

## Proposta de resolução dos exercícios que saíram em recurso

P1.

$$m_{\text{ag}} = 10 \ell = 10000 \text{ g} ; C_{\text{ag}} = 1 \text{ cal}/(\text{g } ^\circ\text{C}) ; T_{\text{inicial,ag}} = 10 ^\circ\text{C}$$

$$m_{\text{gelo}} = 200 \text{ g} ; C_{\text{gelo}} = 0,5 \text{ cal}/(\text{g } ^\circ\text{C}) ; L_{\text{gelo}} = 79,7 \text{ cal/g} ; T_{\text{inicial,gelo}} = -5 ^\circ\text{C}$$

$$k_{\text{esferovite}} = 0,040 \text{ W}/(\text{m } ^\circ\text{C})$$

a)

$$\text{No equilíbrio, temos; } Q_{\text{gelo}} + Q_{\text{ag}} = 0$$

$$Q_{\text{ag}} = m_{\text{ag}} \cdot C_{\text{ag}} (T_f - T_i), \quad \text{com } T_i = 10 ^\circ\text{C}$$

$$Q_{\text{gelo}} = m_{\text{gelo}} \cdot L_{\text{gelo}} + m_{\text{gelo}} \cdot C_{\text{gelo}} (T_f - T_i), \quad \text{com } T_f = 0 ^\circ\text{C e } T_i = -5 ^\circ\text{C}$$

$$1000 \cdot 1 \cdot (T_f - 10) = 200 \cdot 79,7 + 200 \cdot 0,5 \cdot (0 - (-5)) = 0$$

$$T_f = 8,36 ^\circ\text{C}$$

b)

$$q = \Delta Q / \Delta t ; \quad \text{com } \Delta Q = 0,2 \text{ kW h}$$

$$q = (0,2 \times 10^3) \text{ W h} / 4 \text{ h} = 50 \text{ W}$$

c)

$$q = \Delta T / R_{\text{total}} \Leftrightarrow R_{\text{total}} = \Delta T / q = (25 - 8,36) / 50 = 0,3328 ^\circ\text{C/W}$$

As faces do recipiente, em termos de equivalente elétrico, encontram-se em paralelo (estão todas sujeitas à mesma diferença de temperatura)

$$1/R_{\text{total}} = 1/R_1 + 1/R_2 + 1/R_3 + 1/R_4 + 1/R_5 + 1/R_6 ; \text{ faces são todas iguais, } R_1 = R_2 = R_3 = R_4 = R_5 = R_6$$

$$1/R_{\text{total}} = 6/R_{1.\text{face}} \Leftrightarrow R_{1.\text{face}} = 6 \cdot R_{\text{total}} = 6 \cdot 0,3328 = 1,979 ^\circ\text{C/W}$$

$$R_{1.\text{face}} = \Delta x / (K_{\text{esferovite}} \cdot A_{\text{face}}) \Leftrightarrow \Delta x = R_{1.\text{face}} \cdot K_{\text{esferovite}} \cdot A_{\text{face}} = 1,979 \cdot 0,04 \cdot (0,4 \cdot 0,4) = 0,01278 \text{ m}$$

$$\Delta x \cong 1,28 \text{ cm}$$

P2.

a)

O campo elétrico resultante em P,

$$E1 = k \cdot \frac{|Q1|}{R^2} = 9 \times 10^9 \frac{|-4 \times 10^{-6}|}{0.1^2} = 36 \times 10^5 \text{ N/C}$$

$$E2 = k \cdot \frac{|Q2|}{R^2} = 9 \times 10^9 \frac{|6 \times 10^{-6}|}{0.1^2} = 54 \times 10^5 \text{ N/C}$$

$$\vec{E}1 = -E1 \cos 60^\circ \vec{i} - E1 \sin 60^\circ \vec{j} = \dots = -1,8 \times 10^6 \vec{i} - 3,12 \times 10^6 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}2 = -E2 \cos 60^\circ \vec{i} + E2 \sin 60^\circ \vec{j} = \dots = -2,7 \times 10^6 \vec{i} + 4,67 \times 10^6 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$\vec{E}R = \vec{E}1 + \vec{E}2 = (\dots) = -4,5 \times 10^6 \vec{i} + 1,55 \times 10^6 \vec{j} \text{ N/C}$$

