

Advanced Encryption Standard - vodič i implementacija

autor: **Srđan Rašić**
srdan.rasic@gmail.com

travanj 2012, v1.0

Uvod

Kratika *AES* podrazumijeva specifikaciju za kriptiranje elektroničkih podataka, no uobičajeno je tom kraticom nazivati i sâm algoritam kriptiranja. Algoritam koji se koristi je inačica *Rijndael* (izgovara se *Rain Doll*) algoritma.

Veličina bloka kojeg se kriptira po *AES* standardu učvršćena je na 128 bitova (odnosno 16 okteta), dok ključ kriptiranja može biti veličine 128, 192 ili 256 bitova (odnosno 16, 24 ili 32 okteta). Iako ključ nema teoretskog maksimuma, ovo su standardne veličine. *Rijndael* postupak dozvoljava i blokove različitih veličina, no kako *AES* specifikacija blok učvršćuje na 16 okteta, ovaj vodič opisuje samo tu standardnu inačicu *AES* postupka.

AES kriptiranje svodi se na uzastopnu primjenu određenih transformacija koje ulazni, tj. jasni tekst pretvaraju u izlazni, tj. kriptirani tekst. Pod pojmom tekst u ovom slučaju podrazumijeva se blok podataka od 16 okteta (128 bitova). Primjena transformacija odvija se u rundama (krugovima). Svaka runda sastoji se od nekoliko koraka od kojih jedan ovisi o ključu kriptiranja. U slučaju dekriptiranja obavlja se proces primjene inverznih transformacija.

Kriptiranje se može opisati funkcijom

$$C = f(P, K)$$

gdje P predstavlja jasni (ulazni) tekst, K ključ kriptiranja, a C kriptirani tekst.

Zapis podataka u računalnom memoriji

Blok podataka (jasni tekst) vizualno se prikazuje kao 4×4 matrica i naziva se *stanje*. Ključ također vizualno prikazujemo pomoću matrice $4 \times n$ gdje n odgovara veličini ključa u riječima¹ (za potključ, koji će biti opisan kasnije, uvijek vrijedi $n = 4$). Okteti teksta ili ključa u matricu se zapisuju stupac po stupac - prvo se popunjava prvi stupac, pa drugi itd. Prilikom implementacije jednostavnije je matrice *odmotati* u nizove okteta (konkateniranjem redova ili stupaca). Implementacija u ovom radu konkatenira stupce (jednostavnije je). Na primjer, izvorni tekst/ključ 2b 7e 15 16 28 ae d2 a6 ab f7 15 88 09 cf 4f 3c matrično prikazujemo ovako:

¹ riječ = skupina od četiri okteta, 32-bitni tip podatka

```
2b 28 ab 09
7e ae f7 cf
15 d2 15 4f
16 a6 88 3c
```

Tu matricu u računalnoj memoriji zapisujemo u jednodimenzionalni niz (polje) okteta odmotavanjem matrice po stupcima čime dobivamo niz s elementima 2b 7e 15 16 28 ae d2 a6 ab f7 15 88 09 cf 4f 3c. Redoslijed okteta u nizu zapravo je jednak redoslijedu okteta u jasnom tekstu, odnosno ključu kriptiranja.

Prilikom pisanja pseudokodova korišten je oktet kao osnovni tip podatka radi lakšeg prepisivanja u C ili sličan jezik.

Postupka kriptiranja

Postupak najbolje možemo shvatiti ako prvo pogledamo njegov *grubi* opis. Prirodno ga je podijeliti u dvije faze. Prva faza podrazumijeva postupak proširenja izvornog ključa kriptiranja kojim se stvara određeni broj potključeva, a druga faza obuhvaća obavljanje transformacija u rundama nad blokom podataka kojeg se kriptira pri čemu se u svakoj rundi koristi drugi potključ. Postupak izgleda ovako:

1. Proširenje ključa kriptiranja (stvaranje potključeva)
2. Inicijalna runda (ne broji se kao runda)
 - a) Dodaj potključ
3. Runde (ponavljaj *brojRundi-1* puta)
 - a) Zamijeni oktete
 - b) Posmakni redove
 - c) Pomiješaj stupce
 - d) Dodaj potključ
4. Posljednja runda
 - a) Zamijeni oktete
 - b) Posmakni redove
 - d) Dodaj potključ

Broj rundi *brojRundi* je predodređen i ovisi o veličini izvornog ključa kriptiranja:

Za ključ veličine **16** okteta izvodi se **10** rundi.

Za ključ veličine **24** okteta izvodi se **12** rundi.

Za ključ veličine **32** okteta izvodi se **14** rundi.

