cada ação possível.
 - Devemos começar por testar se o estado na raiz é um estado objetivo. **A A**
 - Não sendo um estado objetivo teremos de gerar outros possíveis estados até encontrarmos um. Para isso devemos **expandir** o estado inicial aplicando a função sucessor.
- Devemos continuar a expandir e a testar até encontrarmos o estado objetivo ou não existirem mais estados para expandir.
- escolha de que estado deve ser expandido depende da estratégia

Pesquisa de soluções

- $\acute{\rm E}$ importante $n\ddot{\rm ao}$ confundir um estado e um nodo: um nodo é uma estrutura informática da árvore de pesquisa do problema.
 - A cada nodo corresponde um estado no espaço de estados. \blacktriangle
- Mas como já foi referido, um dado estado pode ser representado por muitos nodos diferentes, basta para isso que existam vários caminhos para chegar ao estado.

21/42

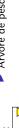
Medidas de desempenho

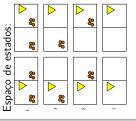
- Para avaliarmos a **qualidade dos métodos de pesquisa** vamos usar as seguintes medidas:
- completo: se o algoritmo for sempre capaz de encontrar a solução, desde que ela exista, diz-se completo
 óptimo: se o algoritmo for sempre capaz de achar a solução óptima (a
- que tem menor custo), diz-se óptimo complexidade espacial: o espaço necessário em memória RAM para a execução do algoritmo complexidade temporal: o tempo necessário para a execução do

Pesquisa de soluções

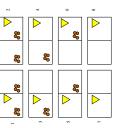
- É importante distinguir entre o espaço de estados e a árvore de lack
- Para o problema do aspirador só existem 8 estados possíveis, mas o número de nodos na árvore de pesquisa é infinito: por exemplo, o aspirador pode andar para esquerda e direita indefinidamente sem
- Obviamente, um bom algoritmo de pesquisa irá evitar esses caminhos repetitivos. lack

Pesquisa de soluções: exemplo





Árvore de pesquisa parcial: Estado inicial: 1Árvore de pesqui



Conteúdo

Estratégias de pesquisa não

informada

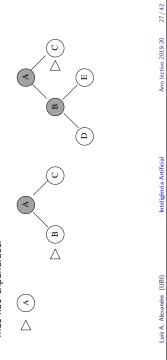
Estratégias de pesquisa não informada

- As estratégias que iremos discutir nesta secção usam apenas a informação que é fornecida na definição do problema.
- O que estas estratégias fazem é gerar estados e verificar se são o estado objetivo.
- Todas as estratégias de pesquisa podem distinguir-se pela ordem de expansão dos nodos no grafo de estados.

Pesquisa pr

PPL Pesquisa primeiro em largura:

Exemplo numa árvore binária: o símbolo 🏱 indica o nodo a expandir, os nodos a escuro já foram expandidos e os restantes foram gerados mas não expandidos. \blacktriangle



Pesquisa com profundidade limitada: PPP-PL

- Este caso a pesquisa é feita como na PPP com a diferença que só se atinge uma dada profundidade pré-definida na árvore de pesquisa. \blacktriangle
- É uma boa solução quando temos árvores de pesquisa não equilibradas e podemos correr o risco de explorar profundidades muito grandes quando a solução se encontra a profundidades bastantes inferiores.

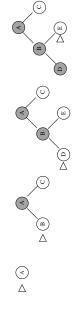
PPL Pesquisa primeiro em largura:

- Nesta pesquisa primeiro expande-se o nodo raiz, depois todos os seus filhos, de seguida todos os netos e assim sucessivamente.
- nodos dum dado nível antes de prosseguir a expansão aos nodos do Podemos resumir o processo dizendo que se expandem todos nível seguinte.
- Esta pesquisa é completa se o factor de ramificação for finito. \blacktriangle
- Esta pesquisa é **óptima** quando o custo do caminho é uma função não decrescente da profundidade do nodo: por exemplo, todas as ações têm o mesmo custo.

PPP

Pesquisa primeiro em profundidade:

- Neste caso a expansão faz-se sempre ao nodo que se encontre a maior profundidade (quando estiverem todos a igual profundidade, faz-se a um qualquer). \blacktriangle
- Quando se atinge um nodo folha, expande-se a partir do nodo gerado mais recentemente e que ainda não foi expandido. \blacktriangle



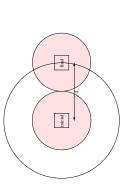
(D é nodo folha)

PPP com profundidade iterativa: PPP-PI

- Aqui temos outra variante da PPP, em que a profundidade máxima de pesquisa é variável.
- A variação da profundidade é feita gradualmente, começando por ser feita uma PPP até à profundidade 1; se não for encontrada a solução é feito nova PPP até à profundidade 2; e assim sucessivamente até se atingir o objetivo
- Esta abordagem combina os benefícios da PPL com os da PPP: \blacktriangle
- tem requisitos de memória reduzidos (O(bd)) (como PPP) é **completa** quando o factor de ramificação é finito (como PPL) é **óptima** quando o custo do caminho é uma função não decrescente da profundidade do nodo: por exemplo, todas as ações têm o mesmo custo (como PPL)
- ø, quando o espaço de pesquisa é grande e a profundidade da solução Em geral esta é a forma de pesquisa não informada mais indicada desconhecida. \blacktriangle

PB Pesquisa bidirecional:

- Neste caso são feitas duas pesquisas: uma com início no estado inicial e outra a começar pelo estado objetivo. \blacktriangle
 - A vantagem desta abordagem é óbvia quando olhamos para a figura abaixo: a área total de pesquisa quando consideramos os dois círculos correspondentes à pesquisa bidirecional é inferior à área quando consideramos apenas a pesquisa a partir do nodo inicial.