$$|\vec{E}R| = (\dots) \cong 4,76 \times 10^6 \text{ N/C}$$

O ângulo com o eixo dos xx, será:  $\tan \alpha = 1,55 \times 10^6 / 4,5 \times 10^6 \rightarrow \alpha = 19^\circ$  (no 3º quadrante)

b)

$$V_P = V_1 + V_2$$

$$V1 = k \cdot \frac{Q1}{R} = \dots = -36 \times 10^4 \text{ (V)}$$

$$V2 = k \cdot \frac{Q2}{R} = \dots = 54 \times 10^4 \text{ (V)}$$

$$V_P = \dots = 18 \times 10^4 \text{ (V)}$$

c)

$q = 2 \mu\text{C}$  colocada em P

$$\vec{F}_e = q \vec{E} = 2 \times 10^{-6} (-4,5 \times 10^6 \vec{i} + 1,55 \times 10^6 \vec{j}) = -9 \vec{i} + 3,1 \vec{j} \text{ (N)}$$

$$|\vec{F}_e| = \sqrt{(-9)^2 + (3,1)^2} \cong 9,52 \text{ N}$$

A força faz um ângulo com o eixo dos xx de,  $\tan \beta = 3,1/9 \rightarrow \alpha = 19^\circ$  (no 3º quadrante)

(ou seja, está como seria de prever na mesma direção e sentido do campo elétrico)

P3.

Condensador descarregado, liga-se o interruptor S.

Corrente total nesse instante?

- circuito resultante no instante em que se liga S.

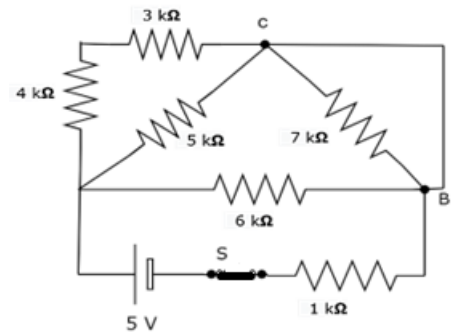
O ramo do condensador fica nesse instante em curto-circuito, logo:

A resistência de 7 K, não é considerada.

Assim a resistência equivalente vista dos terminais da fonte,

$$R_{eq} = (4K+3K)//5K//6K + 1K = \left( \frac{1}{4K+3K} + \frac{1}{5K} + \frac{1}{6K} \right)^{-1} + 1K = \dots = 2,96 K\Omega$$

A corrente será:  $5 = 2,96 \times 10^3 * i \Leftrightarrow i = 1,7 \times 10^{-3} A = 1,7 mA$



b)

Quando C está totalmente carregado, no ramo de C não passa corrente. A tensão no condensador será igual à tensão na resistência de 7K.

- assim calcular a corrente dada pela fonte ao circuito

$$R_{eq2} = (((4K+3K)//5K)+7K)//6K + 1K = \dots = 3,738 \times 10^3 \Omega$$

$$5 = 3,738 \times 10^3 * i \Leftrightarrow i = 1,0 \times 10^{-3} A$$

- a tensão aos terminais da resistência de 6K, será:

$$V = 3,738 \times 10^3 * 1,0 \times 10^{-3} = 3,738 V$$

- a corrente no ramo da resistência de 7K, será:

$$3,738 = (((4K+3K)//5K)+7K) * i \Leftrightarrow i = 3,77 \times 10^{-4} A$$

- logo a tensão aos terminais do condensador será:

$$V_{max} = V_c = V_{7K\Omega} = 7 \times 10^3 * 3,77 \times 10^{-4} = 2,639 V$$

c)

Desligar o interruptor S,

$$V_c(t=2 s) = V_{max} e^{-\frac{t=2}{\tau}} V$$

$$\tau_{descarga} = R_{descarga} * C$$

$$R_{descarga} = (((4K+3K) // 5K) + 6K) // 7K = \dots = 3,921 \times 10^3 \Omega$$

$$\tau_{descarga} = 3,921 \times 10^3 * 2,5 \times 10^{-3} = 9,8 s$$

$$V_c(t=2 s) = 2,639 e^{-\frac{2}{9,8}} = 2,15 V$$

P4.

