Tema 10: Optimización de Código Intermedio

- 1. Introducción
- 2. Bloque básico y grafo de flujo
- 3. Optimizaciones locales
 - 3.1. Transformaciones algebraicas
 - 3.2. Transformaciones que preservan la estructura
 - 3.2.1. Introducción al análisis de flujo de datos
 - 3.2.2. Transformaciones
 - 3.3. Grafos dirigidos acíclicos (GDA)
- 4. Optimizaciones globales
 - 4.1. Técnicas básicas
 - 4.2. Detección de bucles
 - 4.3. Extracción de código invariante
 - 4.4. Reducción de intensidad y eliminación variables inducción.

1. Introducción

- Criterios para optimizar
 - Tiempo
 - Tamaño
- Condiciones de las transformaciones usadas
 - Preservar significado programa
 - Mejora cuantificable
 - Debe merecer la pena (coste/mejora)
- Fuente de la optimización
 - Programa fuente
 - Código intermedio
 - Código objeto

2. Bloque básico y grafo de flujo

Algoritmo división en bloques básicos

Entrada: Una secuencia de instrucciones de tres direcciones.

Salida: Una lista de bloques básicos

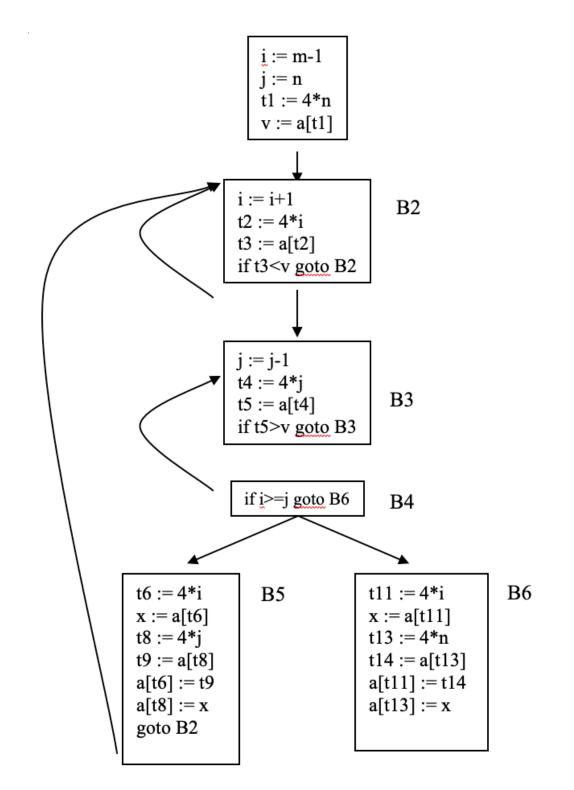
Método:

- Se determina el conjunto de líderes (la primera proposición de cada bloque básico).
 - 1. La primera proposición es un líder
 - 2. Cualquier prop. destino de un salto es un líder.
 - 3. Cualquier prop. que vaya después de un salto es un líder.
- 2. Para cada líder, su bloque básico consta del líder y de todas las proposiciones hasta, sin incluir, el siguiente líder o el fin del programa.

Ejemplo 1

```
131:
      i := m-1
132:
      j := n
133:
      t1 := 4*n
134:
      v := a[t1]
135:
      i := i+1
136:
      t2 := 4*i
137:
      t3 := a[t2]
        if t3<v goto 135
138:
       j := j-1
139:
140:
      t4 := 4*j
141:
        t5 := a[t4]
        if t5>v goto 139
142:
143:
      if i>=j goto 153
144:
       t6 := 4*i
145:
      x := a[t6]
```

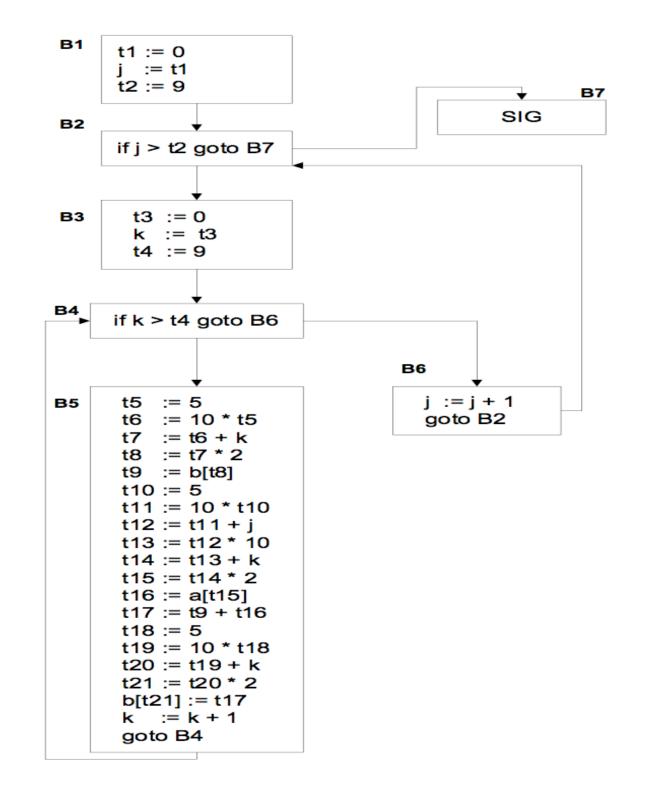
```
146:
       t7 := 4*i
       t8 := 4*j
147:
        t9 := a[t8]
148:
        a[t7] := t9
149:
        t10 := 4*j
150:
        a[t10] := x
151:
152:
        goto 135
        t11 := 4*i
153:
154:
        x := a[t11]
155:
        t12 := 4*i
156:
        t13 := 4*n
        t14 := a[t13]
157:
        a[t12] := t14
158:
159:
        t15 := 4*n
160:
        a[t15] := x
```



Ejemplo 2

```
t1 := 0
         j := t1
         t2 := 9
        if j > t2 goto L3
L1:
         t3 := 0
         k := t3
         t4 := 9
L2:
        if k > t4 goto L4
         t5 := 5
         t6 := t5 * 10
         t7 := t6 + k
         t8 := t7 * 2
         t9 := b[t8]
         t10:= 5
         t11:= t10 * 10
         t12:= t11 + j
```

```
t13:= t12 * 10
         t14:=t13+k
         t15:= t14 * 2
         t16:= a[t15]
         t17:= t9 + t16
         t18:= 5
         t19:= t18 * 10
         t20:= t19 + k
         t21:= t20 * 2
         b[t21]:= t17
         k := k + 1
         goto L2
        j := j + 1
L4:
         goto L1
L3:
```



3. Optimizaciones locales

Optimizaciones locales

 Transformaciones que pueden aplicarse observando únicamente un bloque básico¹.