Proširenje ključa kriptiranja

Ovim postupkom izvorni ključ se proširuje u veći, prošireni, ključ. Dijelove tog proširenog ključa nazivamo potključevima. U svakoj rundi kriptiranja koristi se drugi potključ. Veličina proširenog ključa ovisi o veličini izvornog ključa. Odredimo tu veličinu intuitivno; Neka je izvorni ključ veličine 16 okteta. To znači da je potrebno obaviti deset rundi. U svakoj od tih deset rundi dodaje se potključ, a uz to potključ se dodaje i tijekom inicijalizacije (inicijalne runde). Kako svako dodavanje potključa podrazumijeva dodavanje različitog potključa, potrebno nam je $10 + 1$ potključeva. Veličina potključa mora biti jednaka veličini bloka koji se kriptira (bit će jasno kasnije), dakle 16 okteta jer opisujemo standardnu inačicu *AES-a*. Iz toga proizlazi da je veličina proširenog ključa $16 * (10 + 1)$ okteta ukoliko je izvorni ključ veličine 16 okteta (zbog čega imamo 10 rundi). Opća formula sada je očevidna:

$$veličinaProširenogKljuča = (brojRundi + 1) * veličinaBloka$$

Jezgra proširenja

Proširenje izvornog ključa sastoji se od primjene nekih operacija od kojih osnovnu operaciju nazivamo *jezgraProširenja* (od *engl.* Key schedule core). No da bi se nju shvatilo potrebno je prvo uvesti neke osnovne transformacije.

Rotiraj

Transformacija koja posmiče riječ za jedan oktet ulijevo. Primjer:

$$\text{rotiraj}(1A\ 20\ 21\ FF) = 20\ 21\ FF\ 1A$$

U implementaciji uvodimo dodatni argument *korak* koji nam omogućuje da primijenimo transformaciju nad stupcem ili nad retkom matrice. Obzirom da smo matricu odmotali u niz po stupcima, ako postavimo korak na 1, transformacija će se primijeniti nad stupcem matrice kojemu se prvi element nalazi na adresi *r*. Uz korak 4 *skakutali* bismo po nizu svaka četiri

okteta počevši od okteta na adresi r , a to je analogno iteriranju retka matrice.

```
rotiraj (byte[] r, int korak):  
    byte b = r[0];  
    za i = 0; i < 3; i++ čini:  
        r[i*korak] = r[(i+1)*korak];  
    r[3*korak] = b;
```

Rcon

$rcon(i)$ je funkcija zadana u *Rijndael* konačnom polju. Sve potrebne vrijednosti mogu se izračunati unaprijed pa se ova transformacija svodi na obično indeksiranje niza. Primjer:

$$rcon[0x01] = 0x01$$

To je dakle vrijednost elementa indeksa 1 niza $rcon$. Pogledaj *Dodatak A*!

S-Box (S-kutija)

S-Box ili *S-kutija* zapravo je tablica koja se koristi prilikom zamjene okteta. Ona je oblika:

	0	1	2	3	...	f
---	---	---	---	---	...	---
00	63	7c	77	7b	...	67
10	ca	82	c9	7d	...	c0
20	b7	fd	93	26	...	15
..

Zamjenski oktet dobiva se tako da se traži redak kojeg određuje prva polovica (*nibble*) izvornog okteta i stupac kojeg određuje druga polovica izvornog okteta. Recimo da tražimo zamjenski oktet okteta $0x1f$. Prva polovica je $0x10$, a druga $0x0f$. Stoga je zamjenski oktet onaj u retku $0x10$ i stupcu $0x0f$, dakle $0xc0$. Izračun tablice dosta je kompliciran, no za naše potrebe dovoljno je koristiti već izračunatu tablicu. Tablicu spremamo u obliku niza pa se određivanje zamjenskog okteta svodi na indeksiranje niza. Primjer:

$$sbox[0x02] = 0x77$$

Dakle, izvorni oktet 0×02 predstavlja indeks na kojemu se nalazi zamjenski oktet 0×77 .

Pogledaj *Dodatak A*!

Ove tri transformacije nam omogućuju da definiramo operaciju *jezgraProširenja* koja će biti korištena u postupku proširenja izvornog ključa. To je vrlo jednostavna operacija koja se svodi na primjenu triju upravo definiranih transformacija:

```
jezgraProširenja (byte[4] r, int iteracija):  
    rotiraj(r, 1);  
    za i = 0; i < 4; i++ čini:  
        r[i] = sbox[r[i]];  
    r[0] = r[0] xor rcon[iteracija];  
    vrati r;
```

Prvo se riječ *r* posmakne za jedan oktet, zatim se svaki oktet zamijeni s odgovarajućim iz *s-kutije* i na kraju se primjeni operacija *isključivo ili* na prvi oktet riječi *r* i oktet *rcon* transformacije nad brojem iteracije.

