

## 1 Uwagi:

Jako oznaczenie współrzędnej w  $n$ -tym wymiarze jest użyta notacja taka jak do ciągów  $(m_n)$ .

Niezależnie od wyboru wiadomości da się skonstruować  $l$  wymiarową hipers-

fery o takim promieniu  $(\sqrt{\sum_{i=0}^l m_i^2})$  by punkt  $m$  leżał na niej.

Szyfrowanie zadziała jeśli  $\exists n(p_n \bmod k \neq m_n)$ .

## 2 Wyprowadzenie $t$ ze wzoru:

$m$  - punkt leżący na hipersferze

$p$  - punkt przez który i przez  $m$  zostanie przeprowadzona prosta na drugi koniec hipersfery - zostanie obliczony punkt wspólny hipersfery i prostej.

$k$  - liczba wymiarów przestrzeni, w której jest punkt  $p$

$l$  - indeks ostatniego wymiaru hipersfery

$$\begin{aligned}
 \sum_{i=0}^l (m_i + t(p_i \bmod k - m_i))^2 &= \sum_{i=0}^l m_i^2 & / - \sum_{i=0}^l m_i^2 \\
 \sum_{i=0}^l (m_i + t(p_i \bmod k - m_i))^2 - \sum_{i=0}^l m_i^2 &= 0 \\
 \sum_{i=0}^l (m_i^2 + 2m_i t(p_i \bmod k - m_i) + t^2(p_i \bmod k - m_i)^2) - \sum_{i=0}^l m_i^2 &= 0 \\
 \sum_{i=0}^l (2m_i t(p_i \bmod k - m_i) + t^2(p_i \bmod k - m_i)^2) &= 0 & / : t \\
 \sum_{i=0}^l (2m_i(p_i \bmod k - m_i) + t(p_i \bmod k - m_i)^2) &= 0 & / - \sum_{i=0}^l (2m_i(p_i \bmod k - m_i)) \\
 - 2 \sum_{i=0}^l m_i(p_i \bmod k - m_i) &= t \sum_{i=0}^l (p_i \bmod k - m_i)^2 & / : \sum_{i=0}^l (p_i \bmod k - m_i)^2 \\
 t &= -2 \frac{\sum_{i=0}^l m_i(p_i \bmod k - m_i)}{\sum_{i=0}^l (p_i \bmod k - m_i)^2}
 \end{aligned}$$

### 3 Szyfrowanie jako punkt wspólny $l$ wymiarowej hipersfery o promieniu $\sqrt{\sum_{i=0}^l m_i^2}$ i prostej przechodzącej przez punkty $p$ i $m$ :

Punkt  $m$  w rezultacie długości promienia leży na hipersferze. Dzielenie  $e_n$  przez  $b$  zostanie pominięte i wykonane będzie dopiero przy odszyfrowywaniu, kiedy wiadomo będzie, że dzielenie odwróci wynik (zwróci z powrotem wiadomość), więc będzie on na pewno całkowity.

Przy liczeniu  $e_n$  dodawane jest do wyniku  $p_{n \bmod k} \bmod k$  chociaż nie ma tego we wzorach, żeby zamaskować wynik właściwego działania względnie niewielką liczbą na wypadek, gdy  $a_n = 0$ .

Wejście:

$m$  - wiadomość

$p$  - klucz

$k$  - długość klucza

$l$  - indeks ostatniego elementu wiadomości

Wyjście:

$e$  - zaszyfrowana wiadomość

$b$  - mianownik do użycia przy odszyfrowywaniu

$$a_n = p_{n \bmod k} - m_n$$

$$b = \sum_{i=0}^l a_i^2$$

$$c = 2 \sum_{i=0}^l m_i a_i$$

$$e_n = b m_n - a_n c + p_{n \bmod k} \bmod k$$

#### 4 Odszyfrowywanie jako przeprowadzenie prostej przez punkty $\frac{e_n}{b}$ i $p$ z powrotem do punktu $m$ (na drugi koniec $l$ wymiarowej hipersfery względem $\frac{e_n}{b}$ ), którym jest wiadomość:

Punkt  $m$  w rezultacie długości promienia leży na hipersferze, a  $\frac{e_n}{b}$  jest punktem wspólnym prostej i hipersfery, więc też leży na hipersferze.

Wejście:

$e$  - zaszyfrowana wiadomość

$b$  - mianownik do użycia przy odszyfrowywaniu

$p$  - klucz

$k$  - długość klucza

$l$  - indeks ostatniego elementu zaszyfrowanej wiadomości

Wyjście:

$m$  - wiadomość

$$q_n = e_n - p_{n \bmod k} \bmod k$$

$$f_n = bp_{n \bmod k} - q_n$$

$$g = \sum_{i=0}^l f_i^2$$

$$h = 2 \sum_{i=0}^l q_i f_i$$

$$d = gb$$

$$m_n = \frac{gq_n - f_n h}{d}$$