

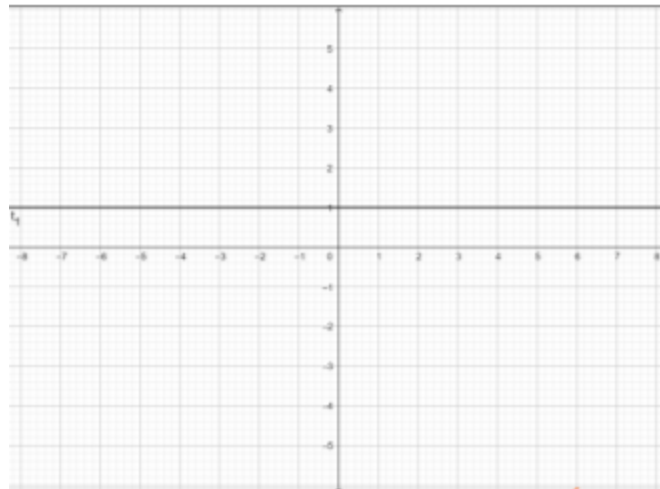


# Grafici di funzioni fondamentali

## Costante

$$f(x) = c, c \in \mathbb{R}$$

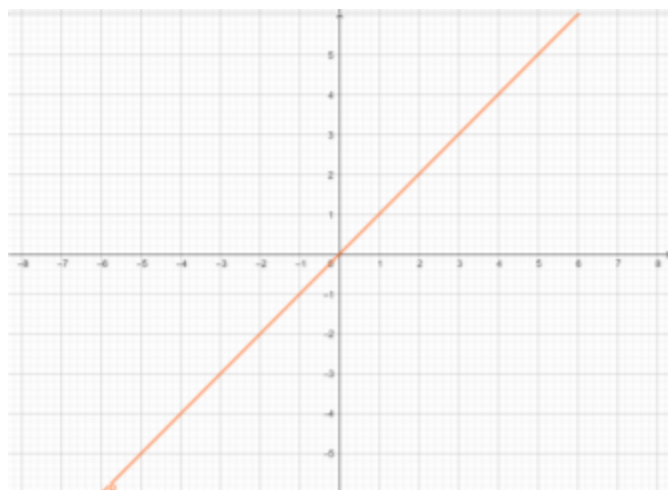
Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$



## Retta

$$f(x) = ax + b, a \neq 0$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$



## Potenza n-esima di x

$$f(x) = x^n \quad n \in \mathbb{N}, \quad n \geq 2$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$

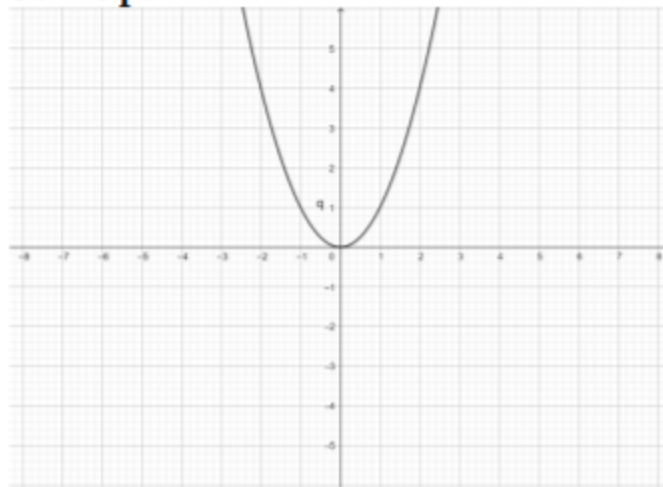
### n Pari

- La funzione è pari  $f(x) = f(-x) \quad \forall x \in D(f)$
- $Im(f) = [D; +\infty)$
- Monotona strettamente decrescente da  $(-\infty; 0]$
- Monotona strettamente crescente da  $[0; +\infty)$

