RIASSUNTO VARIABILI ALEATORIE

Francesco Bozzo

16 aprile 2019

V.a. bernoulliana $X \sim Ber(p)$

Si utilizza per definire un singolo esperimento aleatorio.

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \begin{cases} 1 - p & \text{per } x = 0 \\ p & \text{per } x = 1 \end{cases}$$

V.a. geometrica $X \sim \text{Geo}(n, p)$

Funzione di distribuzione

$$\Pr(X < x) = 1 - (1 - p)^{[x]}$$

V.a. binomiale $X \sim Bin(n, p)$

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \binom{n}{k} p^k (1-p)^{n-k}$$

V.a. binomiale negativa $X \sim \text{NeBin}(r, p)$

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \begin{cases} \binom{x-1}{r-1} p^r (1-p)^{x-r} & \text{per } x = r, r+1, \dots \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$

V.a. di Poisson $X \sim Poisson(\lambda)$

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \frac{\lambda^k}{k!} e^{-\lambda}$$

V.a. di Gauss o normale $X \sim N(\mu, \sigma)$

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \frac{1}{\sqrt{2\pi\sigma}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$

$$\bigvee_{X} 0.5 \\ 0 2 4 6 8 10$$

V.a. esponenziale $X \sim Exp(\lambda)$

Funzione di densità

$$\Pr(X=x) = \begin{cases} \lambda e^{-\lambda x} & \text{per } x \geqslant 0 \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases} \qquad \stackrel{\stackrel{\textstyle \circ}{\mathbb{R}}}{\underset{\scriptstyle \square}{\sqcup}} \qquad 0.5$$

Funzione di distribuzione

$$\Pr(X < x) = \begin{cases} 1 - e^{-\lambda x} & \text{per } x \geqslant 0 \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases} \stackrel{\stackrel{\bigodot}{\otimes}}{\underset{\smile}{\bowtie}} 1 \stackrel{\downarrow}{\underset{\smile}{\bowtie}} 0.5 \stackrel{}{\underset{\smile}{\bowtie}} 0.5 \stackrel{}{\underset{\smile}{\bowtie}} 1 \stackrel{}{\underset{\smile}{\bowtie}} 0.5 \stackrel{}{\underset{\smile}{\bowtie}} 1 \stackrel{}{\underset{\smile}{\bowtie}} 0.5 \stackrel{}{\underset{\smile}{\smile}} 0.5 \stackrel{}{\underset{$$

V.a. uniforme $X \sim \text{Unif}(a, b)$

Funzione di densità

$$\Pr(X = x) = \begin{cases} \frac{1}{b-a} & \text{per } x \in (a, b] \\ 0 & \text{altrimenti} \end{cases}$$