
Ayudantía 6: Hash

Ziqi Yan : zyan@uc.cl

Fernando Torres : fernando.torres@uc.cl

Contenidos

- Repaso de Hash
- Problemas

¿Qué es Hash?

Tabla de Hash

- **Asociar** un valor con una clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

Tabla de Hash

- **Asociar** un valor con una clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

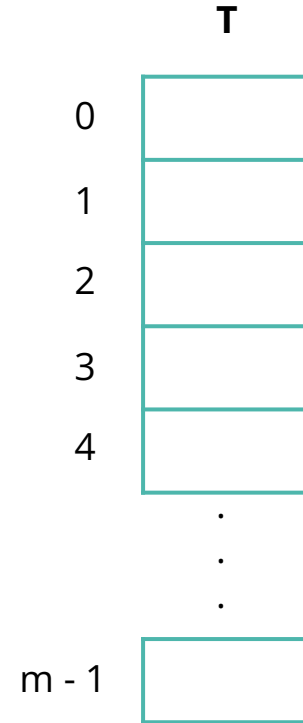


Tabla de Hash

$T[k] = \emptyset$

$T[k] \neq \emptyset$

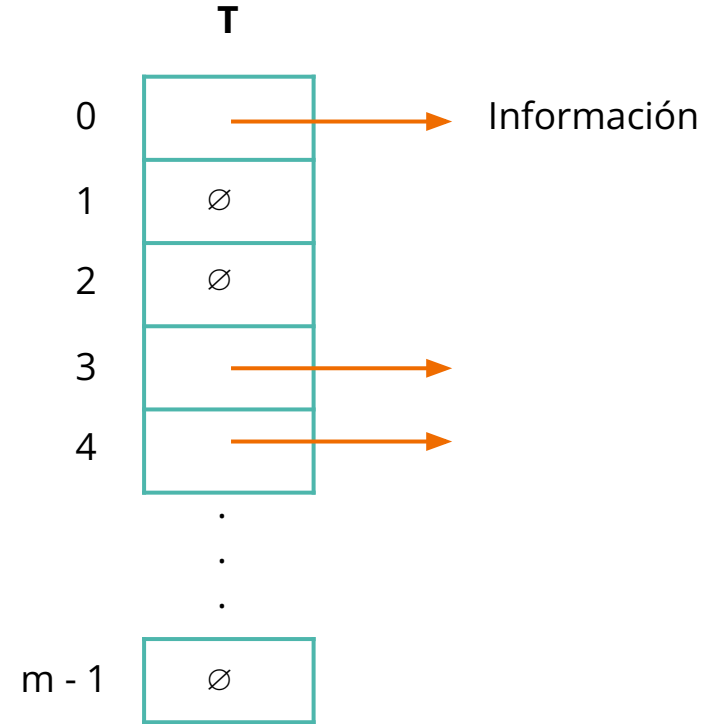


Tabla de Hash

$T[k] = \emptyset$ **no está**

$T[k] \neq \emptyset$

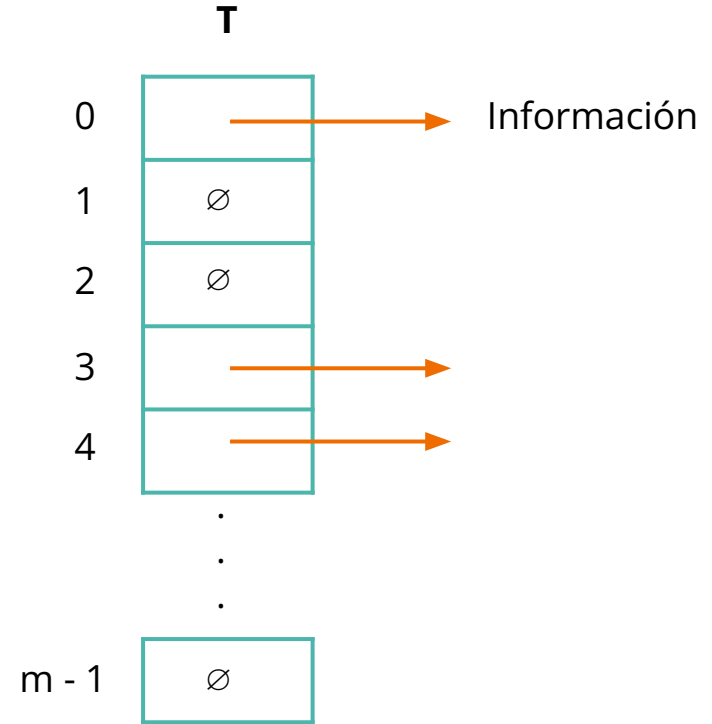
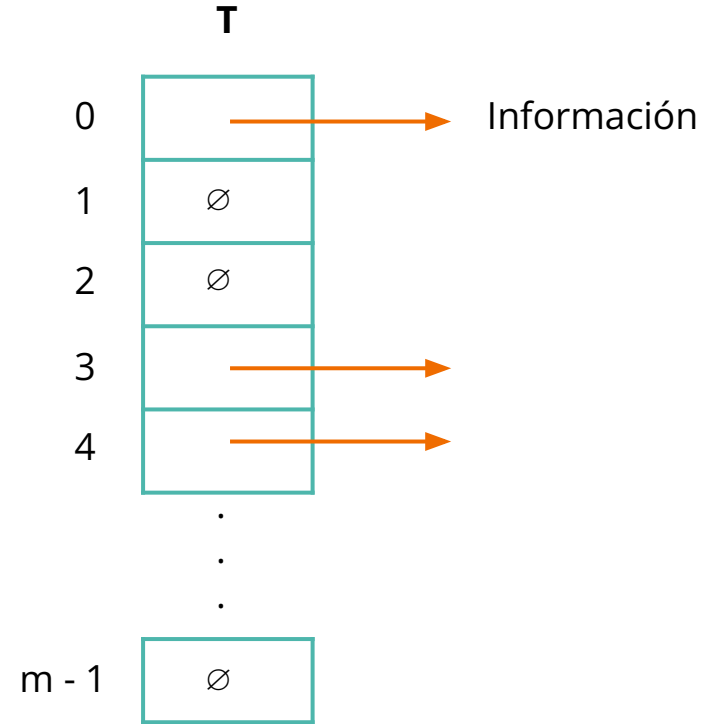


