- [15] El nivel de llenado de unas botellas de bebidas gaseosas tiene una distribución normal con media 2 [litros] y desviación estándar de 0,06 [litros]. Si las botellas contienen menos de 1,9 [litros], la empresa corre el riesgo de recibir una multa por parte de la entidad encargada de fiscalizar este tipo de productos. Por otro lado, si las botellas tienen un contenido mayor a 2,1 [litros], se genera el efecto no deseado de derramar parte del líquido al momento de abrirlas.
- (a) (2 puntos) Defina la variable bajo estudio.
- (b) (4 puntos) Si se selecciona una botella de la producción al azar, ¿Cúal es la probabilidad de que la empresa corra el riesgo de ser multada?
- (c) (4 puntos) Si se selecciona una botella al azar, ¿Cuál es la probabilidad de que una botella pueda provocar un derrame?
- (d) (5 puntos) Si se obtiene una muestra aleatoria de 30 botellas desde la línea de llenado, ¿ Cuál es la probabilidad de que haya más de 2 botellas que puedan provocar un derrame al abrirlas?

Solución: Sea $X : \{$ Nivel de llenado de unas botellas de bebidas gaseosas $\}$

$$X \sim N(2, 0.06^2)$$

$$\mathbb{P}(X < 1,9) = \mathbb{P}\left(\frac{X - 2}{0,06} < \frac{1,9 - 2}{0,06}\right)$$
$$= \mathbb{P}\left(Z < -1.\overline{6}\right) \quad Z \sim N(0,1)$$
$$= 0,048$$

$$\mathbb{P}((X > 2,1) = 1 - \mathbb{P}(X \le 2,1)$$

$$= 1 - \mathbb{P}\left(\frac{X - 2}{0,06} < \frac{2,1 - 2}{0,06}\right)$$

$$= 1 - \mathbb{P}\left(Z < -1.\overline{6}\right)Z \sim N(0,1)$$

$$= 1 - 0,952$$

$$= 0,048$$

Sea $Y : \{$ Número de botellas cuyos niveles de llenado es mayor a $2.1\}$

$$Y \sim Bin(30, 0.048)$$

Luego,

$$\mathbb{P}(Y > 2) = \mathbb{P}(Y \ge 3)$$

$$= 1 - \mathbb{P}(Y \le 2)$$

$$= 1 - 0.8122$$

$$= 0.1878$$