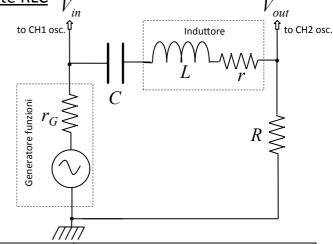
Nome e Cognome:	□LUN Data:	□MAR □GIO	16

## Circuito risonante RLC

Il circuito di figura, composto da un resistore di resistenza R, da un induttore (bobina) di induttanza L e resistenza <u>interna</u> r, e un capacitore di capacità C, si comporta come un oscillatore forzato (e smorzato).

1. Determinate l'espressione della funzione di trasferimento T(f) (complessa) che lega il fasore  $V_{\omega,out}$  con  $V_{\omega,in}$  in funzione della frequenza f. Determinate inoltre l'espressione di A(f) = |T(f)| e quella di  $tan(\Delta \phi) = \operatorname{Im}\{T(f)\}/\operatorname{Re}\{T(f)\}$ . Infine determinate l'espressione della frequenza propria  $f_0$  dell'oscillatore e lo sfasamento  $\Delta \phi_0$  che ci si attende per  $f = f_0$  (cioè a risonanza). Supponete condizioni di debole smorzamento. Solo se lo ritenete opportuno, o lo trovate, necessario, potete trascurare le resistenze interne di generatore e/o induttore.



Espressioni funzionali	$tan(\Delta \varphi) =$
T(f) =	$f_0 =$
A(f) =	$\Delta \phi_0 =$

2. Montate il circuito scegliendo valori di R e C che consentano di avere una frequenza propria  $f_0$  dell'ordine delle centinaia di Hz e una larghezza della curva di risonanza tale da consentire un'agevole ricostruzione sperimentale della curva stessa. Misurate R e anche r in continua (con il tester) Determinate il valore della frequenza propria attesa  $f_{0,\text{att}}$ , supponendo  $L \sim 0.5$  H (nominale).

R [ ]	r [ ]
C [ ]	f <sub>0,att</sub> [ ]

- 3. Determinate sperimentalmente il valore della frequenza di risonanza  $f_0$ . A tale scopo siete fortemente consigliati di utilizzare il metodo basato sull'osservazione dei segnali  $V_{out}$  e  $V_{in}$  con l'oscilloscopio <u>in modalità Y-X</u>. Spiegate brevemente nel riquadro cosa succede a risonanza nell'osservazione Y-X e chiaritene il perché.
- 4. Determinate sperimentalmente i valori delle frequenze  $f_-$  e  $f_+$  in corrispondenza delle quali l'ampiezza del segnale  $V_{out}$  vale la metà dell'ampiezza del segnale  $V_{in}$ . Determinate inoltre il corrispondente valore della larghezza fwhm della curva di risonanza,  $\Delta f_{\text{fwhm}} = f_+ f_-$  e il <u>fattore di qualità</u> dell'oscillatore,  $Qf = (2\pi/\sqrt{3}) f_0/\Delta f_{\text{fwhm}}$ .
- 5. Controllate che siano verificate entro l'incertezza le "proprietà" della "curva di risonanza":  $f_-f_+ = f_0^2$  e  $\Delta f_{\text{fwhm}} \sim \sqrt{3} (R+r)/(2\pi L)$ , confrontando i valori ottenuti dalle misure con quelli attesi sulla base dei valori di R, r, L, C.

Misure			Breve spiegazione della misura in modalità Y-X:		
$f_0 =$	]	]			
$f_{-} =$	[	]			
$f_+ =$	[	]			
$\Delta f_{\mathrm{fwhm}} =$	[	]	$\Delta f_{\text{fwhm,att}} = $	-	Valori attesi
Qf =					
$ff_+=$	[	]	$(ff_+)_{\text{att}} = (f_{0,\text{att}})^2 =$		] Page 1 of 3

6.	Ora dovete ricostruire, tramite misure, la "curva di risonanza", cioè il grafico della funzione $A(f)$ . A questo
	scopo, dovete misurare il rapporto tra le ampiezze $A = V_{out}/V_{in}$ a diverse frequenze f del generatore e riportarlo
	nella tabella. Poiché il rapporto serve (solo) per costruire il grafico, fatelo calcolare a Python assieme alla sua
	incertezza, debitamente determinata. Scegliete l'intervallo di frequenze da esplorare in modo opportuno: è
	necessario che la "campana" della risonanza risulti evidente, dunque dovete cominciare con frequenze ben
	minori di $f_{\perp}$ e finire con frequenze ben maggiori di $f_{\perp}$ .



j	f [ ]	V <sub>out</sub> [ ]	V <sub>in</sub> [ ]	j	f [ ]	V <sub>out</sub> [ ]	V <sub>in</sub> [ ]
1				10			
2				11			
3				12			
4				13			
5				14			
6				15			
7				16			
8				17			
9				18			

7. Fate quindi un grafico per punti della funzione A(f) e valutate la congruenza con le attese, soprattutto per quanto riguarda la larghezza  $\Delta f_{\text{fwhm}}$ , commentando al proposito nel riquadro dei commenti. Fate anche un best-fit dei dati, riportando tutte le informazioni necessarie (funzione utilizzata, parametri del fit e loro congruenza con le attese, chi-quadro, eventuale covarianza, etc.) nel riquadro dei commenti.

	Page 2 of 3
Commenti (stima dal grafico di $\Delta f_{\text{fwhm}}$ , funzione di fit congruenza con valori attesi, funzione di fit, valore dei parametri, chi-quetc.):	addio, oovananza,
Commenti (stima dal grafico di Africa, funzione di fit congruenza con valori attesi, funzione di fit, valore dei parametri, chi-qu	uadro, covarianza.

			_	
Nome e Cognome:	□LUN Data:	□MAR	□GIO	(16')

8. Ora modificate il circuito in modo da ottenere lo schema di figura (si consiglia di mantenere gli stessi valori di prima per R e C). Questo circuito è un oscillatore risonante "in parallelo", che è atteso presentare un

comportamento "anti-risonante". Caratterizzate <u>qualitativamente</u> il suo comportamento, verificando <u>rapidamente</u> come varia l'ampiezza V <sub>out</sub> in funzione della frequenza fi del generatore. Inoltre individuate sperimentalmente la frequenza di risonanza f <sub>0</sub> e la larghezza della "curva di risonanza" \( \Delta \text{frequenz} \) definita come in precedenza. Riportate il tutto (valori delle misure e descrizione del comportamento) nel riquadro dei commenti, aggiungendo anche una breve interpretazione <u>qualitativa</u> del funzionamento del circuito.  Misure e commenti vari:	L R R	^ A A ^ A
	Page 3 of 3	]