

**N° de laboratoire**    Laboratoire 1

**N° d'équipe**    06

**Étudiant(s)**    Marc-Olivier Allard

Guy Martial Nzali

Francis Ouellet

**Code(s) permanent(s)**    ALLM05089305

NGOG18039008

OUEF03099307

**Cours**    LOG320

**Session**    Hiver 2016

**Groupe**    01

**Professeur**    Patrick Cardinal

**Chargés de laboratoire**    Francis Cardinal

## Description de l'algorithme

Notre algorithme<sup>1</sup> utilise une propriété des nombres premiers pour former un hachage numérique permettant de donner une valeur unique à un mot composé d'un certain ensemble de lettres. Comme chaque combinaison de lettres possède la même signature, deux *hash* identiques indiquent un anagramme. Il est aussi possible de n'effectuer la fonction de hachage qu'une seule fois pour chacun des mots avant d'effectuer les comparaisons des *hash*.

La fonction de hachage utilise la valeur numérique d'un caractère selon la table ASCII pour déterminer la valeur de son nombre premier. La valeur de chacun des caractères est multipliée ensemble pour obtenir la signature du mot.

## Analyse asymptotique des algorithmes

### Algorithme de base

```
EstUnAnagramme(chaine1, chaine2)
pour c1 ∈ chaine1
    trouvé ← faux
    pour c2 ∈ chaine2
        si c1 = c2
            chaine2 ← chaine2 - c2
            trouvé ← vrai
    si trouvé = faux
        retourner faux
    si chaine2 n'est pas vide
        retourner faux
retourner vrai
```

Soit N1 le nombre de caractères dans la chaîne1

Soit N2 le nombre de caractères dans la chaîne2

---

<sup>1</sup> Inspiré d'une solution sur StackOverflow <http://stackoverflow.com/a/28948975>

N° de ligne	Code source	Ordre Asymptotique des baromètres
1	EstUnAnagramme(chaine1, chaine2)	1
2	pour c1 ∈ chaine1	N1+1
3	pour c2 ∈ chaine2	(N2+1)*N1
TOTAL	//	N2*N1+N1
	O	N2*N1

Si N1 = N et N2 = N, alors N1 \* N2 = N²

**O(N²) est le pire des cas**

## Notre algorithme

```

EstUnAnagramme(chaine1, chaine2)
hash1 ← 1
hash2 ← 1
pour c1 ∈ chaine1
    hash1 ← hash1 * PREMIERS[c1]
pour c2 ∈ chaine2
    hash2 ← hash2 * PREMIERS[c2]
si hash1 = hash2
    retourner vrai
sinon
    retourner faux

```

Soit N1 le nombre de caractères dans C1

Soit N2 le nombre de caractères dans C2

N° 1 de ligne	Code de source	Ordre Asymptotique des barometres
1	EstUnAnagramme(chaine1, chaine2)	1
2	pour c1 ∈ chaine1	N1+1
3	pour c2 ∈ chaine2	N2+1
TOTAL	//	N1+N2 +2
	O	N1+N2

Si  $N_1 = N$  et  $N_2 = N$ , alors  $N_1 + N_2 = 2N$ ;

**$O(N)$  est le pire des cas.**

## Analyse expérimentale des algorithmes

Pour l'analyse expérimentale des algorithmes, nous avons généré 15 listes de mots.

Chaque fichier généré contient des mots d'une longueur fixe (1 à 15 lettres). Afin de pouvoir bien interpréter les résultats, chaque fichier contient le même nombre de mots, soit 58110 mots. Nous avons ensuite exécuté notre algorithme et l'algorithme de base sur chacune des listes de mots, et nous avons enregistré les résultats.

*\* \* Il est important de garder en tête que notre analyse ne tiens pas compte du nombre d'anagrammes par liste, ce qui pourrait affecter le temps d'exécution des algorithmes.*

Nombre de lettres par mots	Temps d'exécution en millisecondes (ms)		Nombre d'anagrammes
	Algorithme de base	Notre algorithme	
1	45262	1615	203522242
2	86503	1422	49224112
3	125189	1412	11095556
4	171979	1454	2633372
5	137457	1310	1041784
6	315480	1302	401364
7	330161	1381	220996
8	375615	1317	143416
9	426781	1365	104654
10	457490	1334	84260
11	494196	1378	73116
12	529971	1359	68948
13	556074	1348	65186
14	578273	1376	63820

Tableau 1 : Temps d'exécution d'un algorithme de résolution d'anagramme en fonction du nombre de lettres par mots.