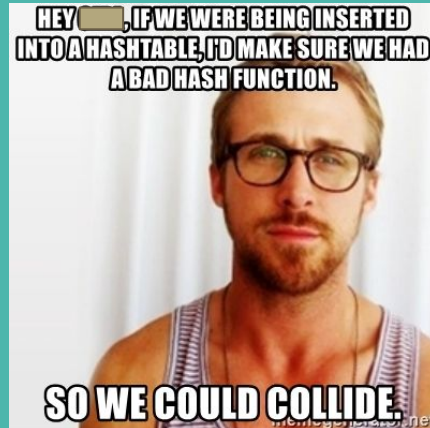
Tabla de Hash

$T[k] = \emptyset$ **no está**

$T[k] \neq \emptyset$ **está**

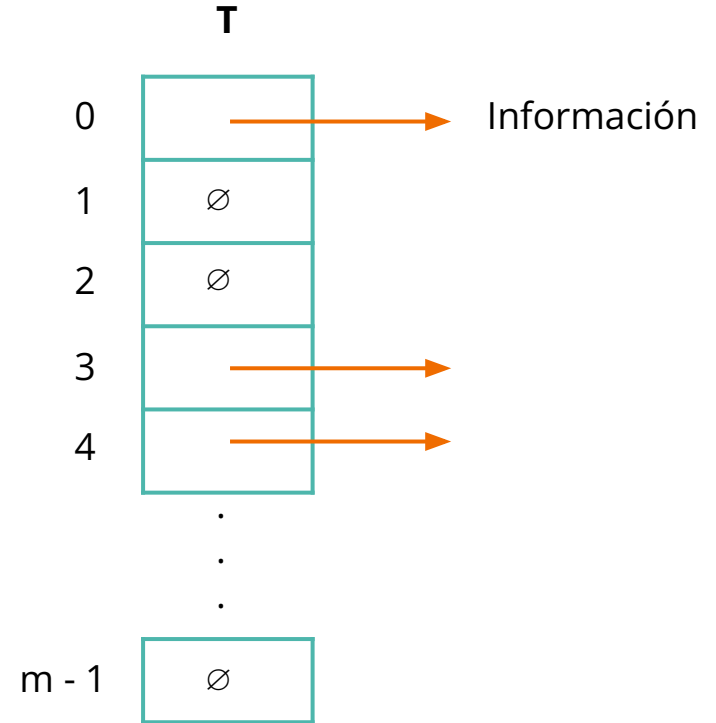


Función de Hash



Función de Hash

- **Calcular** índice a partir de la clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

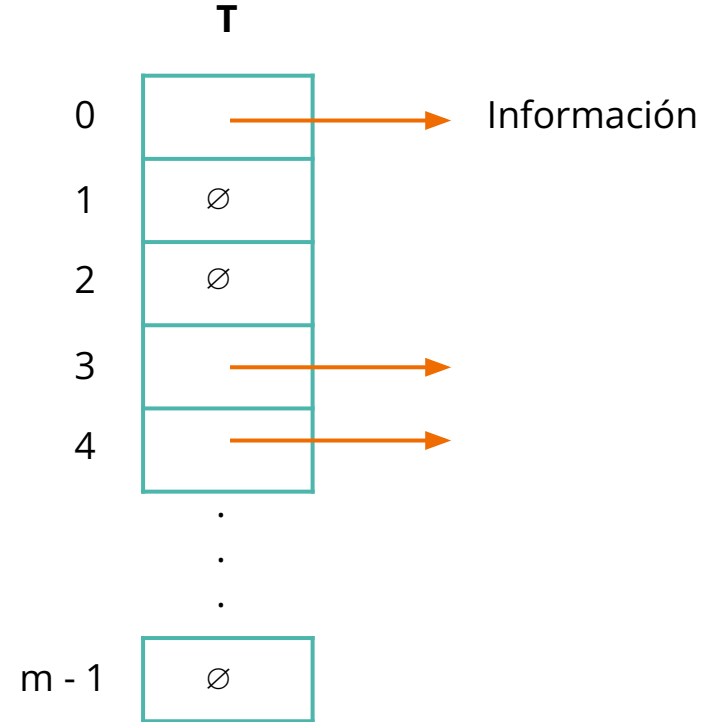


Función de Hash

- **Calcular** índice a partir de la clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

Definimos una función **h**:

$$h : \mathbf{D} \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$$

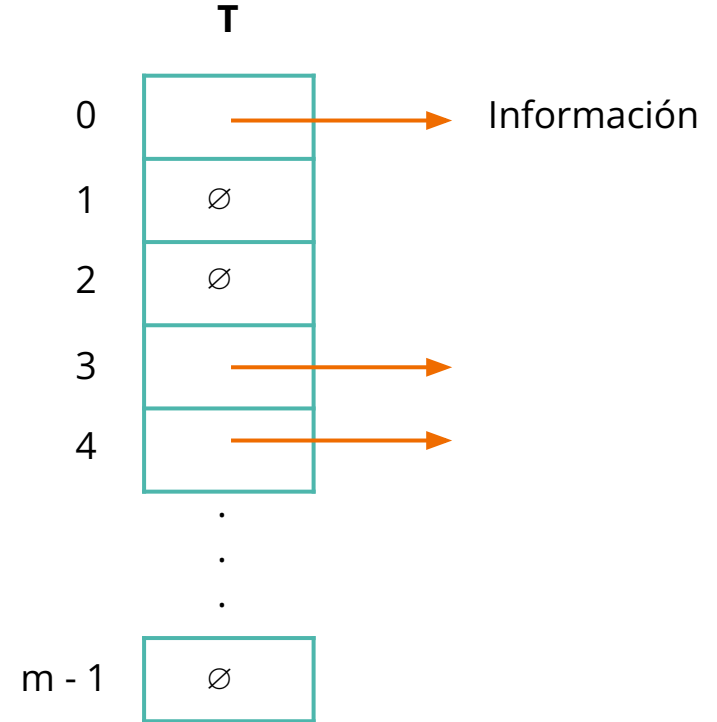


Función de Hash

- **Calcular** índice a partir de la clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

Definimos una función **h**:

$$h : \mathbf{D} \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$$

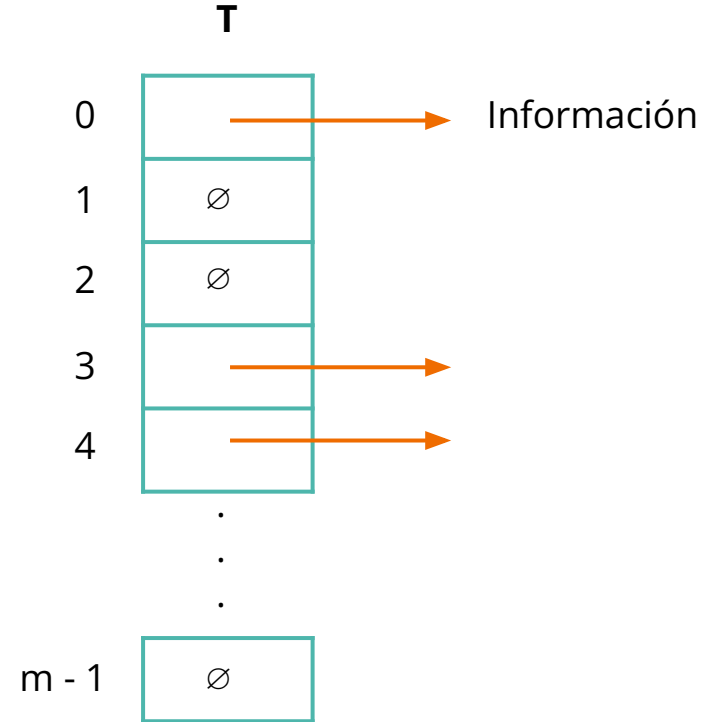
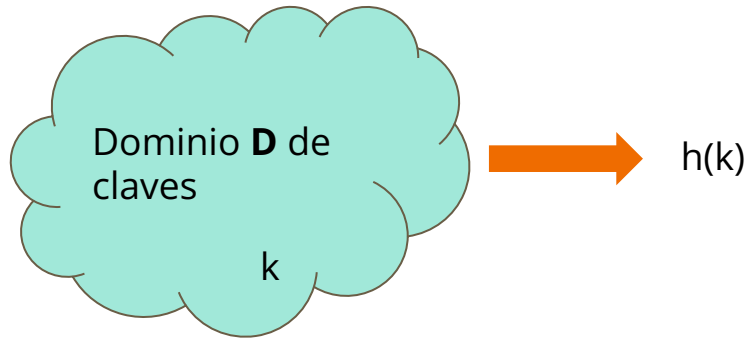