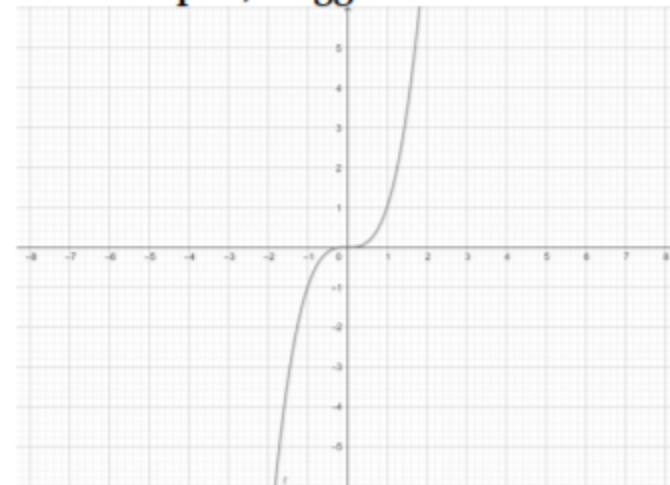
### n Dispari

- La funzione è dispari  $-f(x) = f(-x) \quad \forall x \in D(f)$
- $Im(f) = (-\infty; +\infty)$
- Monotona strettamente decrescente in tutto il dominio
- Biunivoca

**Se  $n$  è pari**



**Se  $n$  è dispari, maggiore di 1**



## Radice n-esima

$$f(x) = \sqrt[n]{x}$$

### **n Pari**

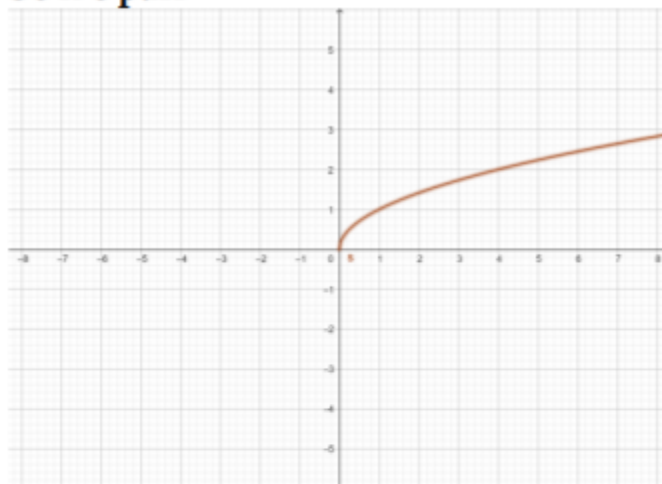
- Dominio  $\rightarrow [0; +\infty)$ ,  $n \geq 2$
- $Im(f) = (0; +\infty)$
- Monotona strettamente crescente in tutto D

### **n Dispari**

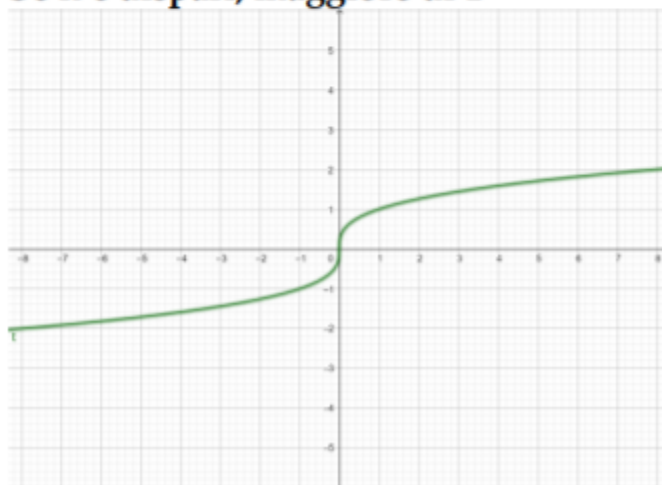
- Dominio  $\rightarrow R$ ,  $n \geq 3$

- La funzione è dispari  $-f(x) = f(-x) \forall x \in D(f)$
- $Im(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$
- Funzione Biunivoca
- Monotona strettamente crescente in tutto D

**Se n è pari**



**Se n è dispari, maggiore di 1**



$$\sqrt[n]{x} = |x|$$



Presa una funzione Radice n-esima con n dispari allora  $f(x) = x^n$  è l'inverso della funzione  $g(x) = \sqrt[n]{x}$