Ovime su definirane sve potrebne operacije za postupak proširenja ključa.

Postupak proširenja ključa

Neka je *n* veličina izvornog ključa u riječima, a *b* veličina proširenog ključa u riječima, tj. $n \in \{4, 6, 8\}$ i $b \in \{176/4=44, 208/4=52, 240/4=60\}$. Vrijednosti *b* dobivamo po formuli za veličinu proširenog ključa koja je definirana na početku. Postupak je opisan sljedećim koracima:

I. Prvih *n* riječi proširenog ključa se dobije tako da se kopira izvorni ključ

II. Broj iteracije se postavlja na 1, tj. *iteracija* = 1

III. Dok god nismo proširili ključ do *b* riječi, radi sljedeće čime proširuješ ključ za *n* riječi:

a) Prva riječ stvara se na sljedeći način:

1. Neka je *t* varijabla tipa *riječ*, a *k* indeks zadnje stvorene riječi proš. ključa
2. Varijabli *t* pridružimo riječ s indeksom *k*
3. Primijenimo operaciju *jezgraProširenja* nad *t*
4. Povećamo broj iteracije, *iteracija*++
5. Primijenimo operaciju *isključivo ili* nad riječi *t* i riječi s indeksom *k - (n - 1)*

6. Rezultat je riječ kojom proširujemo ključ

b) Iduće tri riječi stvaraju se na sljedeći način (ponavljaj ovo tri puta):

1. Neka je t varijabla tipa *riječ*, a k indeks zadnje stvorene riječi proš. ključa
2. Varijabli t pridružimo riječ s indeksom k
3. Primijenimo operaciju *isključivo ili* nad riječi t i riječi s indeksom $k - (n - 1)$
4. Rezultat je riječ kojom proširujemo ključ

c) Ako je ključ 256-bitni ($n = 8$) stvaramo još jednu riječ ovako:

1. Neka je t varijabla tipa *riječ*, a k indeks zadnje stvorene riječi proš. ključa
2. Varijabli t pridružimo riječ s indeksom k
3. Zamijenimo sva četiri okteta riječi t s odgovarajućim oktetima iz *s-kutije*
4. Primijenimo operaciju *isključivo ili* nad riječi t i riječi s indeksom $k - (n - 1)$
5. Rezultat je riječ kojom proširujemo ključ

d) Ako je ključ 256-bitni izvodimo sljedeće tri puta, a ako je 192-bitni, dva puta:

1. Neka je t varijabla tipa *riječ*, a k indeks zadnje stvorene riječi proš. ključa
2. Varijabli t pridružimo riječ s indeksom k
3. Primijenimo operaciju *isključivo ili* nad riječi t i riječi s indeksom $k - (n - 1)$
4. Rezultat je riječ kojom proširujemo ključ

Vidljivo je da je b djeljiv s n čime je predviđeno da se korak *III.* izvrši u potpunosti $b / n - 1$ puta. Važno je napomenuti da se koraci c) i d) ne izvode ukoliko je ključ 128-bitni i da se korak c) ne izvodi ni ukoliko je ključ 192-bitni.

Iz opisanog postupka vrlo lako možemo napisati i funkciju koja proširuje ključ. Uočimo da se dosta operacija u različitim koracima ponavlja. U svakom koraku (*a...d*) uvijek se na početku varijabla t postavlja na prethodno stvorenu riječ, a na kraju se primjenjuje operacija *isključivo ili*. Nadalje, operacija *jezgraProširenja* primjenjuje se kad god stvorimo n riječi, dok se zamjena okteta s odgovarajućima iz *s-kutije* obavlja samo u slučaju 256-bitnog izvornog ključa te ako smo do sad stvorili 4 riječi (jednu u koraku *a* i tri u koraku *b*). Zbog tih svojstava moguće je izmijeniti postupak čime ćemo izbjeći ponavljanje operacija. Umjesto oblika

```
dok trenutnaVeličina < veličinaProširenogKljuča čini:
```

```

    jezgraProširenja(r);
    za i = 0; i < 4; i++ čini:
        neka_operacija();

```

mi ćemo koristiti ovaj

```

dok trenutnaVeličina < veličinaProširenogKljuča čini:
    ako veličinaProširenogKljuča mod veličinaKljuča == 0:
        jezgraProširenja(r);
    neka_operacija();