Optimizaciones globales

 Transformaciones que para aplicarse es necesario conocer el flujo de control entre los distintos bloque básicos del programa.

¹ Sus instrucciones y las variables activas a la entrada y salida del bloque básico.

3.1. Transformaciones algebraicas

1. Simplificaciones algebraicas:

- Expresiones de identidad: identidad $\theta \alpha = \alpha$
- Propiedad conmutativa: $\alpha \theta \beta = \beta \theta \alpha$
- Propiedad asociativa: $\alpha \theta (\beta \theta \gamma) = (\alpha \theta \beta) \theta \gamma$
- Operador θ_1 distributivo respecto a θ_2 : $\alpha \theta_1 (\beta \theta_2 \gamma) = (\alpha \theta_1 \beta) \theta_2 (\alpha \theta_1 \gamma)$
- Operador unario autoinverso: $\theta \theta \alpha = \alpha$ A*(B*C)+(B*A)*D+A*E = A*(B*(C+D)+E)

2. Reducción de intensidad.

Sustitución de una operación por otra algebraicamente equivalente pero con menor coste computacional

3. Cálculo previo de constantes (folding)

```
y := 3
t1 := 2 + y
t2 := t1 + z
x := t2 + 5 \rightarrow x := 10 + z
```

Precauciones:

- Deben aplicarse localmente
 - (1) i := 0
 - (2) i := i + 1
 - (3) if i<N goto 2
- Números en coma flotante

3.2. Transformaciones que preservan la estructura

Introducción al análisis de flujo de datos

(i)
$$a := b + c$$

Def[i] = {a} Usa[i] = {b, c}

Variable activa en un arco del grafo de flujo, si existe camino dirigido desde ese arco a algún uso de la variable que no pasa por ninguna definición de la variable.

X está activa a la entrada de un nodo n ($x \in ent[n]$) si está activa en cualquiera de los arcos de entrada del nodo.

x está activa a la salida de un nodo n ($x \in sal[n]$) si está activa en cualquiera de los arcos de salida del nodo.

$$ent[i] = usa[i] \cup (sal[i] - def[i])$$
 $sal[i] = \bigcup_{s \in Suc[i]} ent[s]$

Introducción al análisis de flujo de datos

Cálculo de ent[] y sal[] en un bloque básico ({int_i}₁ⁿ, E, S).

```
para todo i \in 1...n hacer ent[i] := {}; sal[i] := {};
Repetir
   para i := n hasta 1 hacer
            \underline{si} i = n \underline{entonces} sal[i] := \bigcup_{ent[s]}
                                                                    \cup S
                                                    s \in Suc[i]
            \underline{\mathsf{sino}}\,\mathsf{sal}[\mathsf{i}] \coloneqq_{\bigcup ent[s]}
            ent[i] := usa[i] \cup (sal[i] - def[i])
   fin para
```

<u>hasta</u> ningún ent[i] o sal[i] cambie.

Ejemplo 3

- (1) x := ...
- (2) x := y + z
- (3) a := x + b
- (4) y := a + x
- (5) if x < 5 goto 2
- (6) b := x

			1 ^a iteración		2 ^a iteración		3 ^a iteración	
	def	usa	ent[]	sal[]	ent[]	sal[]	ent[]	sal[]
(2)	X	y, z	y, z, b	x, b	y, z, b	x, b, z	y, z, b	x, b, z
(3)	a	x, b	x, b	a, x	x, b, z	a, x, z, b	x, b, z	a, x, z, b
(4)	y	a, x	a, x	X	a, x, z, b	x, y, z, b	a, x, z, b	x, y, z, b
(5)		X	X	X	x, y, z, b	x, y, z, b	x, y, z, b	x, y, z, b

Transformaciones

1.- Eliminación de subexpresiones comunes.

(1)
$$a := b + c$$

(2) $b := a - d$
(3) $c := b + c$
(4) $d := a - d$
 $a := b + c$
 $b := a - d$
 $c := b + c$
 $d := b$

2.- Propagación de copias

(1) x := t3 (2) t9 := t5 (3) a[t2] := t9 (4) a[t4] := x (1) x := t3 (2) t9 := t5 (3) a[t2] := t5 (4) a[t4] := t3

3. Eliminación de código inactivo

$$B = (\{f := a + a; g := f * c; f := a + b; g := a * b\}, \{a, b, c\}, \{f, g\})$$

$$B' = (\{f := a + b; g := a * b\}, \{a, b\}, \{f, g\})$$

4. Renombrar variables temporales

5. Intercambiar dos instrucciones adyacentes independientes.

$$t1 := b + c$$

$$t_2 := x + y$$

3.3. Grafos dirigidos acíclicos (GDA)

Algoritmo construcción de un GDA

Entrada: Un bloque básico β =(I,E,S)

Salida: GDA

Usa: Un nodo tendrá

Una etiqueta: etiqueta

Un hijo derecho y un hijo izquierdo

Una lista de variables que toman el valor representado por el nodo.