## Iperbole

$$f(x) = \frac{1}{x^n} \quad n \in \mathbb{N}, n \geq 1$$

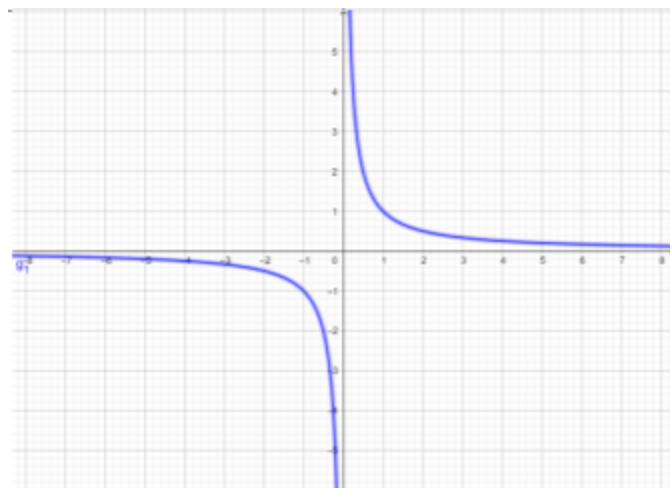
Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$  escluso 0

### n Pari

- La funzione è pari  $f(x) = f(-x) \quad \forall x \in D(f)$
- $Im(f) = (0; +\infty)$
- Monotona strettamente crescente da  $(-\infty; 0)$
- Monotona strettamente decrescente da  $(0; +\infty)$

### n Dispari

- La funzione è dispari  $-f(x) = f(-x) \quad \forall x \in D(f)$
- $Im(f) = \mathbb{R} \setminus \{0\}$
- Monotona decrescente da  $(-\infty; +\infty)$



## Esponenziale

$$f(x) = a^x \quad a > 0, a \neq 1$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$

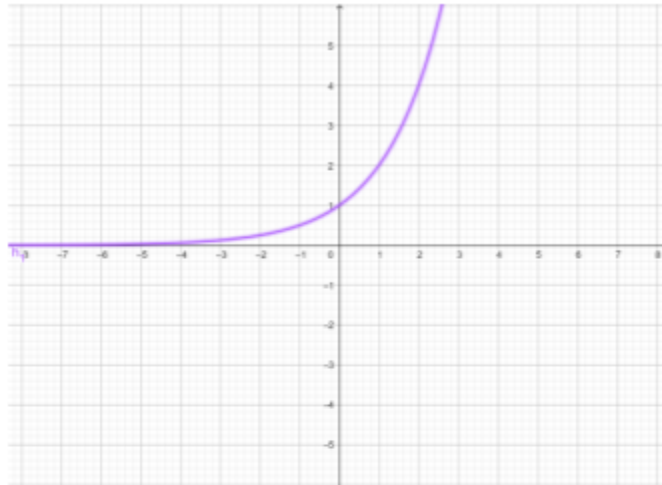
**$a > 1$**

- Iniettiva ma non suriettiva
- $Im(f) = (0; +\infty)$
- Monotona strettamente crescente in tutto D

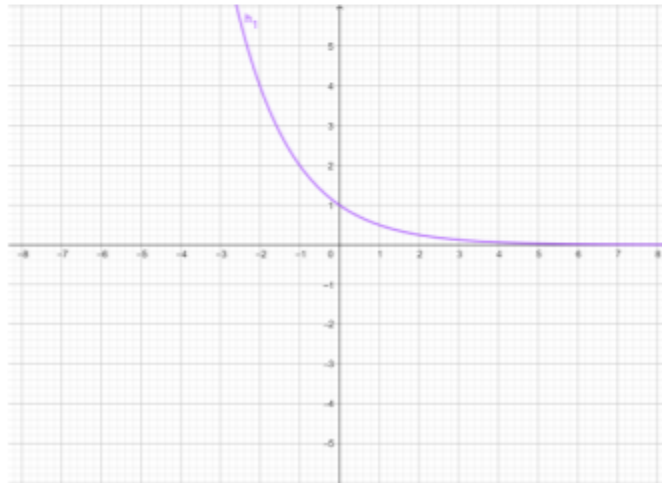
**$0 < a < 1$**

- Iniettiva ma non suriettiva
- $Im(f) = (0; +\infty)$
- Monotona strettamente decrescente in tutto D

