

1) Considere uma planta com dinâmica descrita por

$$x_1(k+1) = x_1(k) + x_2(k) + 2u(k)$$

$$x_2(k+1) = x_2(k) + u(k)$$

e suponha que $u(k)$ seja gerado por um controlador preditivo com função de custo dada por

$$J[\hat{x}_1(k+1|k), \hat{x}_2(k+1|k), \hat{u}(k|k)] = [\hat{x}_1(k+1|k)]^2 + [\hat{x}_2(k+1|k)]^2 + [\hat{u}(k|k)]^2$$

Analise a estabilidade da malha de controle resultante.

2) Determine a região de todos os valores de $(x_1(k), x_2(k))$ para os quais o seguinte conjunto de restrições é factível:

$$\hat{x}(k+1|k) = Ax(k) + B\hat{u}(k|k)$$

$$\hat{x}(k+2|k) = A\hat{x}(k+1|k) + B\hat{u}(k+1|k)$$

$$\hat{x}(k+2|k) = 0_2$$

$$-1 \leq \hat{u}(k+i|k) \leq 1, \quad i = 0, 1$$

sendo $A = \begin{bmatrix} 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{bmatrix}$, $B = \begin{bmatrix} 0 \\ 1 \end{bmatrix}$.

3) Considere uma planta com dinâmica descrita por

$$y(k+1) = y(k) + u(k)$$

sendo o controle $u(k) = \hat{u}^*(k|k)$ obtido como solução do seguinte problema de otimização:

$$\min [\hat{u}(k|k)]^2 + [\hat{u}(k+1|k)]^2$$

sujeito a

$$\hat{y}(k+1|k) = y(k) + \hat{u}(k|k)$$

$$\hat{y}(k+2|k) = \hat{y}(k+1|k) + \hat{u}(k+1|k)$$

$$\hat{y}(k+2|k) = 0$$

Sabendo que $y(0) = 64$, calcule o valor de $y(10)$ com duas casas decimais.

(Continua na próxima página)

4) Considere as seguintes restrições:

$$-1 \leq \hat{u}(k|k) \leq 1 \quad (\text{I.1})$$

$$-1 \leq \hat{u}(k+1|k) \leq 1 \quad (\text{I.2})$$

$$\hat{u}(k+1|k) - 2\hat{u}(k|k) \leq 1 \quad (\text{I.3})$$

$$\hat{u}(k+1|k) + 2\hat{u}(k|k) \leq 1 \quad (\text{I.4})$$

bem como

$$-2 \leq \hat{u}(k|k) \leq 2 \quad (\text{II.1})$$

$$-2 \leq \hat{u}(k+1|k) \leq 2 \quad (\text{II.2})$$

$$2\hat{u}(k+1|k) - \hat{u}(k|k) \leq 2 \quad (\text{II.3})$$

$$3\hat{u}(k+1|k) - \hat{u}(k|k) \geq -4 \quad (\text{II.4})$$

Mostre que qualquer par $\{ \hat{u}(k|k), \hat{u}(k+1|k) \}$ que satisfaz as restrições (I.1) a (I.4) também satisfaz as restrições (II.1) a (II.4).