$$B = 150 \text{ mT}$$

a)

$$d = 50 \text{ mm}, \quad V = 1950 \text{ V}$$

Entre as placas o campo E é uniforme,

$$E = V / d = 1950 / 50 \times 10^{-3} = 39 \times 10^3 \text{ V/m}$$

Para se deslocar em linha reta,  $F_m = F_e$

$$\text{Logo, } q.v.B = q.E \Leftrightarrow v = E / B = 9 \times 10^3 / 150 \times 10^{-3} = 2,60 \times 10^5 \text{ m/s}$$

b)

$$m_p = 1,87 \times 10^{-26} \text{ kg} \quad (\text{considerando a carga elementar})$$

$$F_m = m \cdot a_c, \quad F_m = q.v.B$$

$$q.v.B = m \cdot a_c = m \cdot v^2 / R \rightarrow R = m.v / q.B$$

$$R = (1,87 \times 10^{-26} \cdot 2,60 \times 10^5) / (1,6 \times 10^{-19} \cdot 150 \times 10^{-3}) = 0,20 \text{ m} \quad (R = 3,24 \times 10^{-20} \cdot 1/q)$$

c)

$$m_{p1} = 1,87 \times 10^{-26} \text{ kg} \quad m_{p2} = 2,25 \times 10^{-26} \text{ kg}$$

A separação entre os dois pontos de impacto,  $\Delta d$ , será:

$$\Delta d = 2 \cdot R_2 - 2 \cdot R_1 = 2 \cdot (m_2.v/q.B - m_1.v/q.B) =$$

$$\Delta d = \dots = 0,0875 \text{ m} = 87,5 \text{ mm} (8,75 \text{ cm}) \quad (\Delta d = 1,4 \times 10^{-20} \cdot 1/q)$$

- Partículas negativas, logo a  $F_m$ , dirige-se para baixo paralela à folha de papel. As partículas atingem o alvo junto de P'.

P5.

$$P_m = 150 \text{ kW} = 150 \times 10^3 \text{ W}$$

a)

$t = 1,28 \text{ s}$ , assim  $d_{\text{Terra-Lua}} = v \cdot t$  sendo  $v$  a velocidade da radiação no ar

$$d_{\text{Terra-Lua}} = 3 \times 10^8 \cdot 1,28 = 3,84 \times 10^8 \text{ m}$$

$$\Rightarrow I = \langle S \rangle = P / A$$

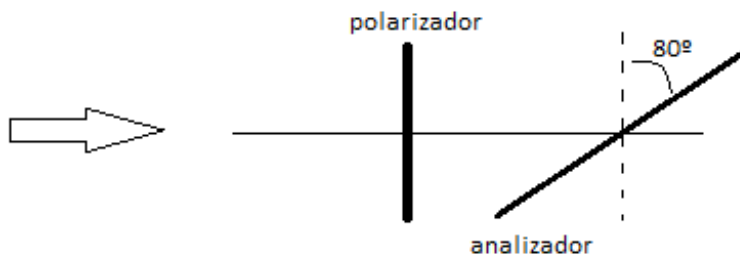
$$\langle S \rangle = 150 \times 10^3 / (4 \cdot \pi \cdot (d_{\text{Terra-Lua}})^2) = \dots = 8,095 \times 10^{-14} \text{ W/m}^2$$

b)

$$\langle S \rangle = I = 1 / (2 \cdot \mu_0) \cdot E_0 \cdot B_0 = E_0^2 / (2 \cdot \mu_0 \cdot C) \quad E_0 = C \cdot B_0$$

$$\Rightarrow E_0 = \sqrt{2 \cdot \mu_0 \cdot C \cdot \langle S \rangle} = \dots = 7,812 \times 10^{-6} \text{ V/m}$$

c)



Logo  $\phi = 80^\circ$

$$I_{\text{final}} = \frac{1}{2} \cdot I_0 \cdot \cos^2(80^\circ) \quad \text{com } I_0 = \langle S \rangle$$

$$I_{\text{final}} = \frac{1}{2} \cdot 8,095 \times 10^{-14} \cdot \cos^2(80^\circ) = 1,22 \times 10^{-15} \text{ W/m}^2$$