**Se  $a > 1$**



**Se  $0 < a < 1$**



## Logaritmica

$$f(x) = \log_a x \quad a > 0, a \neq 1$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$

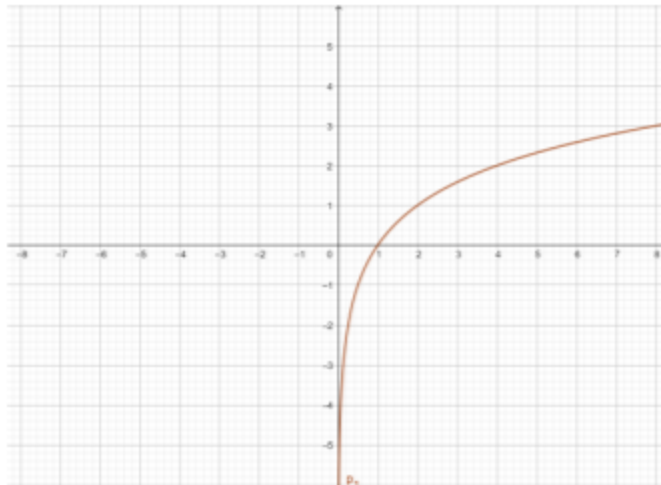
**$a > 1$**

- Iniettiva ma non surriettiva
- $Im(f) = (\mathbb{R})$
- Monotona strettamente crescente in tutto D

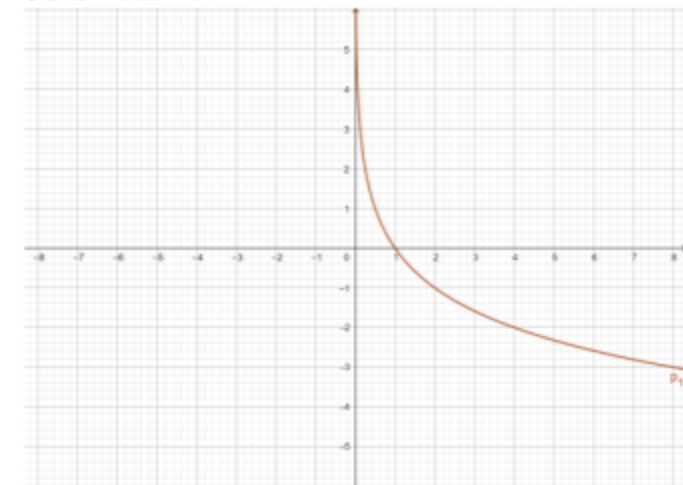
**$0 < a < 1$**

- Iniettiva ma non surriettiva
- $Im(f) = (R)$
- Monotona strettamente decrescente in tutto D

Se  $a > 0$



Se  $0 < a < 1$



Se considero una  $f(x) = a^x : \mathbb{R} \rightarrow (0; +\infty)$  e  $g(x) = \log_a x : (0; +\infty) \rightarrow \mathbb{R}$  allora  $g(x)$  è la funzione inversa di  $f(x)$  e si chiamerà  $f^{-1}(x)$

