## Analisi 2 per il CdS in Intelligenza Artificiale & Data Analytics

A.A. 2022/2023

## Scritto - 11 Luglio 2023

1. Studiare la convergenza uniforme su  $\mathbb R$  della serie di funzioni

$$\sum_{n=1}^{+\infty} \frac{\cos(nx+5)}{6+n^4} \ .$$

2. Determinare massimi e minimi assoluti della funzione  $f(x,y)=x^2+y^2$  sull'insieme

$$E = \{(x,y) : (x-1)^2 + (y-2)^2 - 20 = 0\}.$$

3. Si trovi la soluzione del seguente Problema di Cauchy

$$\begin{cases} y''(x) + \frac{2}{3}y'(x) + \frac{1}{9}y(x) = 0\\ y(0) = 0\\ y'(0) = 1 \end{cases}$$

4. Calcolare

$$\int \int_E \frac{\sin(y)}{y} \mathrm{d}x \mathrm{d}y$$

dove 
$$E = \{(x, y) \in \mathbb{R}^2 : 0 \le y \le 1 \ 0 \le x < y\}.$$