

1) Considere uma equação de predição da forma  $\hat{\mathbf{y}} = G\Delta\hat{\mathbf{u}} + \mathbf{f}$ , em que

$$\hat{\mathbf{y}} = \begin{bmatrix} \hat{y}(k+1|k) \\ \hat{y}(k+2|k) \\ \vdots \\ \hat{y}(k+N|k) \end{bmatrix}, \quad \Delta\hat{\mathbf{u}} = \begin{bmatrix} \Delta\hat{u}(k|k) \\ \Delta\hat{u}(k+1|k) \\ \vdots \\ \Delta\hat{u}(k+M-1|k) \end{bmatrix}, \quad \mathbf{f} = \begin{bmatrix} f(k+1) \\ f(k+2) \\ \vdots \\ f(k+N) \end{bmatrix}$$

sendo  $G$  uma matriz de dimensões  $N \times M$ . Mostre que restrições do tipo  $\Delta y_{\min} \leq \hat{y}(k+1|k) - y(k) \leq \Delta y_{\max}$ ,  $\Delta y_{\min} \leq \hat{y}(k+i|k) - \hat{y}(k+i-1|k) \leq \Delta y_{\max}$ ,  $i = 2, \dots, N$  podem ser expressas na forma  $S\Delta\hat{\mathbf{u}} \leq b$ .

2) Determine se existe ou não um par  $\{\hat{u}(k|k), \hat{u}(k+1|k)\}$  que satisfaz o seguinte conjunto de restrições:

$$\hat{y}(k+2|k) = 0,9\hat{y}(k+1|k) + 5\hat{u}(k+1|k)$$

$$\hat{y}(k+1|k) = 0,9y(k) + 5\hat{u}(k|k)$$

$$y(k) = -10$$

$$-1 \leq \hat{u}(k|k) \leq 1, \quad -1 \leq \hat{u}(k+1|k) \leq 1$$

$$-3 \leq \hat{y}(k+1|k) \leq 3, \quad -3 \leq \hat{y}(k+2|k) \leq 3$$