Función de Hash

- **Calcular** índice a partir de la clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

Definimos una función **h**:

$$h : \mathbf{D} \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$$

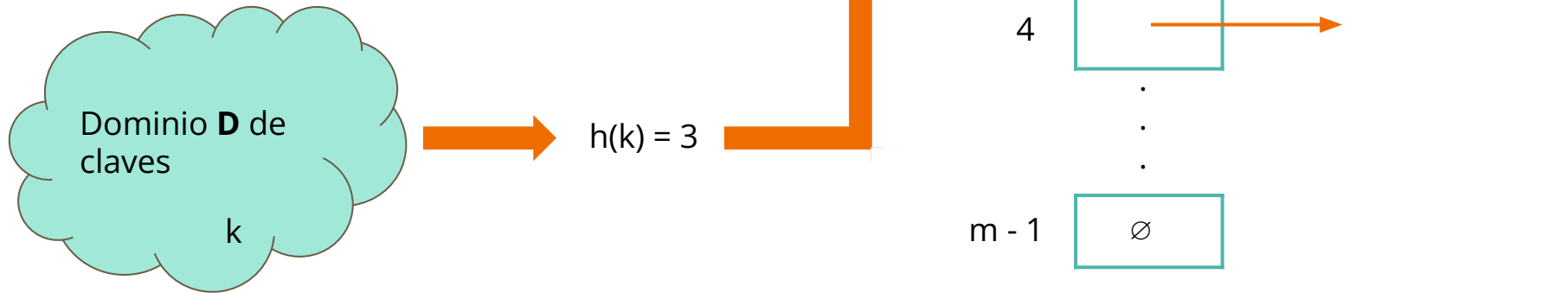


Función de Hash

- **Calcular** índice a partir de la clave
- **Obtener** el valor asociado a una clave

Definimos una función **h**:

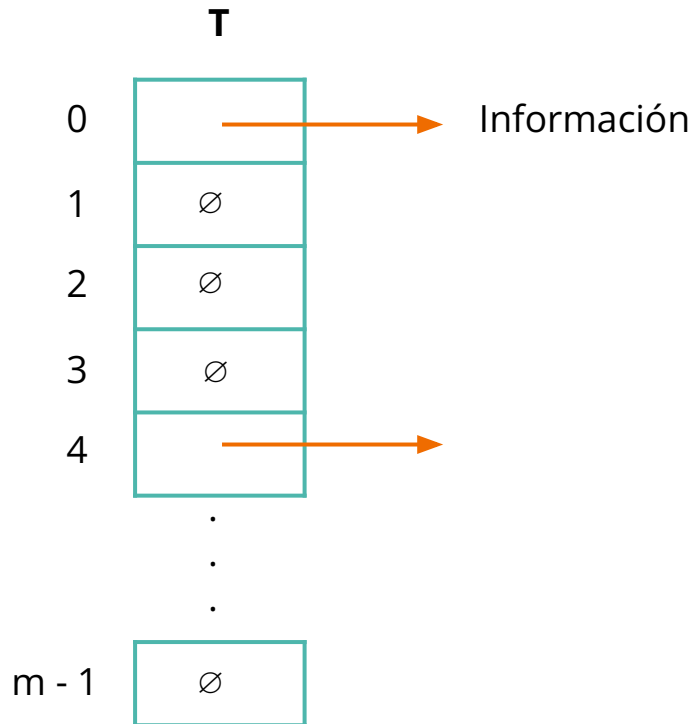
$$h : \mathbf{D} \rightarrow \{0, 1, \dots, m-1\}$$



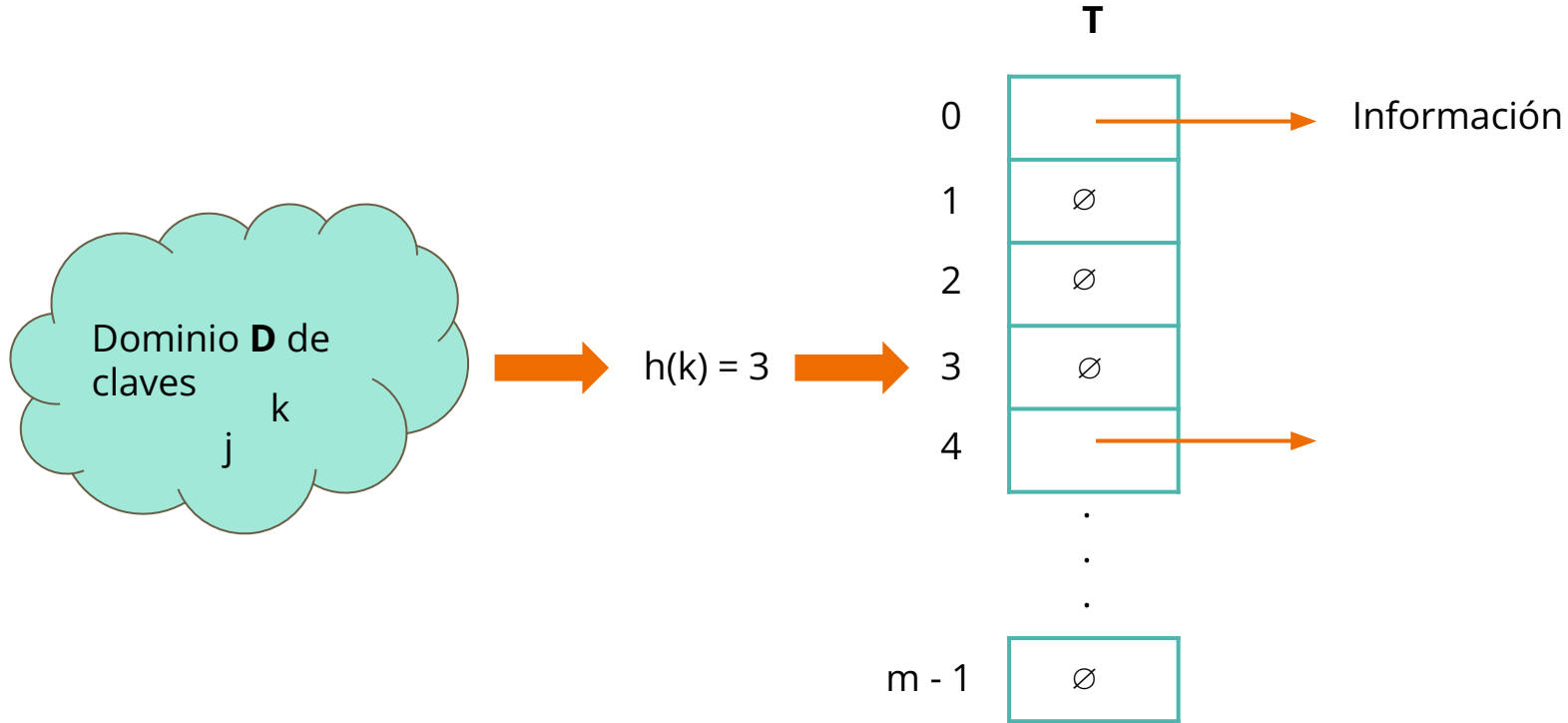
¿Colisiones?