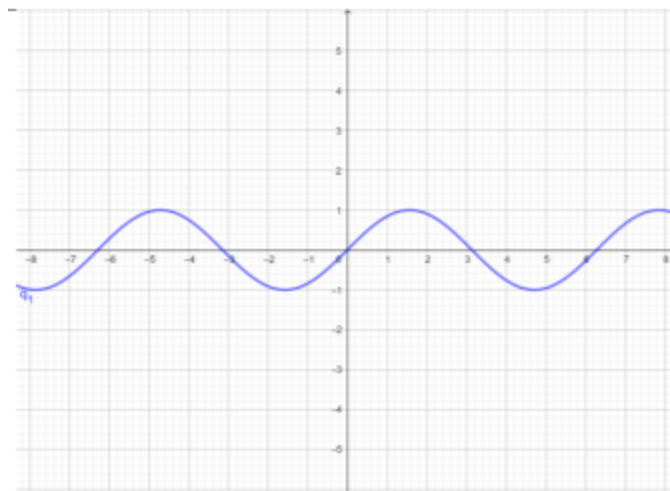
## Seno



$$f(x) = \sin(x)$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$

- Periodica di periodo  $P = 2\pi$   $P$  è il più piccolo numero tale che  $f(x + P) = f(x)$
- Dispari
- Non iniettiva non suriettiva
- $Im(f) = [-1; 1]$  rispettivamente minimo e massimo
- $\sin(k\pi) = 0 \forall k \in \mathbb{Z}$



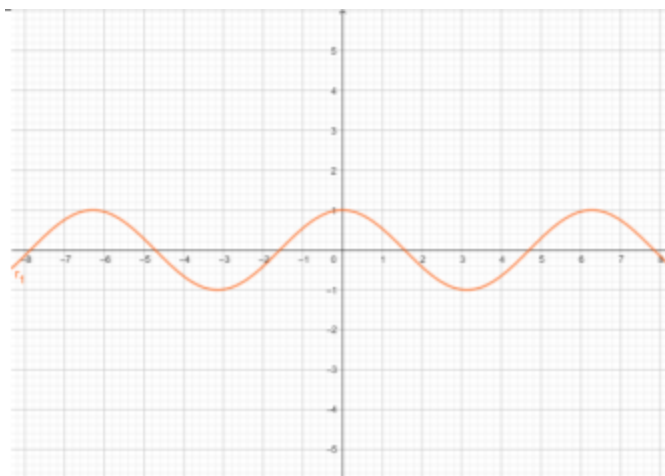
Ordinata della circonferenza di origine 0,0 e raggio 1

## Coseno

$$f(x) = \cos(x)$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R}$

- Periodica di periodo  $P = 2\pi$   $P$  è il più piccolo numero tale che  $f(x + P) = f(x)$
- Pari
- Non iniettiva non suriettiva
- $Im(f) = [-1; 1]$  rispettivamente minimo e massimo
- $\cos(\frac{\pi}{2} + k\pi) = 0 \forall k \in \mathbb{Z}$



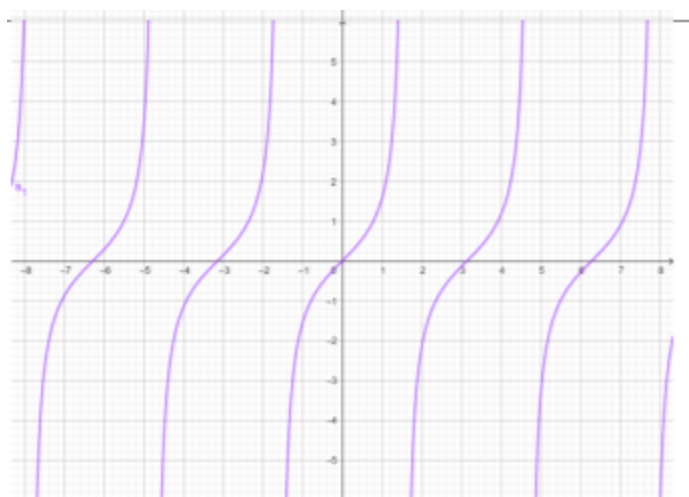
Ascissa della circonferenza di origine 0,0 e raggio 1

## Tangente

$$f(x) = \operatorname{tg}(x)$$

Dominio  $\rightarrow \mathbb{R} \setminus \left\{ \frac{\pi}{2} + k\pi \mid k \in \mathbb{Z} \right\}$

- Periodica di periodo  $P = \pi$   $P$  è il più piccolo numero tale che  $f(x + P) = f(x)$
- Surriettiva





Limitando il dominio delle funzioni seno, coseno e tangente è possibile ottenere le loro funzioni inverse con dominio pari alla porzione di dominio iniziale limitato e immagine pari al codominio della funzione, così facendo avremo funzioni biunivoche e quindi invertibili.