

## 5. ESTIMACIÓN DE PARÁMETROS

	Parámetro a estimar	Intervalo bilateral para una confianza de $(1-\alpha).100\%$
5.01	Media $\mu$ de una población normal con varianza $\sigma^2$ conocida	$\bar{x} - z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{x} + z_{\alpha/2} \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$ <p>donde <math>z_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>z</math> (variable normal estándar) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-z_{\alpha/2}</math> y <math>z_{\alpha/2}</math></p>
5.02	Media $\mu$ de una población normal con varianza $\sigma^2$ desconocida	$\bar{x} - t_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}} < \mu < \bar{x} + t_{\alpha/2} \frac{s}{\sqrt{n}}$ <p>donde <math>t_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>t</math> (variable t-Student) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-t_{\alpha/2}</math> y <math>t_{\alpha/2}</math> con <math>v = n - 1</math> grados de libertad</p>
5.03	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ con varianzas $\sigma_1^2$ y $\sigma_2^2$ conocidas	$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\sigma_1^2}{n_1} + \frac{\sigma_2^2}{n_2}}$ <p>donde <math>z_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>z</math> (variable normal estándar) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-z_{\alpha/2}</math> y <math>z_{\alpha/2}</math></p>
5.04	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ de dos poblaciones normales con varianzas desconocidas e iguales $\sigma_1^2 = \sigma_2^2$	$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - t_{\alpha/2, v} S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + t_{\alpha/2, v} S_p \sqrt{\frac{1}{n_1} + \frac{1}{n_2}}$ <p>siendo <math>S_p^2 = \frac{(n_1 - 1)s_1^2 + (n_2 - 1)s_2^2}{n_1 + n_2 - 2}</math>  y donde <math>t_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>t</math> (variable t-Student) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-t_{\alpha/2}</math> y <math>t_{\alpha/2}</math> con <math>v = n_1 + n_2 - 2</math> grados de libertad</p>
5.05	Diferencia entre dos medias $\mu_1 - \mu_2$ de dos poblaciones normales con varianzas desconocidas y distintas $\sigma_1^2 \neq \sigma_2^2$	$(\bar{x}_1 - \bar{x}_2) - t_{\alpha/2, v} \sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}} < \mu_1 - \mu_2 < (\bar{x}_1 - \bar{x}_2) + t_{\alpha/2, v} \sqrt{\frac{s_1^2}{n_1} + \frac{s_2^2}{n_2}}$ <p>donde <math>t_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>t</math> (variable t-Student) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-t_{\alpha/2}</math> y <math>t_{\alpha/2}</math> con <math>v</math> grados de libertad,  siendo <math>v = \frac{(s_1^2/n_1 + s_2^2/n_2)^2}{\frac{(s_1^2/n_1)^2}{n_1 - 1} + \frac{(s_2^2/n_2)^2}{n_2 - 1}}</math></p>
5.06	Diferencia entre medias de dos poblaciones normales para muestras pareadas $\mu_D = \mu_1 - \mu_2$	$\bar{d} - t_{\alpha/2} \frac{s_d}{\sqrt{n}} < \mu_D < \bar{d} + t_{\alpha/2} \frac{s_d}{\sqrt{n}}$ <p>donde <math>t_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>t</math> (variable t-Student) que deja</p>

		<i>un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-t_{\alpha/2}</math> y <math>t_{\alpha/2}</math> con <math>\nu = n - 1</math> grados de libertad</i>
5.07	<b>Proporción o parámetro de una distribución binomial <math>p</math></b>	$\hat{p} - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}\hat{q}}{n}} < p < \hat{p} + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}\hat{q}}{n}}$ <i>donde <math>z_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>z</math> (variable normal estándar) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-z_{\alpha/2}</math> y <math>z_{\alpha/2}</math></i>
5.08	<b>Diferencia entre dos proporciones o dos parámetros binomiales</b> $p_1 - p_2$	$(\hat{p}_1 - \hat{p}_2) - z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1\hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2\hat{q}_2}{n_2}} < p_1 - p_2$ $p_1 - p_2 < (\hat{p}_1 - \hat{p}_2) + z_{\alpha/2} \sqrt{\frac{\hat{p}_1\hat{q}_1}{n_1} + \frac{\hat{p}_2\hat{q}_2}{n_2}}$ <i>donde <math>z_{\alpha/2}</math> es un valor de <math>z</math> (variable normal estándar) que deja un área de <math>1 - \alpha</math> entre <math>-z_{\alpha/2}</math> y <math>z_{\alpha/2}</math></i>
5.09	<b>Varianza <math>\sigma^2</math> de población normal</b>	$\frac{(n-1)s^2}{\chi_{\alpha/2}^2} < \sigma^2 < \frac{(n-1)s^2}{\chi_{1-\alpha/2}^2}$ <i>donde <math>\chi_{\alpha/2}^2</math> y <math>\chi_{1-\alpha/2}^2</math> son valores de <math>\chi^2</math> que dejan a la derecha un área de <math>\alpha/2</math> y <math>1-\alpha/2</math>, respectivamente, con <math>\nu = n - 1</math> grados de libertad</i>
5.10	<b>Cociente de varianzas <math>\sigma_1^2 / \sigma_2^2</math> de distribuciones normales</b>	$\frac{s_1^2}{s_2^2} \cdot \frac{1}{f_{\alpha/2}(\nu_1, \nu_2)} < \frac{\sigma_1^2}{\sigma_2^2} < \frac{s_1^2}{s_2^2} f_{\alpha/2}(\nu_2, \nu_1)$ <i>donde <math>f_{\alpha/2}(\nu_1, \nu_2)</math> y <math>f_{\alpha/2}(\nu_2, \nu_1)</math> son valores de <math>F</math> con <math>\nu_1</math> y <math>\nu_2</math> y con <math>\nu_2</math> y <math>\nu_1</math> grados de libertad, respectivamente, que dejan a la derecha un área de <math>\alpha/2</math>, siendo <math>\nu_1 = n_1 - 1</math> y <math>\nu_2 = n_2 - 1</math></i>
5.11	<b>Tamaño de muestra para estimación de medias</b>	$n = \left( \frac{z \cdot \sigma}{e} \right)^2$
5.12	<b>Tamaño de muestra para estimación de proporciones</b>	$n = \frac{z^2 \cdot \bar{p} \cdot \bar{q}}{e^2} \quad \text{con proporción muestral conocida}$ $n = \frac{z^2}{4 \cdot e^2} \quad \text{con proporción muestral desconocida}$