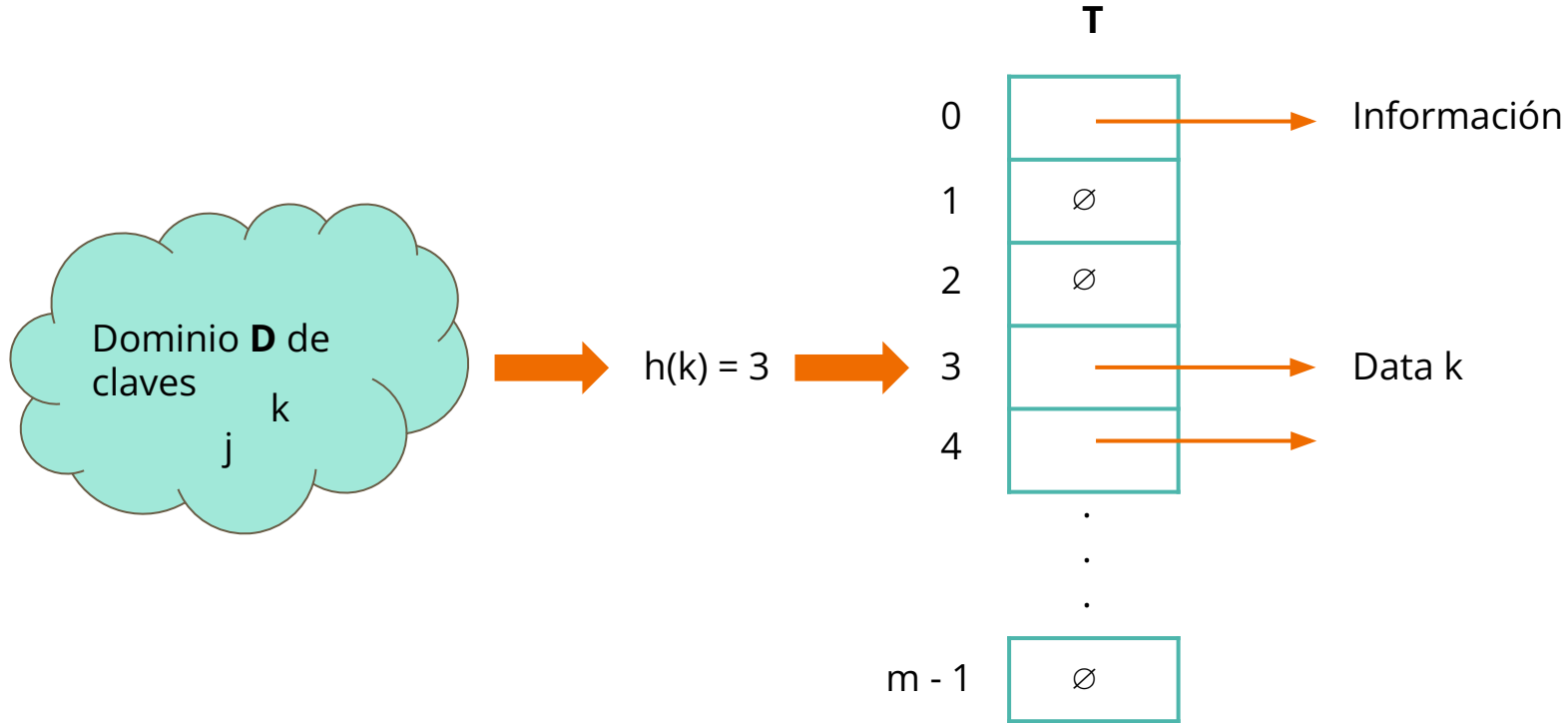
→ $h(k)$



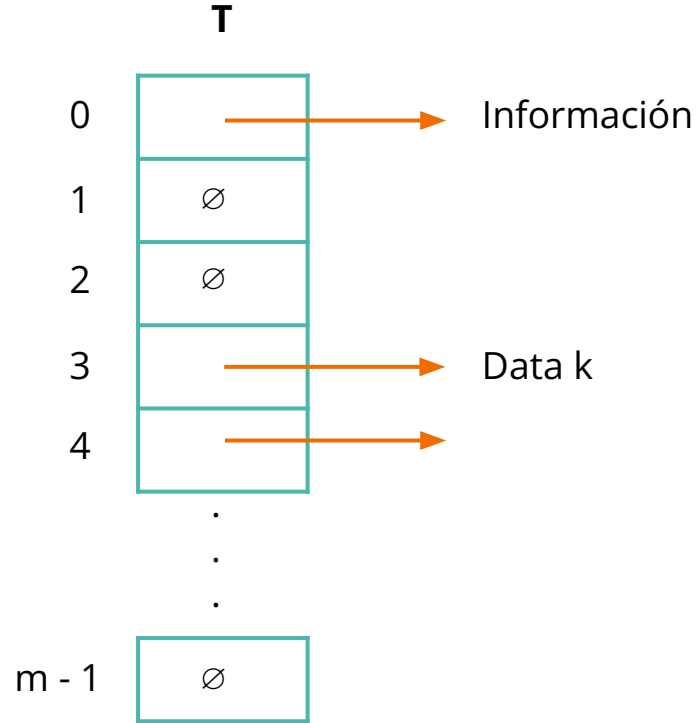
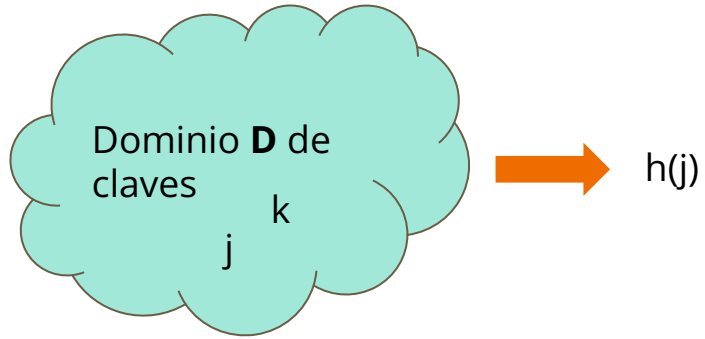
Insertemos la clave k