```

Oblik se svodi na istu stvar, ali omogućuje nam da izbjegnemo nepotrebno dupliciranje koraka.

```

enum VeličinaKljuča { AES_128 = 16, AES_192 = 24, AES_256 = 32 }

proširiKljuč (byte[n] izvorniKljuč, VeličinaKljuča n):
    int trVel = 0;          /* trenutna veličina proš. ključa */
    int iteracija = 1;      /* trenutna rcon iteracija (II. korak) */
    int b;                  /* veličina proširenog ključa */
    byte[4] t;              /* pomoćna riječ */

    /* Odredimo veličinu proširenog ključa u oktetima */
    switch (n):
        case AES_128:
            b = (10 + 1) * 16; break;
        case AES_192:
            b = (12 + 1) * 16; break;
        case AES_256:
            b = (14 + 1) * 16; break;

    byte[b] ključ;          /* prošireni ključ */

    /* I. korak */
    za i = 0; i < n; i++ čini:
        ključ[i] = izvorniKljuč[i];
    trVel += n;

    /* III. korak */
    dok trVel < b čini:
        /* Varijabla t = zadnja stvorena riječ */
        za i = 0; i < 4; i++ čini:
            t[i] = ključ[(trVel - 4) + i];

        /* Svakih 16, 24 ili 32 okteta primjenimo
           jezgruProširenja i povećamo # iteracija */

```



```

ako trVel mod n == 0:
    t = jezgraProširenja(t, iteracija++);

/* Za 256-bitne ključeve imamo još jednu
operaciju zamjene iz s-kutije */
ako n == AES_256 i (trVel mod n == 16):
    za i = 0; i < 4; i++ čini:
        t[i] = sbbox[t[i]];

/* Primjenimo operaciju xor nad riječi t i riječi... */
za i = 0; i < 4; i++ čini:
    ključ[trVel] = ključ[trVel - n] xor t[i];
    trVel++;

vрати ključ;

```

Kriptiranje bloka podataka

Kriptiranje bloka podataka ugrubo je opisano na prvoj stranici ovog rada. Kriptiranje se sastoji od uzastopne primjene određenih transformacija organiziranih po rundama. Transformacije se obavljaju nad blokom podataka koji se kriptira (jasnim tekstom).

Opišimo za početak transformacije.

Dodavanje potključa

Ova transformacija predstavlja kombiniranje stanja (bloka podataka) s potključem. Svodi se na primjenu operacije *isključivo ili* između svakog odgovarajućeg okteta stanja i okteta potključa. Formalno to znači

$$S_{ij} = S_{ij} \text{ xor } P_{ij}$$

gdje S_{ij} predstavlja oktet (element) retka i i stupca j matrice stanja (bloka podataka), a P_{ij} oktet (element) retka i i stupca j matrice potključa. Iz toga prozlaži da S i P moraju biti istih dimenzija čime ograničavamo veličinu potključa na 4×4 okteta.

Pseudokod te transformacije izgleda ovako (matrice su *odmotane* u nizove):

```

dodajPotključ (byte[16] stanje, byte[16] potključ):
    za i = 0; i < 16; i++ čini:
        stanje[i] = stanje[i] xor potključ[i];

```

Zamjena okteta

Vrlo jednostavna transformacija. Svaki oktet matrice stanja zamjenjuje se s

odgovarajućim oktetom iz *S-kutije* koja je opisana ranije.

```
zamijeniOktete (byte[16] stanje):  
    za i = 0; i < 16; i++ čini:  
        stanje[i] = sbox[stanje[i]];
```

Posmicanje redova

Transformacija se izvodi nad redovima matrice stanja. Ciklički se okteti retka posmiču ulijevo za određeni pomak. U slučaju 128-bitnog bloka podataka s kakvim mi radimo, pomaci su definirani ovako; Prvi redak ostaje nepromijenjen. Drugi redak se posmiče za jedan oktet, treći za dva okteta, a četvrti za tri okteta.