CreaNodo(v, i, d): Crea un nodo etiquetado con v, hijo izquierda i, e hijo derecha d

Ult_nodo(v): Devuelve el último nodo que contiene en su lista_var (o su etiqueta si no está en ninguna lista) a la variable *v* */

```
Paratoda variable x \in usa[\beta] \cup def[\beta] hacer
          Ult_nodo(x) := NULL
Paratoda instrucción S_i ( x := y op z ) \in I hacer {
  si ult_nodo(y) = NULL entonces CreaNodo(y, NULL, NULL)
  si ult_nodo(z) = NULL entonces CrearNodo(z, NULL, NULL)
  \neg \exists \text{ nodo} \mid \text{Etiqueta(nodo)} = op \land \text{HijoIzq} = \text{Ult_nodo(y)} \land \text{HijoDer(nodo)} = \text{Ult_nodo(z)} 
  entonces nodo := CrearNodo(op, Ult_nodo(y), Ult_nodo(z))
  <u>si</u> Ult_nodo(x) ≠ NULL <u>entonces</u> {
           Quitar x de la lista de variables de Ult_nodo(x)
           Añadir x a la lista de variables del nodo, que pasa a ser el Ult_nodo de x
```

Ejemplo 4

BB={P, {a,b,i,prod,},{a,b,i,prod})

$$(1) t_1 := 4 * i$$

(2)
$$t_2 := a[t_1]$$

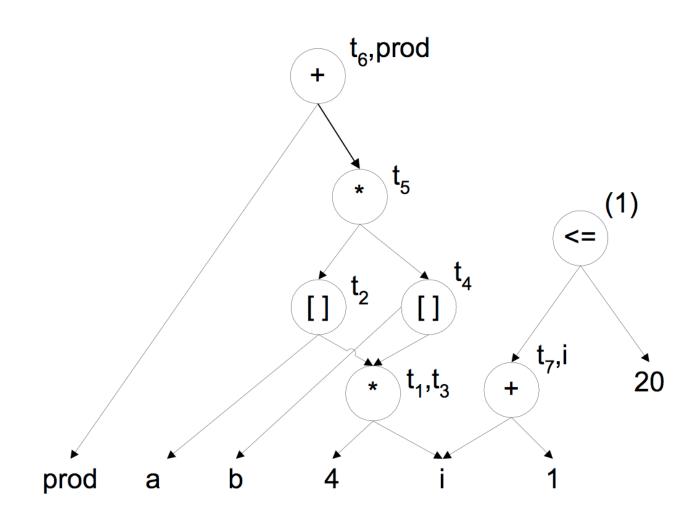
$$(3) t_3 := 4 * i$$

$$(4) t_4 := b[t_3]$$

$$(5) t_5 := t_2 * t_4$$

(6)
$$t_6 := prod + t_5$$

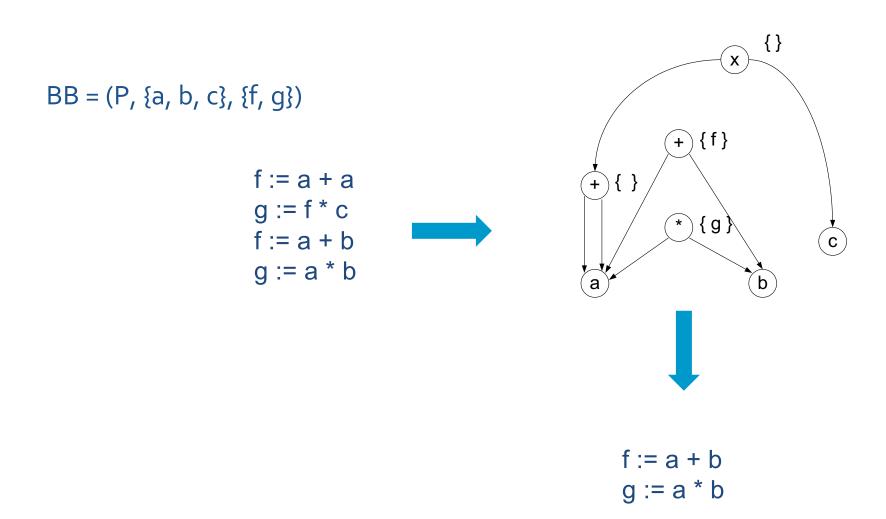
- $(7) \text{ prod} := t_6$
- (8) $t_7 := i + 1$
- (9) $i := t_7$
- $(10)if i \le 20 goto (1)$