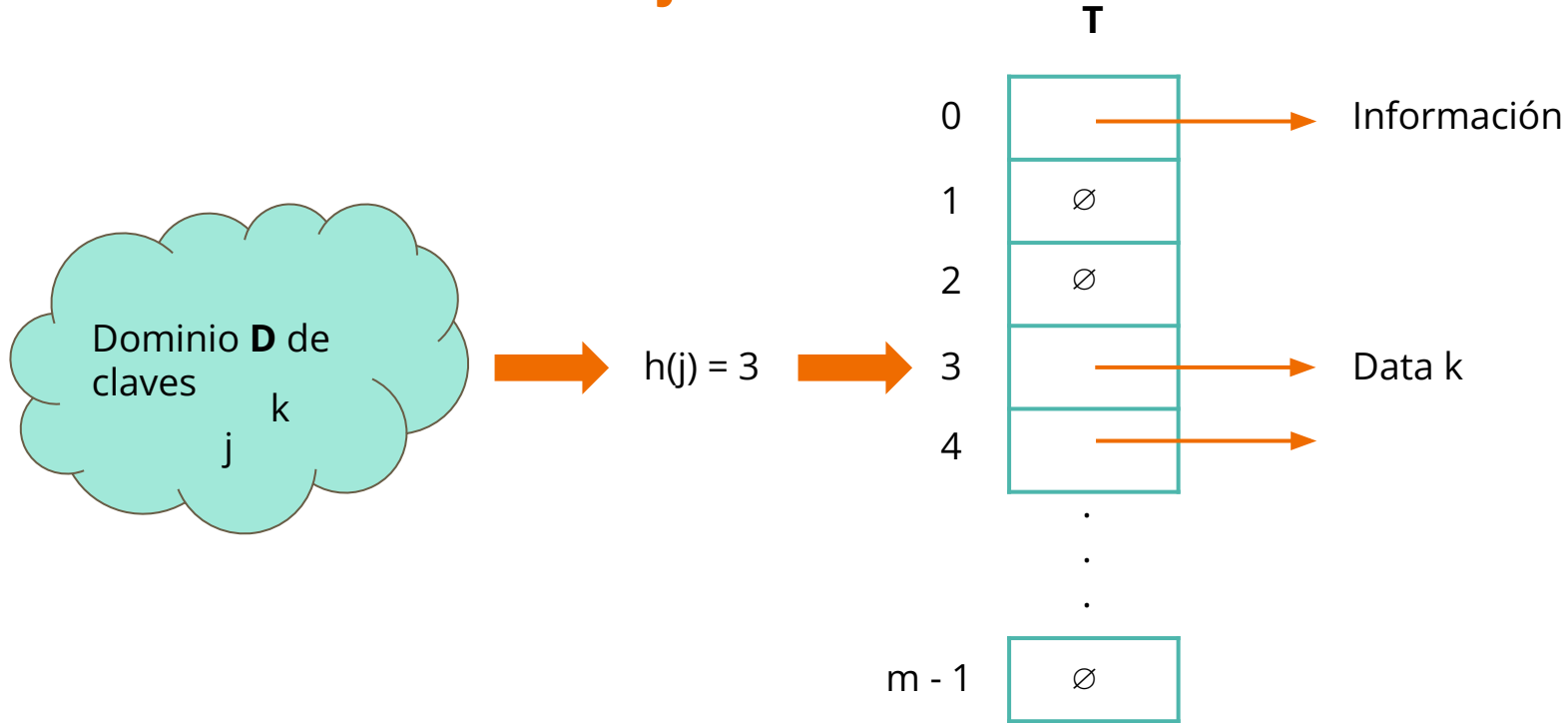
Insertamos información



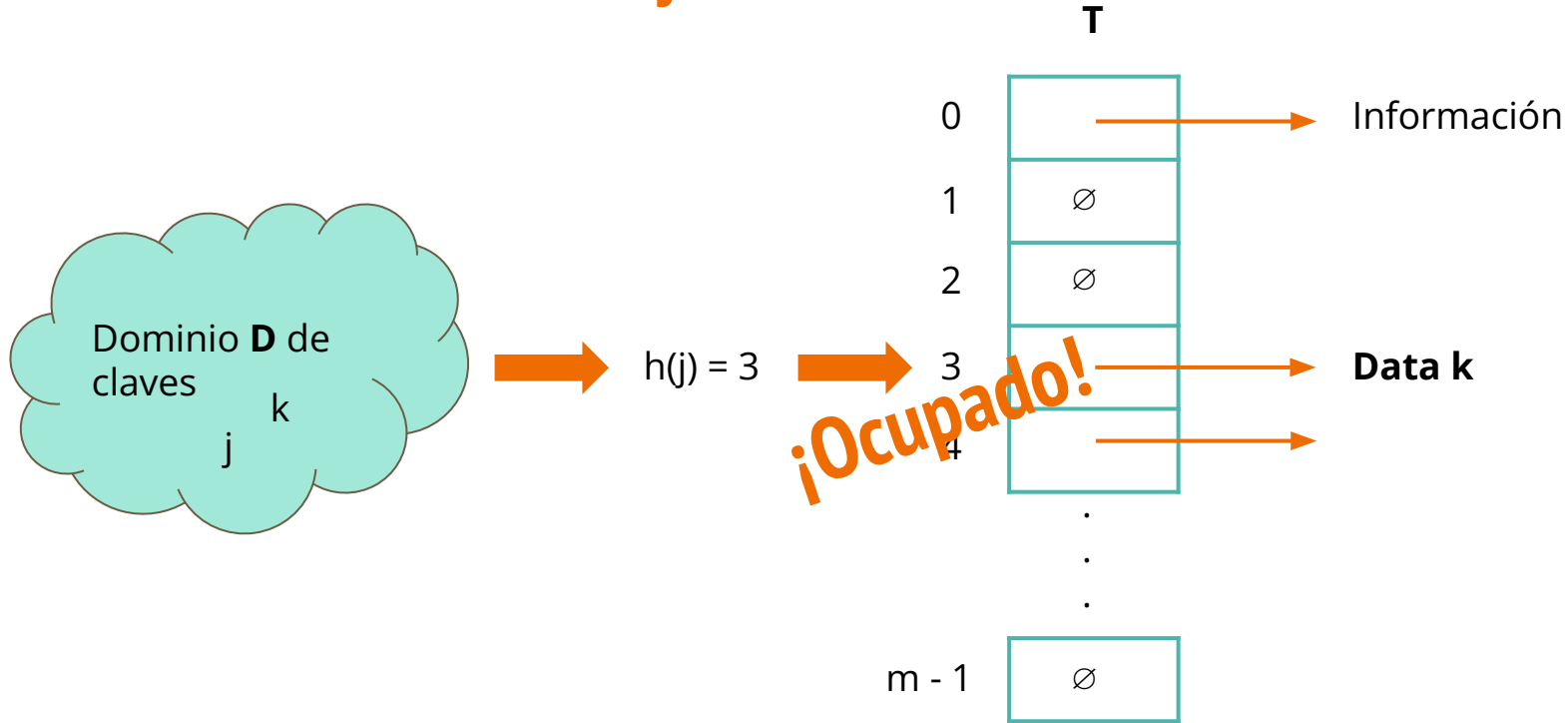
Insertemos la clave j



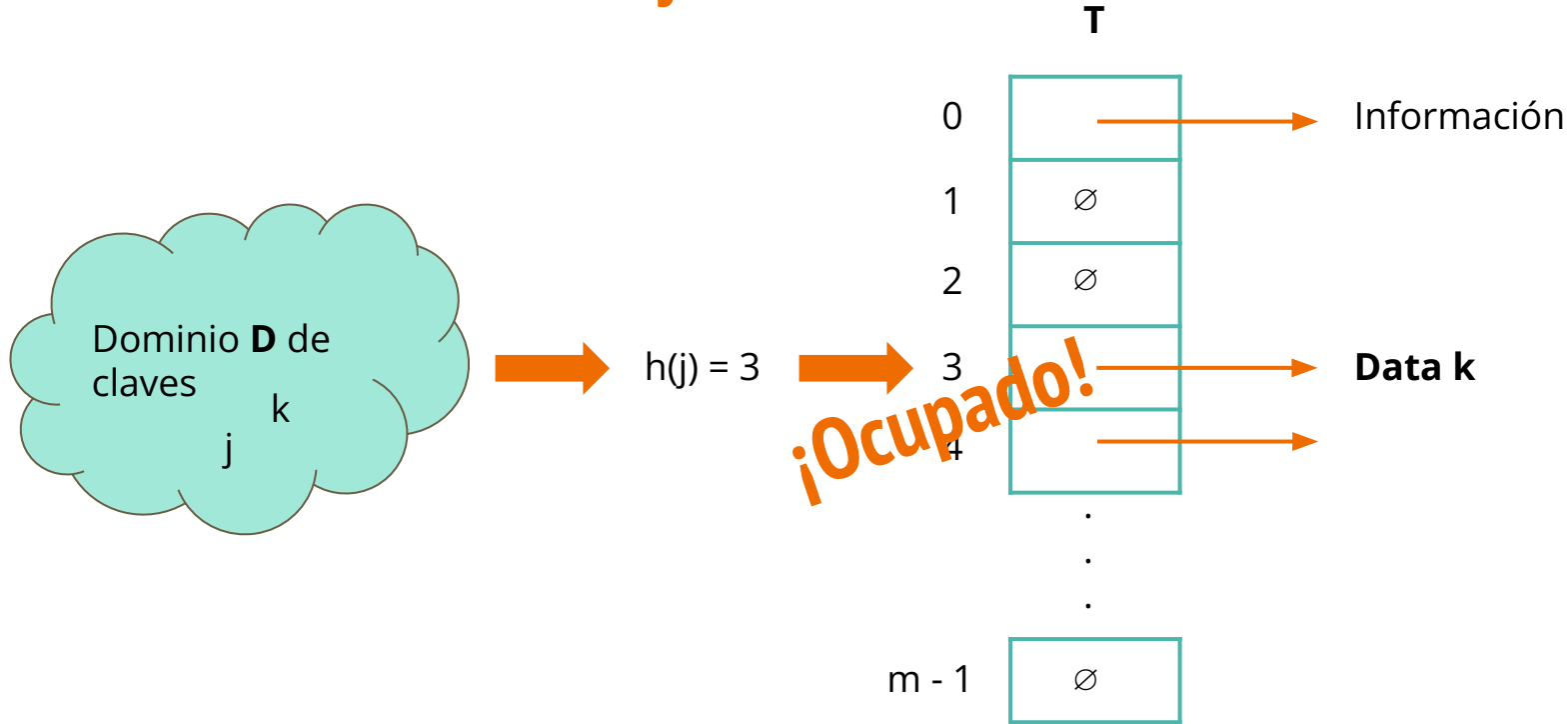
Insertemos la clave j