Za obavljanje ove transformacije možemo iskorisiti ranije definiranu transformaciju *rotiraj* koja posmiče riječ (a redak matrice 4×4 jest riječ) za jedan oktet ulijevo.

```
posmakniRedove (byte[16] stanje):  
    za i = 1; i < 4; i++ čini:  
        za j = 0; j < i; j++ čini:  
            rotiraj (stanje[i*4], 4);
```

Miješanje stupaca

Svaki stupac matrice stanja promatra se kao polinom u tzv. Galoisovom polju $GF(2^8)$ te se množi polinomom $c(x) = 3x^4 + x^2 + x + 2$ modulo fiksni ireducibilni polinom $g(x) = x^8 + x^4 + x^3 + x + 1$ (*0x11b*). Operacija se može prikazati u matričnom obliku

$$\begin{bmatrix} r_0 \\ r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 2 & 3 & 1 & 1 \\ 1 & 2 & 3 & 1 \\ 1 & 1 & 2 & 3 \\ 3 & 1 & 1 & 2 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix}$$

gdje a_i predstavlja stupac nad kojim se obavlja transformacija, a r_i rezultat. U implementaciji ta operacija može se pojednostaviti tako da se množenje s 2 zamijeni posmakom ulijevo i, ako je došlo do preljeva, isključivim ili s *0x11b*, odnosno s već spomenutim fiksnim ireducibilnim polinomom, jer rezultat mora ostati u polju $GF(2^8)$. Ako radimo s 8-bitnim tipom podatka, posmakom ulijevo najviši bit se gubi pa je dovoljno primijeniti isključivo ili s *0x1b*.

Operacija množenja s 2 izvedena na taj način naziva se *xputa*. Množenje s 3 može se zamijeniti množenjem s 2 i isključivim ili, npr. $0x57 \cdot 0x03 = 0x57 \cdot (0x02 \oplus 0x01) = 0x57 \cdot 0x02 \oplus 0x57$.

```

pomiješajStupce (byte[16] stanje):
    dok i = 0; i < 4; i++ čini:
        /* Matrica je odmotana u niz po stupcima, pa ćemo
           funkciji koja miješa jedan stupac poslati pokazivač
           na prvi element stupca */
        pomiješajStupac(stanje[i*4]);

xputa (byte a):
    /* p je 1 ako je najviši bit od a[i] postavljen,
       inače je 0. p je zastavica koja označava hoće li
       doći do preljeva prilikom pomaka ulijevo */
    byte p = a rsh 7; /* rhs je pomak udesno */

    byte rez = a lhs 1; /* množenje s 2 je pomak ulijevo */

    /* ... ako je došlo preljeva (p == 1), obavi
       ovu operaciju da rezultat ostane u GF(28) polju. */
    ako p == 1:
        rez = rez xor 0x1b;

    vrati rez;

pomiješajStupac (byte[] s):
    byte[4] a; /* Kopija ulaznog stupca */
    byte[4] b; /* Svaki element iz a pomnožen s 2 u GF(28) */

    dok i = 0; i < 4; i++ čini:
        a[i] = s[i];
        b[i] = xputa (a[i]);

    /* a[n] xor b[n] je element n pomnožen s 3 u GF(28) */

    /*      2*a0      +a3      +a2      +2*a1      +a1 (tj. +3*a1) */
    s[0] = b[0] xor a[3] xor a[2] xor b[1] xor a[1];
    s[1] = b[1] xor a[0] xor a[3] xor b[2] xor a[2];
    s[2] = b[2] xor a[1] xor a[0] xor b[3] xor a[3];
    s[3] = b[3] xor a[2] xor a[1] xor b[0] xor a[0];

```

Kriptiranje bloka podataka

Opisavši sve potrebne transformacije imamo svo potrebno predznanje za shvaćanje postupka kodiranja po AES specifikaciji. Okvirni opis postupka dan je na prvoj stranici pa će ovdje biti prikazan samo pseudokod.

```

enum VeličinaKljuča { AES_128 = 16, AES_192 = 24, AES_256 = 32 }

kriptiraj (byte[16] blokPodataka, byte[n] ključ, VeličinaKljuča n):
    byte[] prošireniKljuč = proširiKljuč (ključ, n);
    byte[16] stanje = blokPodataka /* memcpy, clone i sl. */
    int brojRundi;
    int trRunda = 0;

    switch (n):
        case AES_128:
            brojRundi = 10; break;
        case AES_192:
            brojRundi = 12; break;
        case AES_256:
            brojRundi = 14; break;

    /* Inicijalna runda */
    dodajPotključ(blokPodataka, prošireniKljuč[trRunda]);

    /* Runde (sve osim zadnje) */
    dok trRunda = 1; trRunda < brojRundi - 1; trRunda++ čini:
        zamijeniOktete(blokPodataka);
        posmakniRedove(blokPodataka);
        pomiješajStupce(blokPodataka);
        /* Potključevi su veličine 16 okteta i složeni su
           jedan iza drugog u niz */
        dodajPotključ(blokPodataka, prošireniKljuč[trRunda*16]);

    /* Zadnja runda (ne sadrži miješanje stupaca) */
    zamijeniOktete(blokPodataka);
    posmakniRedove(blokPodataka);
    dodajPotključ(blokPodataka, prošireniKljuč[trRunda*16]);

    vrati stanje; /* Kriptirani blok podataka */

