

1 Teoria delle probabilità

1.1 Coefficienti binomiali

dato un insieme di n elementi é possibile ordinarli in $\binom{n}{k}$ gruppi di dimensione k

$$\binom{n}{k} = \frac{n!}{k!(n-k)!}$$

inoltre la potenza n -esima di un binomio é uguale a $(a+b)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} a^k b^{n-k}$

1.2 Teorema di Bayes

$$P(E_1|E_2) = \frac{P(E_2|E_1)P(E_1)}{P(E_2)}$$

1.3 Media (μ)

$$\mu = E[x] = \begin{cases} \int_{-\infty}^{+\infty} xp(x)dx & \text{per variabili continue} \\ \sum_{k=0}^n x_k P(x_k) & \text{per variabili discrete} \end{cases}$$

$E[x]$ é un'operatore lineare quindi $E[ax] = Ea[x]$ e se $x_1 \vee x_2$ sono variabili indipendenti, allora $E[x_1 x_2] = E[x_1]E[x_2] = \mu_1 \mu_2$

Il calcolo della media resta identica anche nel caso in cui si effettuano delle misurazioni, infatti $m = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i$

1.4 Varianza (σ^2)

$$\sigma^2 = E[(x - \mu)^2] = \begin{cases} \int_{-\infty}^{+\infty} (x - \mu)^2 p(x) dx & \text{per variabili continue} \\ \sum_{k=0}^n (x_k - \mu)^2 P(x - k) & \text{per variabili discrete} \end{cases}$$

$\text{Var}[cx] = c^2 \text{Var}[x]$ e se $x_1 \vee x_2$ sono variabili indipendenti, allora $\sigma^2 = \sigma_1^2 + \sigma_2^2$

Precedentemente abbiamo analizzato il caso in cui si conosce la funzione di distribuzione, nel caso in cui gli unici dati a disposizione sono delle misurazioni, allora σ^2 viene stimata nel seguente modo

$$E[s_{n-1}^2] = E\left[\frac{1}{n-1} \sum_{i=1}^n (x_i - m)^2\right] = \sigma^2$$