Insertemos la clave j

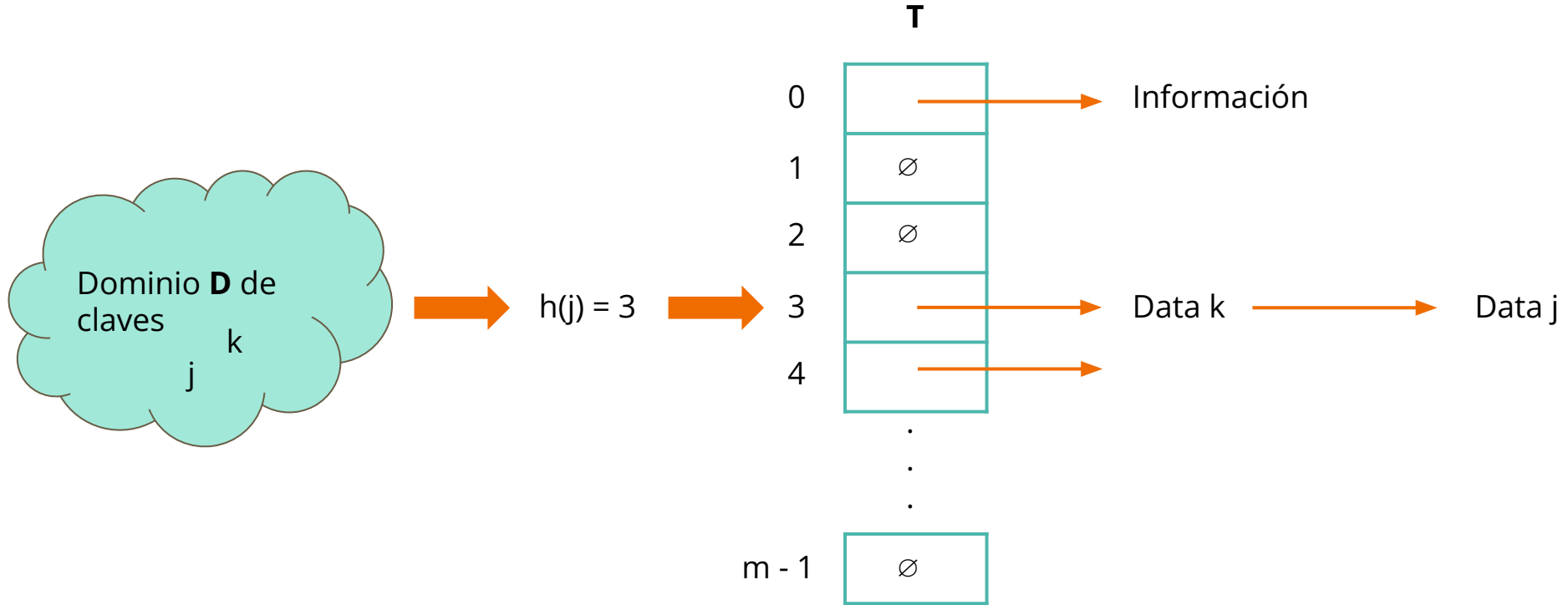


Insertemos la clave j



Solución: Encadenamiento

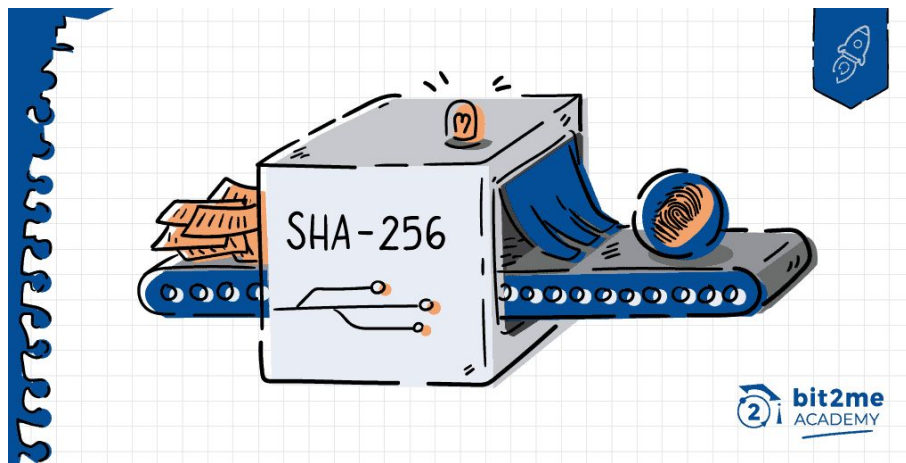
Encadenamiento



¿Por qué Hash?