## Algorithme de base

Il suffit d'un coup d'oeil sur le tableau ci-dessus pour remarquer que le temps d'exécution de l'algorithme de base augmente significativement avec le nombre de lettres par mots. Cet algorithme perd donc de l'efficacité avec la croissance du nombre de caractères par anagramme.

## Notre algorithme

À l'opposé de l'algorithme de base, le temps d'exécution de notre algorithme reste relativement constant (et beaucoup plus bas que celui de l'algorithme de base). En effet, notre algorithme de semble pas être affecté par le nombre de caractère par anagramme.

## Analyse asymptotique du programme complet

Main(args)

```
dictionnaire[] ← lireFichier(args[0])           // O(n) où n le nombre de mots
mots[] ← lireFichier(args[1])                   // O(m) où m le nombre de mots
dictionnaire[] ← nettoyer(dictionnaire[])        // O(n)
mots[] ← nettoyer(mots[])                       // O(m)
hashDictionnaire[]                               // O(1)
hashMots[]                                       // O(1)
pour mot ∈ dictionnaire[]                       // O(n)
    hashDictionnaire[i] ← calculerHash(mot)      // O(n)

pour mot ∈ mots[]                               // O(m)
    hashMots[i] ← calculerHash(mot)              // O(m)

total ← 0                                        // O(1)
pour hash1 ∈ hashMots[]                         // O(m)
    soustotal ← 0                               // O(m)
    pour hash2 ∈ hashDictionnaire[]              // O(n*m)
        si hash1 = hash2                        // O(n*m)
            soustotal++                          // O(n*m)
    afficher(soustotal)                         // O(m)
afficher(total)                                 // O(1)
```

L'ordre asymptotique O du programme complet est  $O(n*m)$  où  $n$  et  $m$  sont les nombres de mots des listes reçues en paramètre.

# Résultat de la démonstration

Reading first file ...

Reading second file ...

Sanitizing first file ...

Sanitizing second file ...

Il y a 12 anagramme(s) du mot cree

Il y a 17 anagramme(s) du mot aussi

Il y a 47 anagramme(s) du mot sorte

Il y a 56 anagramme(s) du mot libre

Il y a 19 anagramme(s) du mot saussure

Il y a 8 anagramme(s) du mot texte

Il y a 7 anagramme(s) du mot matrice

Il y a 21 anagramme(s) du mot significations

Il y a 9 anagramme(s) du mot france

Il y a 17 anagramme(s) du mot premieres

Il y a 248 anagramme(s) du mot tables

Il y a 18 anagramme(s) du mot billard

Il y a 31 anagramme(s) du mot seraient

Il y a 58 anagramme(s) du mot cause

Il y a 11 anagramme(s) du mot climat

Il y a 31 anagramme(s) du mot nobles

Il y a 3 anagramme(s) du mot croquet

Il y a 25 anagramme(s) du mot voulant

Il y a 14 anagramme(s) du mot jouer

Il y a 74 anagramme(s) du mot temps

Il y a 74 anagramme(s) du mot version

Il y a 8 anagramme(s) du mot interieur

Il y a 21 anagramme(s) du mot suite

Il y a 74 anagramme(s) du mot version

Il y a 145 anagramme(s) du mot table

Il y a 20 anagramme(s) du mot poussant

Il y a 37 anagramme(s) du mot billes

Il y a 15 anagramme(s) du mot cannes

Il y a 3 anagramme(s) du mot croquet

Il y a 18 anagramme(s) du mot manche

Il y a 12 anagramme(s) du mot arrigo boito

Il y a 22 anagramme(s) du mot edward gorey

Il y a 17 anagramme(s) du mot vladimir nabokov

Il y a 3 anagramme(s) du mot ted morgan

Il y a 17 anagramme(s) du mot dave barry

Il y a 15 anagramme(s) du mot glen duncan

Il y a 11 anagramme(s) du mot damon duncan

Il y a 13 anagramme(s) du mot damon albarn

Il y a 14 anagramme(s) du mot anna madrigal

Il y a 20 anagramme(s) du mot tom marvolo riddle

Il y a 11 anagramme(s) du mot buckethead

Il y a 22 anagramme(s) du mot daniel clowes

Il y a 15 anagramme(s) du mot siobhan donaghy

Il y a 12 anagramme(s) du mot i have constructed a string that needs to be shuffled

Il y a un total de 1345 anagrammes

Temps d'execution : 865 millisecondes