```

Dekriptiranje bloka podataka

Dekriptiranje se svodi na postupak inverzan postupku kriptiranja. Redoslijed kojim se obavljaju runde je identičan onome prilikom kriptiranja, no transformacije unutar rundi primjenjuju se drugačijim redoslijedom. Transformacije u ovom postupku inverzne su onima koje se koriste u kriptiranju. Transformacija *dodajPotključ* sama je sebi inverz te ju nije potrebno modificirati. Inverzna transformacija zamjene okteta implementira se korištenjem inverzne *s-kutije* čije su vrijednosti dane u dodatku A i naziva se *invZamijeniOktete*. Inverz

transformaciju posmicanja redova *invPosmakniRedove* također je vrlo jednostavno napisati (ne posmiče se ulijevo već udesno), dok je inverz miješanja stupaca *invPomiješajStupce* nešto složenije. U tom slučaju svaki stupac matrice *stanje* množi se s inverznim polinomom koji je oblika $c^{-1}(x) = 11x^3 + 13x^2 + 9x + 14$. Matrično to izgleda ovako:

$$\begin{bmatrix} r_0 \\ r_1 \\ r_2 \\ r_3 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 14 & 11 & 13 & 9 \\ 9 & 14 & 11 & 13 \\ 13 & 9 & 14 & 11 \\ 11 & 13 & 9 & 14 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} a_0 \\ a_1 \\ a_2 \\ a_3 \end{bmatrix}$$

Računanje ovog sustava može se svesti na postupak analogan postupku u *pomiješajStupce*. Pogledaj str. 18 specifikacije Rijndael algoritma². Još preostaje definirati redoslijed izvođenja transformacija koji izgleda ovako:

1. Inicijalna runda
 - a) *dodajPotključ*
3. Runde (ponavljaj *brojRundi-1* puta)
 - a) *invPosmakniRedove*
 - b) *invZamijeniOktete*
 - c) *dodajPotključ*
 - d) *invPomiješajStupce*
4. Posljednja runda
 - a) *invPosmakniRedove*
 - b) *invZamijeniOktete*
 - d) *dodajPotključ*

² A Specification for Rijndael, the AES Algorithm, Dr. Brian Gladman, v3.11, 12th Sept 2003
<http://asmes.sourceforge.net/rijndael/rijndaelImplementation.pdf>

Dodatak A: Izračunate vrijednosti funkcija

Prilikom implementacije preporučljivo je koristiti već izračunate vrijednosti ovih triju funkcija ukoliko memorijski resursi nisu ograničeni.

Rcon

```
rcon[256] = {  
0x8d, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1b, 0x36, 0x6c, 0xd8, 0xab, 0x4d, 0x9a,  
0x2f, 0x5e, 0xbc, 0x63, 0xc6, 0x97, 0x35, 0x6a, 0xd4, 0xb3, 0x7d, 0xfa, 0xef, 0xc5, 0x91, 0x39,  
0x72, 0xe4, 0xd3, 0xbd, 0x61, 0xc2, 0x9f, 0x25, 0x4a, 0x94, 0x33, 0x66, 0xcc, 0x83, 0x1d, 0x3a,  
0x74, 0xe8, 0xcb, 0x8d, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1b, 0x36, 0x6c, 0xd8,  
0xab, 0x4d, 0x9a, 0x2f, 0x5e, 0xbc, 0x63, 0xc6, 0x97, 0x35, 0x6a, 0xd4, 0xb3, 0x7d, 0xfa, 0xef,  
0xc5, 0x91, 0x39, 0x72, 0xe4, 0xd3, 0xbd, 0x61, 0xc2, 0x9f, 0x25, 0x4a, 0x94, 0x33, 0x66, 0xcc,  
0x83, 0x1d, 0x3a, 0x74, 0xe8, 0xcb, 0x8d, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1b,  
0x36, 0x6c, 0xd8, 0xab, 0x4d, 0x9a, 0x2f, 0x5e, 0xbc, 0x63, 0xc6, 0x97, 0x35, 0x6a, 0xd4, 0xb3,  
0x7d, 0xfa, 0xef, 0xc5, 0x91, 0x39, 0x72, 0xe4, 0xd3, 0xbd, 0x61, 0xc2, 0x9f, 0x25, 0x4a, 0x94,  
0x33, 0x66, 0xcc, 0x83, 0x1d, 0x3a, 0x74, 0xe8, 0xcb, 0x8d, 0x01, 0x02, 0x04, 0x08, 0x10, 0x20,  
0x40, 0x80, 0x1b, 0x36, 0x6c, 0xd8, 0xab, 0x4d, 0x9a, 0x2f, 0x5e, 0xbc, 0x63, 0xc6, 0x97, 0x35,  
0x6a, 0xd4, 0xb3, 0x7d, 0xfa, 0xef, 0xc5, 0x91, 0x39, 0x72, 0xe4, 0xd3, 0xbd, 0x61, 0xc2, 0x9f,  
0x25, 0x4a, 0x94, 0x33, 0x66, 0xcc, 0x83, 0x1d, 0x3a, 0x74, 0xe8, 0xcb, 0x8d, 0x01, 0x02, 0x04,  
0x08, 0x10, 0x20, 0x40, 0x80, 0x1b, 0x36, 0x6c, 0xd8, 0xab, 0x4d, 0x9a, 0x2f, 0x5e, 0xbc, 0x63,  
0xc6, 0x97, 0x35, 0x6a, 0xd4, 0xb3, 0x7d, 0xfa, 0xef, 0xc5, 0x91, 0x39, 0x72, 0xe4, 0xd3, 0xbd,  
0x61, 0xc2, 0x9f, 0x25, 0x4a, 0x94, 0x33, 0x66, 0xcc, 0x83, 0x1d, 0x3a, 0x74, 0xe8, 0xcb, 0x8d }
```