Propiedades de Hashing

- Almacenar grandes cantidades de información (imágenes, encriptación, integridad de archivos)



Propiedades de Hashing

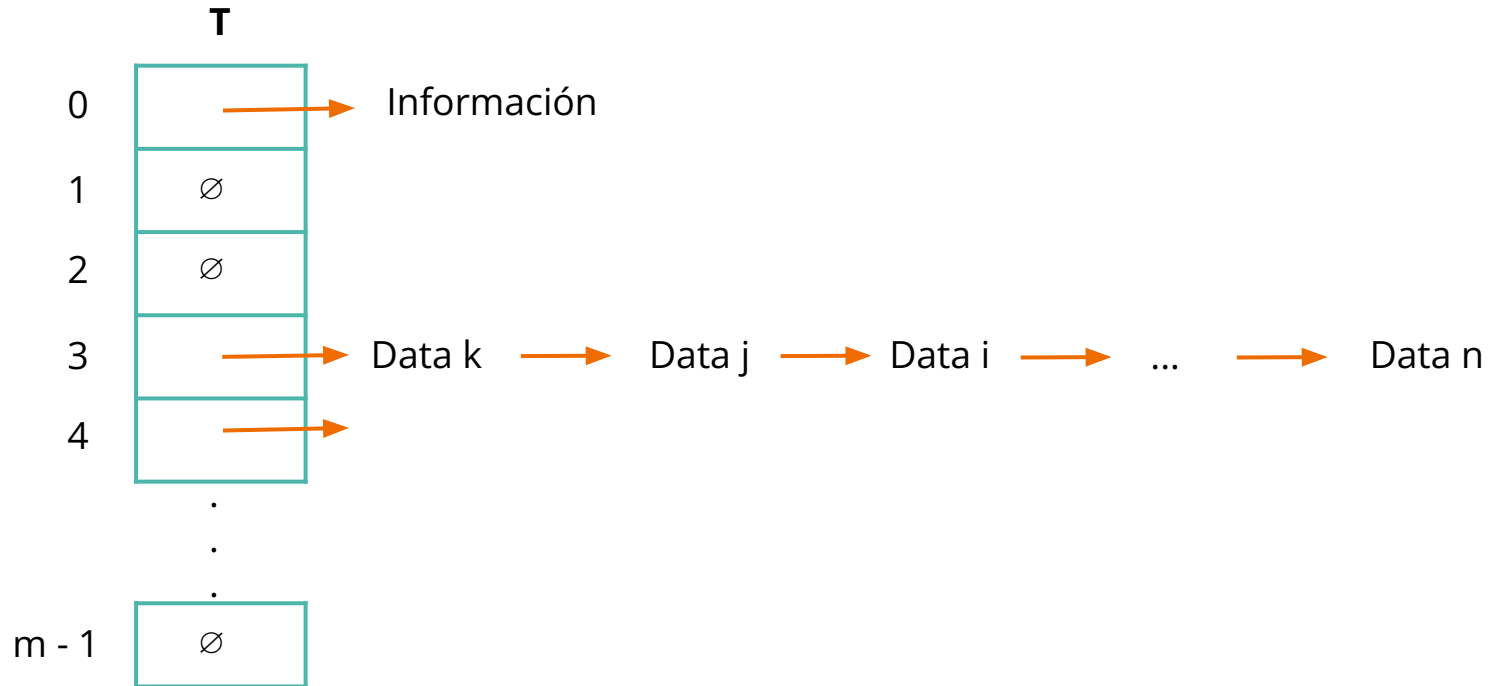
- Almacenar grandes cantidades de información (imágenes, encriptación, integridad de archivos)
- **Buscar** el dato con clave k en **$O(1)$** promedio

Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)

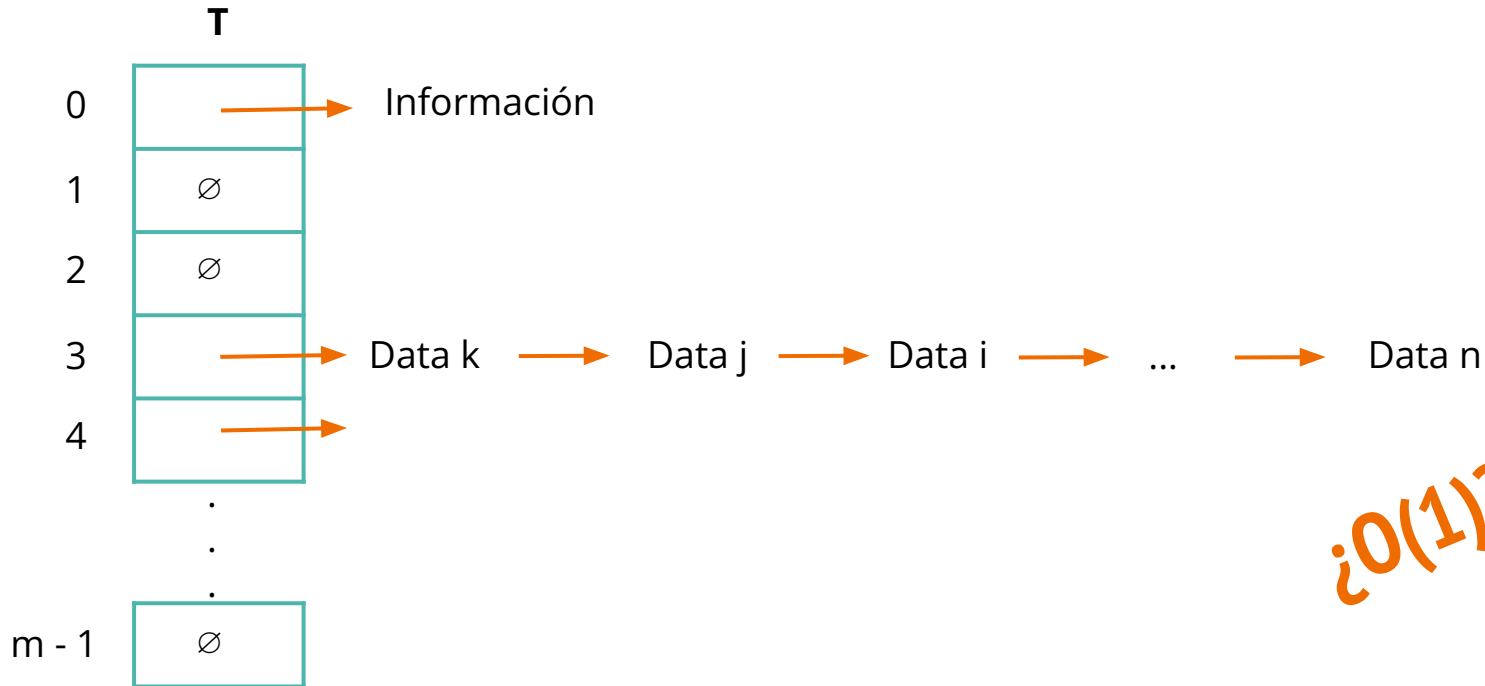
Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)



Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)



¿ $O(1)$?

Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)

Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)
- Tamaño

Tener en cuenta...

- Uniformidad (encadenamiento)
- Tamaño

¡ *Trade off* tamaño-eficiencia!

Trade off tamaño-eficiencia

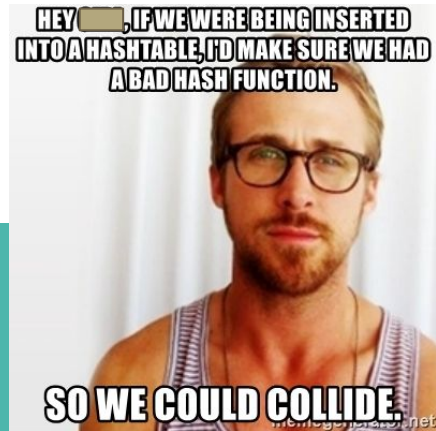
- Uniformidad (encadenamiento)
- Tamaño de la tabla

Trade off tamaño-eficiencia

- Uniformidad (encadenamiento)
- Tamaño de la tabla
- Colisiones

Trade off tamaño-eficiencia

- Uniformidad (encadenamiento)
- Tamaño de la tabla
- Colisiones
- Rapidez de cálculo de la función



Problemas

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar el encadenamiento?

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada**

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** Tomando n como el largo de la lista ligada podemos insertar al inicio en $O(1)$, búsqueda en $O(n)$ y eliminación en $O(1)$ si es doblemente ligada.

Ventajas: Fácil de implementar, inserción y eliminación eficiente.

Desventajas: Búsqueda ineficiente.

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda**

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** Tomando n como la cantidad de objetos del árbol, podemos insertar, eliminar y buscar en $O(\log n)$ promedio, o peor caso con un árbol balanceado.

Ventajas: Complejidad no varía, evitamos sorpresas.

Desventajas: Implementación no tan simple.

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** **V:** Complejidad. **DV:** Implementación.

P1 Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** **V:** Complejidad. **DV:** Implementación.
- **Tabla de Hash**

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** **V:** Complejidad. **DV:** Implementación.
- **Tabla de Hash:** ???

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** **V:** Complejidad. **DV:** Implementación.
- **Tabla de Hash:** Hash por cada celda, podemos buscar e insertar en $O(1)$.

Ventajas: Complejidad constante.

Desventajas: Implementación.

P1

Encadenamiento

Considera una **tabla de hash** en que las colisiones se resuelven mediante encadenamiento: ¿Con qué estructuras podrías implementar encadenamiento?

Indica tres estructuras de datos fundamentalmente diferentes para implementar este "encadenamiento". Explica de manera breve y precisa las ventajas y desventajas principales de cada una.

- **Lista ligada:** **V:** Implementación, Inserción, eliminación. **DV:** Búsqueda.
- **Árbol Binario de Búsqueda:** **V:** Complejidad. **DV:** Implementación.
- **Tabla de Hash:** **V:** Buscar e insertar. **DV:** Implementación.

P2 Los hashes te van a salvar para entrevistas de código!

Dado un array de int llamado `nums` y un int `target`, retorna el índice de 2 números que al sumarlos da como resultado `target`.

Input: `nums = [2,7,11,15]`, `target = 9`

Output: `[0,1]`

Output: Because `nums[0] + nums[1] == 9`, we return `[0, 1]`.

P2

Los hashes te van a salvar para entrevistas de código!

Dado un array de int llamado `nums` y un int `target`, retorna el índice de 2 números que al sumarlos da como resultado `target`.

Input: `nums = [2,7,11,15]`, `target = 9`

Output: `[0,1]`

Output: Because `nums[0] + nums[1] == 9`, we return `[0, 1]`.

Solucion facil:

```
class Solution(object):
    def twoSum(self, nums, target):
        sol = []
        for i in range(len(nums)):
            for j in range(len(nums)):
                if nums[i] + nums[j] == target:
                    sol.append(i)
                    sol.append(j)
        return sol
```

Cuál es su complejidad?
¿Alguna mejora?

P2

Dado un array de int llamado `nums` y un int `target`, retorna el índice de 2 números que al sumarlos da como resultado `target`.

Input: `nums = [2,7,11,15]`, `target = 9`

Output: `[0,1]`

Output: Because `nums[0] + nums[1] == 9`, we return `[0, 1]`.

Solucion con hash:

```
class Solution(object):
    def twoSum(self, nums, target):
        dic = dict()
        for index, number in enumerate(nums):
            if target - number not in dic:
                dic[number] = index
            else:
                return [dic[target-number] , index]
```

Saving the day with
hashing.
lineal run time $O(n)$

P3

Dado 2 strings `s` y `t`, determinan si son anagramas. Los strings son anagramas cuando con las letras de un string se puede formar el otro string

```
Input: s = "anagram", t = "nagaram"
```

```
Output: true
```

P3

Dado 2 strings **s** y **t**, determinan si son anagramas.

Input: s = "anagram", t = "nagaram"

Output: true

Solucion con hash:

```
class Solution(object):
    def isAnagram(self, s, t):
        dic = dict()
        for i in range(26):
            dic[i] = 0
        for i in range(len(s)):
            idx = ord(s[i]) - ord("a")
            dic[idx] += 1
        for j in range(len(t)):
            idx = ord(t[j]) - ord("a")
            dic[idx] -= 1
        for i in range(26):
            if dic[i] != 0:
                return False
        return True
```

Saving the day with
hashing.
lineal run time $O(n)$

P4

Dado 2 strings **s** y **t** de mismo largo, determinan si son isomórficos. 2 strings son isomórficos cuando los caracteres de **s** pueden ser reemplazados para tener **t**. Ojo que cada carácter solo puede ser reemplazado por un único carácter y pueden ser reemplazado por el mismo.

Example 1:

```
Input: s = "egg", t = "add"  
Output: true
```

Example 2:

```
Input: s = "foo", t = "bar"  
Output: false
```

P4

Dado 2 strings **s** y **t** de mismo largo, determinan si son isomórficos. 2 strings son isomórficos cuando los caracteres de **s** pueden ser reemplazados para tener **t**. Ojo que cada carácter solo puede ser reemplazado por un único carácter y pueden ser reemplazado por el mismo.

```
class Solution(object):
    def isIsomorphic(self, s, t):
        dic_s= dict()
        dic_t= dict()
        i = 0
        j = 0
        while i < len(s):
            if s[i] not in dic_s.keys():
                dic_s[s[i]] = t[j]
            if t[j] not in dic_t.keys():
                dic_t[t[j]] = s[i]
            if dic_t[t[j]] != s[i] or dic_s[s[i]] != t[j]:
                return False
            i += 1
            j += 1
        return True
```