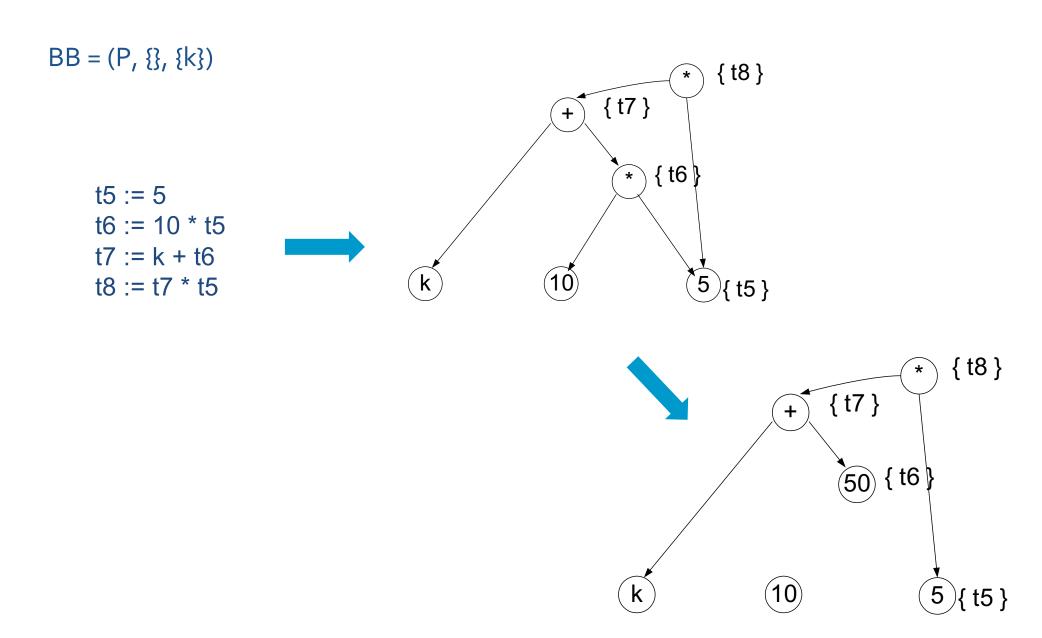
Reglas reconstrucción código

1. Eliminación de código inútil

Nodo sin ascendientes ni variables activas asociadas

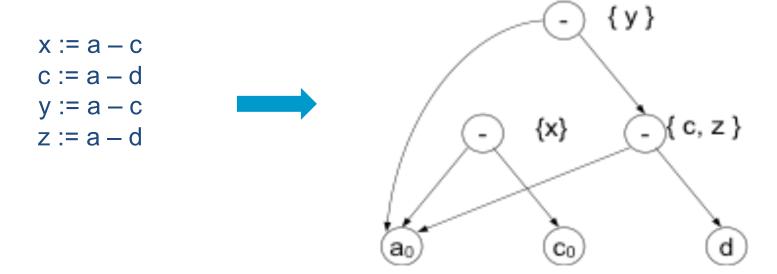


2. Plegado de constantes



3. Usar orden topológico

$$BB = (P, \{a, c, d\}, \{x, y, z\})$$



Órdenes topológicos correctos

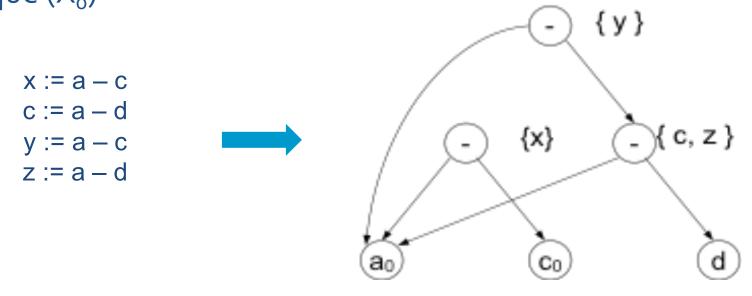
$$x := a - c$$
 $z := a - d$
 $z := a - d$ $x := a - c$
 $y := a - z$ $y := a - z$

Incorrectos

$$y := a - c$$
 $c := a - d$
 $x := a - c$ $z := c$
 $z := a - d$ $x := a - c$
 $y := a - z$

4. Variable con valores iniciales

No se genera código para definir una variable X de la lista de vbles. de un nodo hasta generar código para todos los usos del valor inicial de X en el bloque (X_0)



Secuencia incorrecta:

5. Elección de variable para nodo

Para contener el valor de la expresión de un nodo se elegirá como variable, aquella que esté activa a la salida del bloque.

Si no hubiera ninguna se elegirá cualquiera

Si a la salida hay más de una activa se generarán instrucciones de copia para cada una

En las hojas:

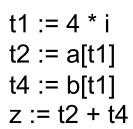
- Si la etiqueta es una variable y no se modifica dentro del bloque, se considerara está junto a su lista de variables y se aplicará el mismo criterio.
- Si la etiqueta es una constante, y ninguna variable en el campo lista_vbles está activa a la salida del bloque, no se generara ninguna instrucción para evaluar esta hoja.

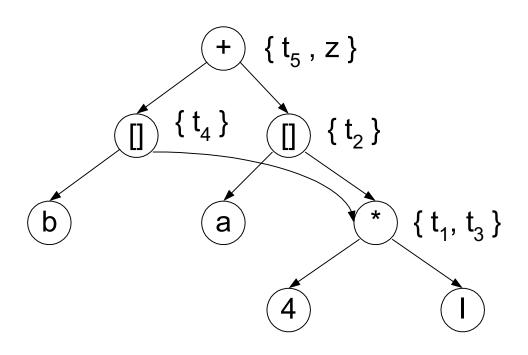
Ejemplo 5

$$BB=(P, \{a, i, b\}, \{z\})$$

```
t1 := 4 * i
t2 := a[t1]
t3 := 4 * i
t4 := b[t3]
t5 := t2 + t4
z := t5
```

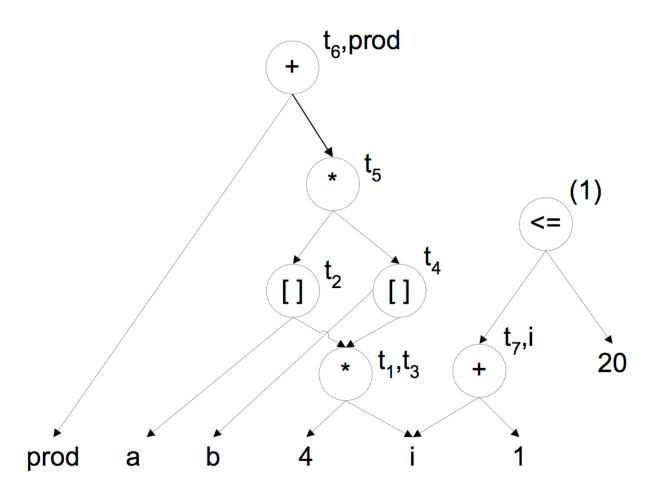
Código reconstruido:





Ejemplo 4 (cont)

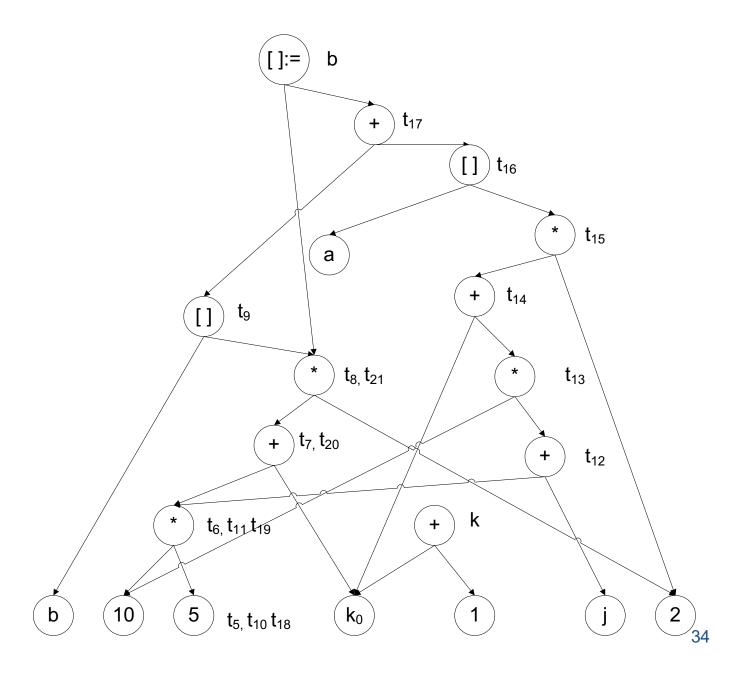
 $B=\{P, \{a,b,i,prod,\},\{a,b,i,prod\}\}$