S-Box

```
sbox[256] = {  
0x63, 0x7C, 0x77, 0x7B, 0xF2, 0x6B, 0x6F, 0xC5, 0x30, 0x01, 0x67, 0x2B, 0xFE, 0xD7, 0xAB, 0x76,  
0xCA, 0x82, 0xC9, 0x7D, 0xFA, 0x59, 0x47, 0xF0, 0xAD, 0xD4, 0xA2, 0xAF, 0x9C, 0xA4, 0x72, 0xC0,  
0xB7, 0xFD, 0x93, 0x26, 0x36, 0x3F, 0xF7, 0xCC, 0x34, 0xA5, 0xE5, 0xF1, 0x71, 0xD8, 0x31, 0x15,  
0x04, 0xC7, 0x23, 0xC3, 0x18, 0x96, 0x05, 0x9A, 0x07, 0x12, 0x80, 0xE2, 0xEB, 0x27, 0xB2, 0x75,  
0x09, 0x83, 0x2C, 0x1A, 0x1B, 0x6E, 0x5A, 0xA0, 0x52, 0x3B, 0xD6, 0xB3, 0x29, 0xE3, 0x2F, 0x84,  
0x53, 0xD1, 0x00, 0xED, 0x20, 0xFC, 0xB1, 0x5B, 0x6A, 0xCB, 0xBE, 0x39, 0x4A, 0x4C, 0x58, 0xCF,  
0xD0, 0xEF, 0xAA, 0xFB, 0x43, 0x4D, 0x33, 0x85, 0x45, 0xF9, 0x02, 0x7F, 0x50, 0x3C, 0x9F, 0xA8,  
0x51, 0xA3, 0x40, 0x8F, 0x92, 0x9D, 0x38, 0xF5, 0xBC, 0xB6, 0xDA, 0x21, 0x10, 0xFF, 0xF3, 0xD2,  
0xCD, 0x0C, 0x13, 0xEC, 0x5F, 0x97, 0x44, 0x17, 0xC4, 0xA7, 0x7E, 0x3D, 0x64, 0x5D, 0x19, 0x73,  
0x60, 0x81, 0x4F, 0xDC, 0x22, 0x2A, 0x90, 0x88, 0x46, 0xEE, 0xB8, 0x14, 0xDE, 0x5E, 0x0B, 0xDB,  
0xE0, 0x32, 0x3A, 0x0A, 0x49, 0x06, 0x24, 0x5C, 0xC2, 0xD3, 0xAC, 0x62, 0x91, 0x95, 0xE4, 0x79,  
0xE7, 0xC8, 0x37, 0x6D, 0x8D, 0xD5, 0x4E, 0xA9, 0x6C, 0x56, 0xF4, 0xEA, 0x65, 0x7A, 0xAE, 0x08,  
0xBA, 0x78, 0x25, 0x2E, 0x1C, 0xA6, 0xB4, 0xC6, 0xE8, 0xDD, 0x74, 0x1F, 0x4B, 0xBD, 0x8B, 0x8A,  
0x70, 0x3E, 0xB5, 0x66, 0x48, 0x03, 0xF6, 0x0E, 0x61, 0x35, 0x57, 0xB9, 0x86, 0xC1, 0x1D, 0x9E,
```

```
0xE1, 0xF8, 0x98, 0x11, 0x69, 0xD9, 0x8E, 0x94, 0x9B, 0x1E, 0x87, 0xE9, 0xCE, 0x55, 0x28, 0xDF,  
0x8C, 0xA1, 0x89, 0x0D, 0xBF, 0xE6, 0x42, 0x68, 0x41, 0x99, 0x2D, 0x0F, 0xB0, 0x54, 0xBB, 0x16 }
```