Pesquisa bidirecional

- Para efectuarmos a pesquisa bidirecional necessitamos de uma forma de pesquisar para trás: uma função predecessor $\operatorname{\textit{Pred}}(x)$ que nos devolve o estado anterior ao estado \blacktriangle
- O problema é que nem sempre é fácil obter esta função. lack
- O algoritmo é completo se o factor de ramificação for finito e ambas as pesquisas forem em largura. \blacktriangle
- Φ O algoritmo óptimo apenas se os passos tiverem o mesmo custo ambas as pesquisas forem em largura.

Pesquisas: resumo

Complex.	temporal	$O(b^d)$	$O(b^m)$	$O(b^p)$	$O(p_q)$	$O(b^{d/2})$
Complex.	espacial	$O(b^d)$	O(bm)	O(bp)	O(bd)	$O(b^{d/2})$
Completa		S^1	z	z	S^1	S_1
Óptima		S^1	z	Z	S^1	S^1
Pesquisa		PPL	РРР	PPP-PL	PPP-PI	PB

d=profundidade da solução menos profunda; p=limite profundidade; 1: b=factor de ramificação; m=profundidade da árvore de pesquisa;

ver as condições no acetato respectivo;

Conteúdo

Estratégias de pesquisa informada

Estratégias de pesquisa informada

- Já vimos que podemos usar pesquisa gerando sistematicamente novos estados e verificando se os mesmos correspondem ao objetivo.
- O problema desta abordagem é que é muitas vezes pouco eficiente. \blacktriangle
- estudar agora estratégias de pesquisa que usam conhecimento específico do problema para permitir a descoberta de soluções de forma mais eficiente. Iremos
- é melhor que outro. \blacktriangle

As estratégias de pesquisa informada conseguem saber se um estado

Pesquisa melhor primeiro: PMP

- Nesta pesquisa o nodo a expandir é escolhido em função do valor dado por uma função de avaliação f(n) que dá uma estimativa do custo associado ao nodo. \blacktriangle
- Deste modo, é expandido primeiro o nodo com menor valor dado pela função de avaliação. \blacktriangle
 - Existem vários algoritmos de PMP dependendo da função heurística h(n) que usam. \blacktriangle
- avaliação que $\operatorname{\mathbf{estima}}$ o custo do caminho mais barato do nodo n até da função de A função heurística, h(n), é uma componente ao objetivo.
- Estas funções têm a seguinte restrição: h(n)=0 se n for um nodo \blacktriangle

Pesquisa melhor primeiro gulosa (greedy): PMPG

- ➤ Nesta pesquisa o nodo a expandir é o que estiver mais próximo do
- Isto quer dizer que a função de avaliação consiste apenas na função heurística: f(n) = h(n). A
- Esta pesquisa sofre dos mesmos problemas da PPP: não é óptima nem é completa (pode seguir um caminho infinito e nunca voltar para trás para experimentar outras hipóteses).
 - A complexidade espacial e temporal é $O(b^m)$, onde m é a profundidade máxima do espaço de pesquisa. \blacksquare

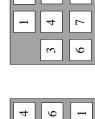
Pesquisa A

- Esta pesquisa (chamada A estrela) é a mais conhecida das PMP.
- A função de avaliação, f(n), além da função heurística, h(n), usa também o **custo do caminho** para chegar até ao nodo vindo do estado inicial, g(n): f(n) = g(n) + h(n).
- Se h(n) satisfizer algumas condições, esta pesquisa é completa e
- Se h(n) for uma **heurística admissível** o que significa que h(n) nunca sobrestima o custo de atingir o objetivo A^* é óptima (para pesquisa em árvores)
- Para um problema de achar um caminho num mapa, um exemplo duma heurística admissível seria o comprimento da distância em linha recta entre a posição actual e a objetivo: qualquer que seja o verdadeiro caminho da posição actual para a objetivo, será sempre maior que a distância em linha recta.

Conteúdo

Funções heurísticas

Funções heurísticas



S

2

2

 ∞

 α

 ∞

Estado inicial

objetivo

- Vamos usar para exemplo o puzzle de 8 peças.
 - A solução atinge-se em média com custo 22.
- O factor de ramificação é aproximadamente 3. Porquê?
- Assim, uma pesquisa exaustiva teria de procurar em $3^{22} pprox 3.1 imes 10^{10}$
- Se evitarmos estados repetidos, reduzimos o espaço de pesquisa para aproximadamente $2\times 10^5~{\rm estados}.$

Leitura recomendada

Funções heurísticas

- Duas possíveis heurísticas:
- h₁: número de peças fora do sítio em relação à solução. No caso da

► Russell e Norvig, cap. 3.

figura, $h_1=$ ___. h_2 : soma das distâncias das peças em relação às suas posições finais. Usa-se a distância city block ou Manhattan: não há movimento diagonal. Para o caso da figura temos $h_2=$ ___.