- $(1) t_3 := 4 * i$
- (2) $t_4 := b[t_3]$
- (3) $t_2 := a[t_3]$
- $(4) t_5 := t_2 * t_4$
- (5) prod := prod + t_5
- (6) i := i + 1
- (7) if i <= 20 goto (1)

B5 del ejemplo 2

```
t5 := 5
t6 := 10 * t5
t7 := t6 + k
t8 := t7 * 2
t9 := b[t8]
t10 := 5
t11 := 10 * t10
t12 := t11 + j
t13 := t12 * 10
t14 := t13 + k
t15 := t14 * 2
t16 := a[t15]
t17 := t9 + t16
t18 := 5
t19 := 10 * t18
t20 := t19 + k
t21 := t20 * 2
b[t21] := t17
k := k + 1
goto B4
```



BB = { P, $\{k, j, a, b, t2, t4\}, \{k, j, a, b, t2, t4\} \}$

t7 := 50 + k

t8 := t7 * 2

t9 := b [t8]

t12 := 50 + j

t13 := t12 * 10

t14 := t13 + k

t15 := t14 * 2

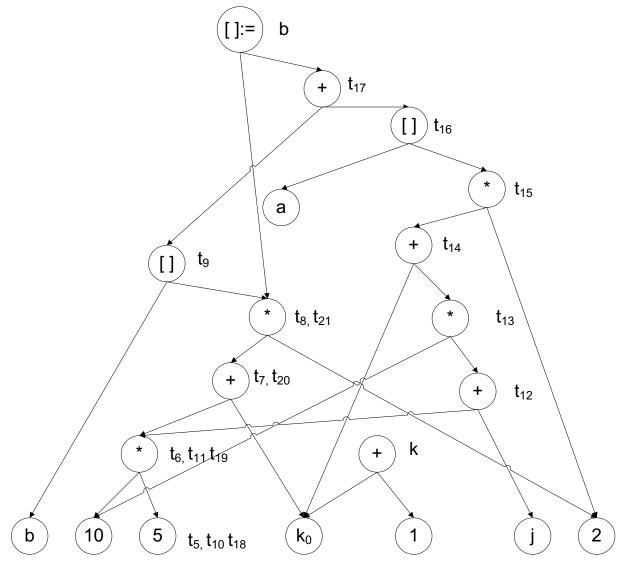
t16 :=a[t15]

t17 := t9 + t16

b[t8] := t17

k := k + 1

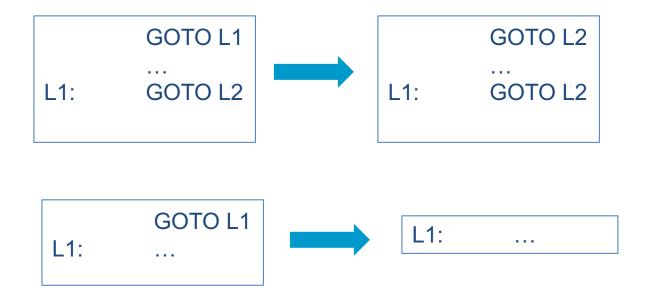
goto B4



4. Optimizaciones globales

4.1. Técnicas básicas

1. Optimizaciones de saltos



- 2. Desplegado de bucles
- 3. Técnica de la mirilla

4.2. Detección de bucles

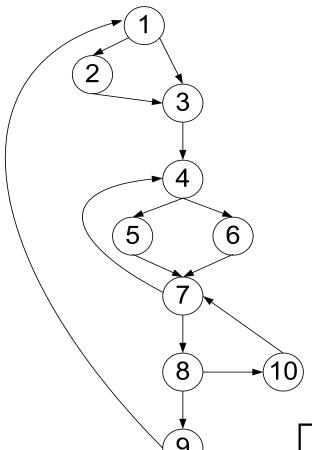
Bucle natural

- Un nodo d de un grafo de flujo domina a otro nodo n (d dom n) si todo camino desde el nodo inicial del grafo de flujo a n, pasa por d. La relación de dominación de representa en un árbol de dominación: Un nodo domina a sus hijos.
- Arista de retroceso: Aquella en la que el nodo de la cabeza domina al nodo de la cola.

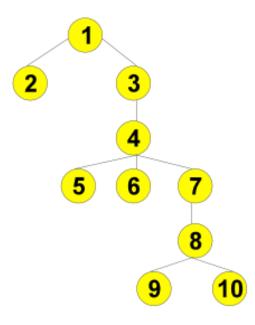
Bucle natural:

- Tiene un solo punto de entrada (encabezamiento)
- Tiene una arista (de retroceso) que permite iterar el bucle
- Dada una arista de retroceso n → d, llamamos bucle natural asociado a la arista de retroceso, a d (encabezamiento del bucle) más el conjunto de nodos que pueden alcanzar n sin pasar a través de d.