S-Box inverz

```
sbox_inverz[256] = {  
0x52, 0x09, 0x6A, 0xD5, 0x30, 0x36, 0xA5, 0x38, 0xBF, 0x40, 0xA3, 0x9E, 0x81, 0xF3, 0xD7, 0xFB,  
0x7C, 0xE3, 0x39, 0x82, 0x9B, 0x2F, 0xFF, 0x87, 0x34, 0x8E, 0x43, 0x44, 0xC4, 0xDE, 0xE9, 0xCB,  
0x54, 0x7B, 0x94, 0x32, 0xA6, 0xC2, 0x23, 0x3D, 0xEE, 0x4C, 0x95, 0x0B, 0x42, 0xFA, 0xC3, 0x4E,  
0x08, 0x2E, 0xA1, 0x66, 0x28, 0xD9, 0x24, 0xB2, 0x76, 0x5B, 0xA2, 0x49, 0x6D, 0x8B, 0xD1, 0x25,  
0x72, 0xF8, 0xF6, 0x64, 0x86, 0x68, 0x98, 0x16, 0xD4, 0xA4, 0x5C, 0xCC, 0x5D, 0x65, 0xB6, 0x92,  
0x6C, 0x70, 0x48, 0x50, 0xFD, 0xED, 0xB9, 0xDA, 0x5E, 0x15, 0x46, 0x57, 0xA7, 0x8D, 0x9D, 0x84,  
0x90, 0xD8, 0xAB, 0x00, 0x8C, 0xBC, 0xD3, 0x0A, 0xF7, 0xE4, 0x58, 0x05, 0xB8, 0xB3, 0x45, 0x06,  
0xD0, 0x2C, 0x1E, 0x8F, 0xCA, 0x3F, 0x0F, 0x02, 0xC1, 0xAF, 0xBD, 0x03, 0x01, 0x13, 0x8A, 0x6B,  
0x3A, 0x91, 0x11, 0x41, 0x4F, 0x67, 0xDC, 0xEA, 0x97, 0xF2, 0xCF, 0xCE, 0xF0, 0xB4, 0xE6, 0x73,  
0x96, 0xAC, 0x74, 0x22, 0xE7, 0xAD, 0x35, 0x85, 0xE2, 0xF9, 0x37, 0xE8, 0x1C, 0x75, 0xDF, 0x6E,  
0x47, 0xF1, 0x1A, 0x71, 0x1D, 0x29, 0xC5, 0x89, 0x6F, 0xB7, 0x62, 0x0E, 0xAA, 0x18, 0xBE, 0x1B,  
0xFC, 0x56, 0x3E, 0x4B, 0xC6, 0xD2, 0x79, 0x20, 0x9A, 0xDB, 0xC0, 0xFE, 0x78, 0xCD, 0x5A, 0xF4,  
0x1F, 0xDD, 0xA8, 0x33, 0x88, 0x07, 0xC7, 0x31, 0xB1, 0x12, 0x10, 0x59, 0x27, 0x80, 0xEC, 0x5F,  
0x60, 0x51, 0x7F, 0xA9, 0x19, 0xB5, 0x4A, 0x0D, 0x2D, 0xE5, 0x7A, 0x9F, 0x93, 0xC9, 0x9C, 0xEF,  
0xA0, 0xE0, 0x3B, 0x4D, 0xAE, 0x2A, 0xF5, 0xB0, 0xC8, 0xEB, 0xBB, 0x3C, 0x83, 0x53, 0x99, 0x61,  
0x17, 0x2B, 0x04, 0x7E, 0xBA, 0x77, 0xD6, 0x26, 0xE1, 0x69, 0x14, 0x63, 0x55, 0x21, 0x0C, 0x7D }
```

Literatura

1. Operacijski sustavi; Budin, L.; Golub, M; Jakobovic, D., Jelenkovic, L; Element, Zagreb; 2010
2. A Specification for Rijndael, the AES Algorithm, Dr. Brian Gladman, v3.11, 12th Sept 2003
3. http://en.wikipedia.org/wiki/Advanced_Encryption_Standard