Grafo de flujo



Árbol de dominación



Arista de retroceso	Nodos del bucle natural
7 → 4	{ 4,5,6,7,8,10 }
10 → 7	{ 7,8,10 }
9 → 1	{ 1,2,3,4,5,6,7,8,9,10 }

4.3. Extracción código invariante

Algoritmo marcado código invariante

Repetir

Marcar instrucción si sus operandos:

- Son constantes, O
- No se definen dentro del bucle, O
- Tienen una sola definición dentro del bucle y está marcada

Hasta no se marque ninguna nueva

Ejemplo 6

$$(1) a = 5 + N$$

(2)
$$i := i + 1$$

$$(3) b := a * 4$$

$$(4)$$
 arr $[i] := b$

$$(5)$$
 if a \leq N goto (1)

$$(6) x = t$$

Marcamos (1) y luego (3)

Ejemplo 7

$$(1) a = 5$$

(2) if
$$b > 2$$
 goto (4)

$$(3) a := 4$$

$$(4) b := 2 * b$$

(5) if
$$b < N \text{ goto } (2)$$

$$(6) x := a$$

(3) No puede extraerse

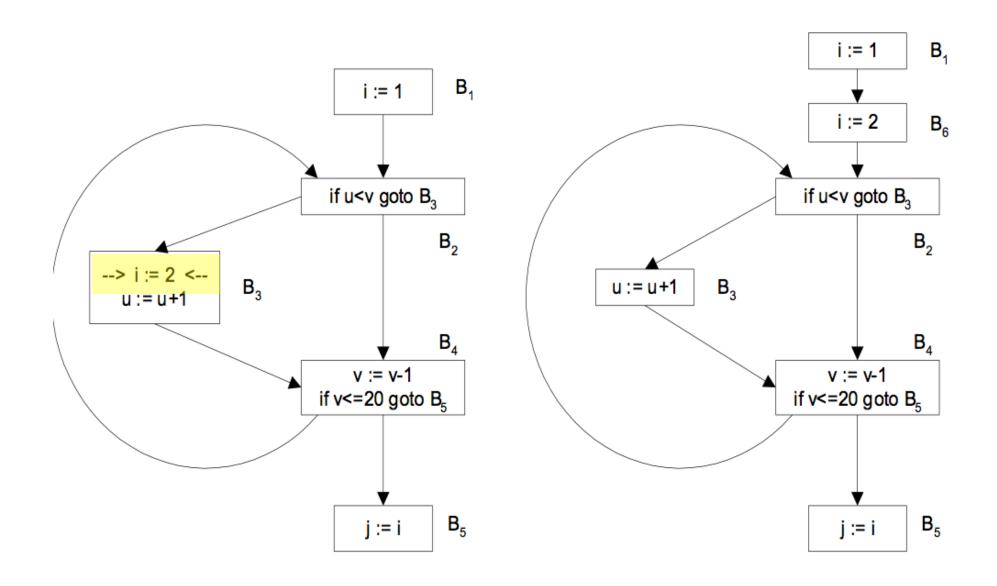
Condiciones extracción código invariante

Extraer, en el orden de marcado las instrucciones¹, si cumplen:

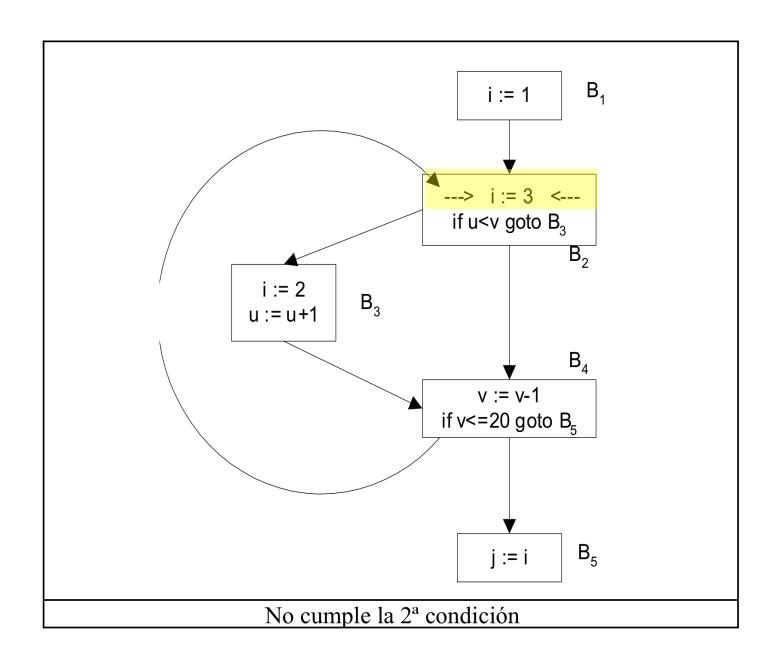
- 1. x está en un bloque que domina todas las salidas del bucle, (o x no está activa a la salida del bucle).
- 2. x no se define en otra parte del bucle.
- Todos los usos de x en el bucle solo pueden ser alcanzados por esa definición de x.
- 4. Los valores de los operandos son constantes o se definen ya en el pre-encabezamiento.

Se extrae al preencabezamiento

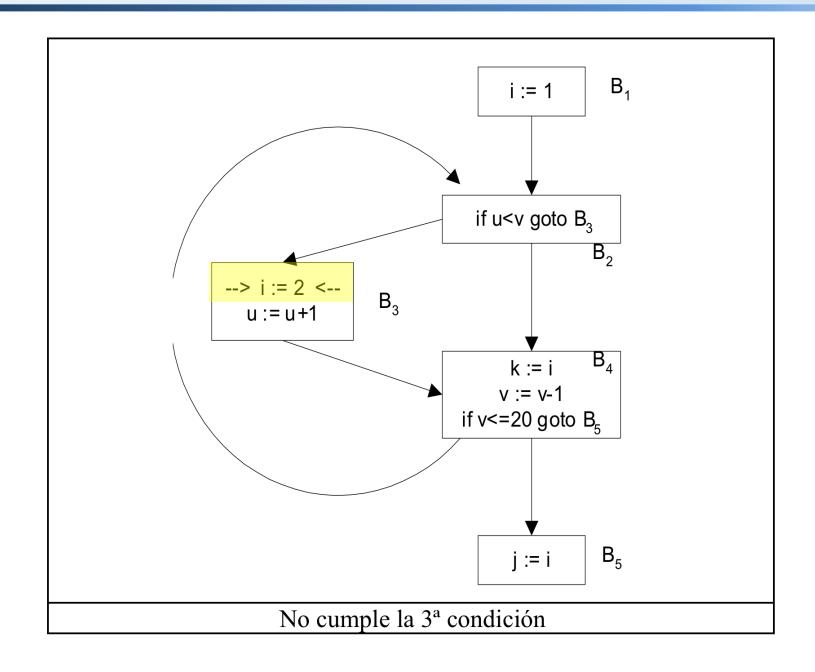
Ejemplo de extracción ilegal: B3 no domina a todas las salidas del bucle



Ejemplo de extracción ilegal: i tiene otra definición en el bucle



Ejemplo de extracción ilegal: Uso de i alcanzado por otra definición



Ejemplo 6 (sol.)

- (1) a := 5 + N
- (2) i := i + 1(3) b := a * 4
- $\overline{(4)}$ arr[i] := b
- (5) if a < N goto (1)
- (6) x = t

Quedaría

- (0) a = 5 + N
- (1) b := a * 4
- (2) i := i + 1
- (4) arr[i] := b
- (5) if a < N goto (2)
- (6) x = t

4.4. Reducción de intensidad y eliminación de variables de inducción

Variable inducción básica (i)

Variable cuya única definición dentro del bucle es de la forma

$$i := \pm c$$

con c constante o invariante del bucle.

Familia de i

Conjunto de variables (j) cuya relación con i en el bucle es de la forma

$$j = i*c + d$$

c y d con invariantes del bucle

se le asocia la terna j(i,c,d)

Detección familias vbles, inducción

Asociar a cada una el triple correspondiente.

Algoritmo Detección de variables de inducción Entrada Bucle con información sobre el alcance y cálculos invariantes Salida Familias de variables de inducción Método Encontrar todas las variables básicas de inducción (i). Asociar a cada una el triple (i, 1, 0).

```
Buscar las variables k con una sola definición dentro del bucle de la forma: k := j*b, k := b*j, k := j/b, k := j\pm b, k := b\pm j donde b es una cte. y j una vble. de inducción
```

```
Si j es variable de inducción básica
entonces k está en la familia de j
sino /* j pertenece a familia(i) */
si (¬∃ definición de i entre la definición de j y la de k) ∧
(¬∃ ninguna definición de j fuera del bucle alcanza la definición de k)
entonces k está en la familia de i.
```

Ejemplo 8

```
(0)
       i := i + 3
(1)
    t1 := 2 * i
(2)
   j := t1 + 5
(3)
    t2 := 3 * j
(4)
     k := t2 + 6
(5)
     m := a[j]
(6)
    a[k] := m
        if i < N goto (0)
(7)
```

Variables de inducción

```
i (i, 1, 0)
t1 (i, 2, 0)
j (i, 2, 5)
t2 (i, 6, 15)
k (i, 6, 21)
```

Reducción intensidad sobre vbles, inducción

Algoritmo Reducción de intensidad aplicada a variables de inducción. **Método**

Para toda variable de inducción básica i hacer

Para todo triple (i, c, d) asociado a las variables de inducción $j_1, j_2, ... j_n$, de la Familia(i) hacer

- 1. Crear una variable temporal s
- 2. Sustituir las asignaciones a j_i por j_i := $s \forall i \in [1..n]$
- 3. Para toda asignación i := i + n en el bucle hacer añadir a continuación s := s + c * n /* c*n es cte.*/ poner s en Familia(i) /* triple (i,c,d) */
- 4. Poner la incialización de *s* al final del preencabezamiento:

```
s := c * i /* solo s := i si c es 1 * /

s := s + d /* omitir si d es 0 * /
```

Ejemplo 8 (cont)

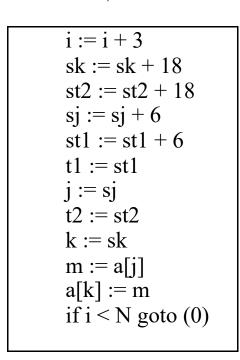
```
(0)
         i := i + 3
(1)
         t1 := 2 * i
(2)
     j := t1 + 5
(3)
        t2 := 3 * j
(4)
         k := t2 + 6
(5)
         m := a[j]
(6)
         a[k] := m
         if i < N goto (0)
(7)
```

Variables de inducción

```
i (i, 1, 0)
t1 (i, 2, 0)
j (i, 2, 5)
t2 (i, 6, 15)
k (i, 6, 21)
```

$$st1 := 2 * i$$

 $sj := 2 * i$
 $sj := sj + 5$
 $st2 := 6 * i$
 $sk := 6 * i$
 $sk := sk + 21$



Eliminación vbles. inducción

Algoritmo Eliminación de variables de inducción.

Entrada Bucle L con información sobre definiciones de alcance, cálculos invariantes y variables activas.

Salida Bucle revisado Método

- 1. Eliminar variables de inducción sin usos en el bucle y fuera de él (sólo su propia definición o instrucción de copia)
- 2. <u>para toda</u> variable de inducción i que se usa sólo para calcular vbles. de induccción en su familia y saltos condicionales <u>hacer</u> Elegir una j ∈ Familia(i) /* con triple (i,c,d) lo más simple */ Modificar cada comprobación en que aparezca i para utilizar j

<u>finpara</u>

```
EJEMPLO: if i oprel x goto B
    r := c*x
    r := r+d
    if j oprel r goto B
La vble. de inducc x se sustituye por r (x, c, d)
    /* r := x si c es 1 */
    /* se omite si d es 0*/
    /* r temporal */
```

 para toda vble de inducción eliminada del bucle hacer borrar todas sus asignaciones finpara

4. para toda vble de inducc. j para la que el alg. de reducción de intensidad en v.i. introdujo una proposición j := s

<u>hacer</u>

Comprobar que no se define s entre j:=s y cualquier uso de j

Sustituir usos de j por usos de s

Borrar j:=s

finpara

Ejemplo 8 (cont)

```
st1 := 2 * i

sj := 2 * i

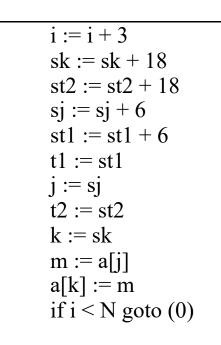
sj := sj + 5

st2 := 6 * i

st2 := st2 + 15

sk := 6 * i

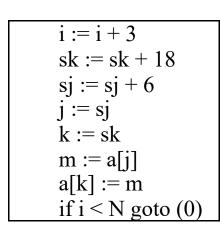
sk := sk + 21
```





$$sj := 2 * i$$

 $sj := sj + 5$
 $sk := 6 * i$
 $sk := sk + 21$



Ejemplo 8 (cont)

$$sj := 2 * i$$

 $sj := sj + 5$
 $sk := 6 * i$
 $sk := sk + 21$



$$i := i + 3$$

 $sk := sk + 18$
 $sj := sj + 6$
 $j := sj$
 $k := sk$
 $m := a[j]$
 $a[k] := m$
if $i < N$ goto (0)



$$sj := 2 * i$$

 $sj := sj + 5$
 $sk := 6 * i$
 $sk := sk + 21$
 $t := 2 * N$
 $t := t + 5$

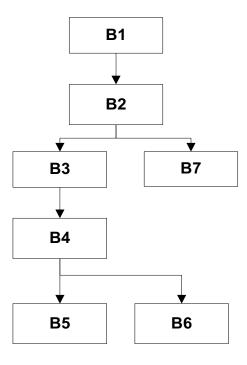


$$sk := sk + 18$$

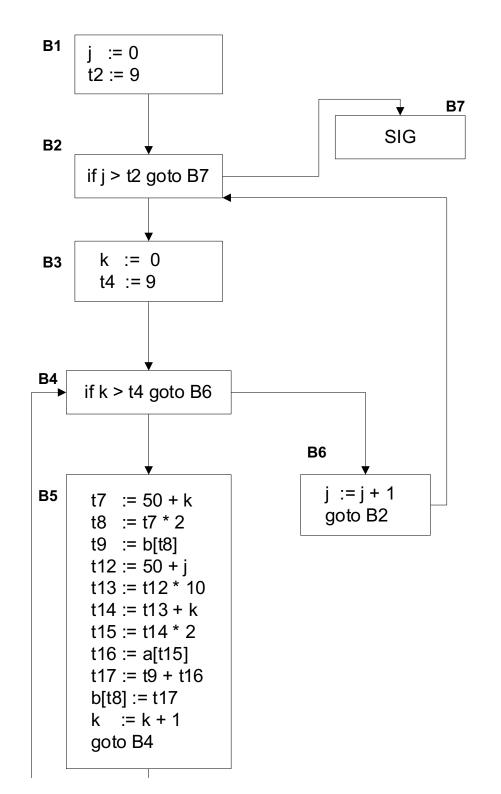
 $sj := sj + 6$
 $m := a[sj]$
 $a[sk] := m$
 $if sj < t goto (0)$

Ejemplo 2: Detección bucles

Árbol de dominación



Ar. Retroceso	Bucle Natural
B5->B4	B5, B4
B6 -> B2	B6, B4, B5, B3, B2



Ejemplo 2: Extracción código invariante

Bucle interno (B5-B4):

Instrucciones invariantes

t12 y t13 no están activas a la salida del bucle.

Variables de inducción Bucle interno (B5-B4):

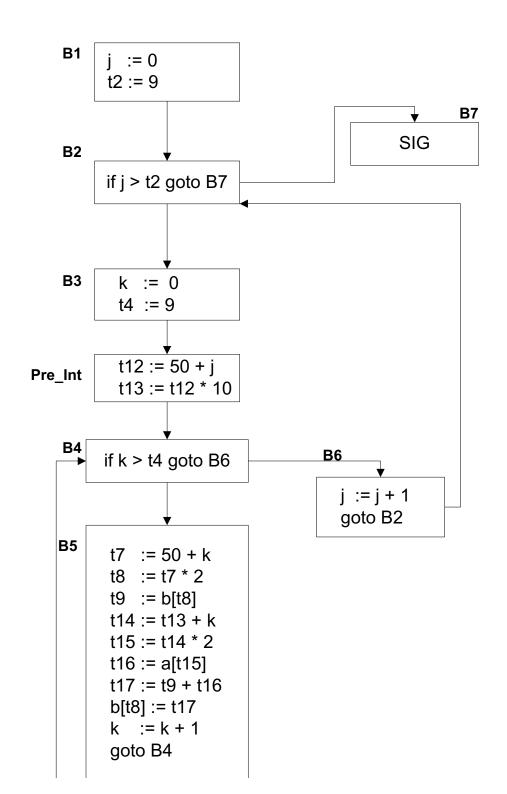
```
k (k, 1, 0)

t7 (k, 1, 50)

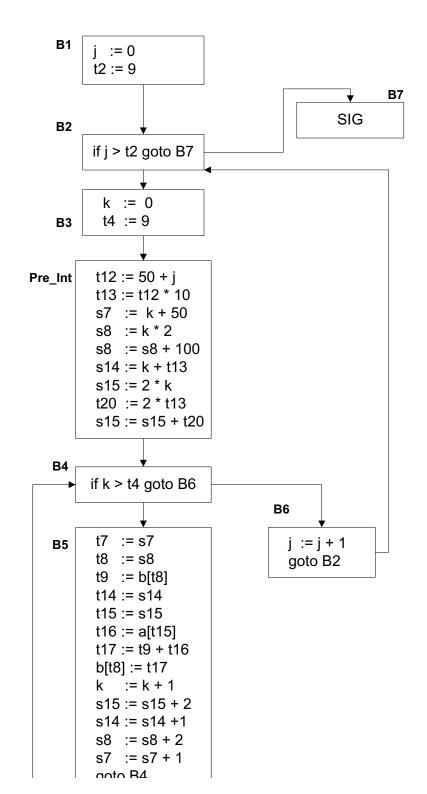
t8 (k, 2, 100)

t14 (k, 1, t13)

t15 (k, 2, 2*t13)
```



Ejemplo 2. Bucle interno: Reducción intensidad



Ejemplo 2. Bucle interno: Eliminación vbles. inducción

