## Faculdade de Ciências da Universidade de Lisboa, Departamento de Estatística e Investigação Operacional Sociologia das Organizações

## Folha 3: Séries temporais

- 1. No ficheiro Excel SeriesTemporais que se encontra na plataforma Moodle, irá encontrar na folha Exerc1 uma tabela com a evolução do preço de uma acção.
  - (a) Calcule as médias móveis a 5 e a 7 anos, e represente as três séries temporais graficamente.
  - (b) Comente os resultados obtidos.
- No ficheiro Excel SeriesTemporais que se encontra na plataforma Moodle, irá encontrar na folha Exerc2 uma tabela com a evolução das vendas anuais em milhões de euros da empresa Alfa, SA.
  - (a) Calcule a série obtida através de alisamento exponencial com  $\alpha = 0.4$ .
  - (b) Calcule a série obtida através de alisamento exponencial com  $\alpha = 0.2$ .
  - (c) Represente graficamente as três séries e comente os resultados obtidos.
- 3. No ficheiro Excel SeriesTemporais que se encontra na plataforma Moodle, irá encontrar na folha Exerc3 uma tabela com a evolução das vendas anuais em milhões de euros da empresa Beta, SA.
  - (a) Calcule a série obtida através de alisamento exponencial com  $\alpha = 0.25$ .
  - (b) Calcule a série obtida através de alisamento exponencial com  $\alpha = 0.5$ .
  - (c) Represente graficamente as três séries e comente os resultados obtidos.
- 4. No ficheiro Excel SeriesTemporais que se encontra na plataforma Moodle, irá encontrar na folha Exerc4 uma tabela referente às vendas mensais em milhões de euros da empresa ABC, SA.
  - (a) Calcule a série das médias móveis a 12 meses.
  - (b) Determine o índice de sazonalidade das vendas, assumindo
    - i. uma decomposição aditiva
    - ii. uma decomposição multiplicativa e interprete os resultados obtidos.
- 5. Na tabela 1 estão representados os valores do consumo trimestral de gasolina em Portugal para o período de 1994.1 a 1998.2 (em 10<sup>3</sup> de toneladas).

| Anos | 1º Trimestre | 2º Trimestre | 3° Trimestre | 4 <sup>a</sup> Trimestre |
|------|--------------|--------------|--------------|--------------------------|
| 1994 | 420          | 453          | 512          | 458                      |
| 1995 | 435          | 455          | 519          | 469                      |
| 1996 | 440          | 468          | 536          | 488                      |
| 1997 | 454          | 477          | 543          | 492                      |
| 1998 | 469          | 505          |              |                          |

Tabela 1

- (a) Represente graficamente a série considerada. Que conclusões pode retirar quanto às suas componentes essenciais?
- (b) Assumindo uma decomposição multiplicativa para o estudo desta série, determine os índices sazonais e interprete-os.
- 6. A empresa Alfa, SA considera que as suas vendas mensais seguem uma tendência linear e que pode ser descrita pela equação:

$$V_t = 5 + 0.1t$$
,

em que  $V_t$  corresponde ao valor das vendas em milhares de euros no mês t. Sabe-se também que t=0 corresponde a Janeiro de 2004.

- (a) Com base neste modelo, qual será o valor das vendas previsto para Fevereiro de 2012?
- (b) Com base em experiência passada, a empresa Alfa admite que o mês de Fevereiro tem um índice de sazonalidade de 109. Tomando conhecimento desta informação, alteraria a sua previsão para o valor das vendas calculado na alínea anterior? Se sim, para quanto?
- 7. Uma empresa de comércio a retalho registou vendas no mês de Novembro de 2.8 milhões de euros, e de 3.1 milhões de euros em Dezembro. Sabe-se ainda que os índices de sazonalidade respectivos são de 95 e de 110. Como analista de vendas desta empresa, o que poderia concluir?
- 8. Uma empresa registou vendas nos meses de Janeiro e Fevereiro de 4 milhões e de 3.8 milhões de euros, respectivamente. Sabe-se também que para estes dois meses, os índices sazonais são de 110 e de 101, respectivamente.
  - (a) A administração, durante uma das reuniões, refere que enquanto as vendas em Janeiro foram boas, as vendas em Fevereiro foram uma desilusão. Concorda com esta afirmação?
  - (b) Com base no valor das vendas em Janeiro, a administração prevê também um total de vendas anuais de 48 milhões de euros. Como foi determinado este valor? Concorda com esta estimativa?
- 9. No ficheiro Excel SeriesTemporais que se encontra na plataforma Moodle, irá encontrar na folha Exerc9 uma tabela com os rácios de vendas mensais da empresa XYZ, SA. Estes rácios resultam do quociente entre as vendas de cada mês e a respectiva média móvel a 12 meses.
  - (a) Calcule os índices sazonais desta empresa.
  - (b) Se a previsão da empresa para o valor de vendas para Fevereiro de 2015 for 25 milhões de euros, como deve ser este valor ajustado para incluir a componente sazonal?
- 10. Considere a seguinte equação que descreve as vendas mensais em milhares de euros de determinada empresa, em que t=0 corresponde a Janeiro de 2009:

$$S_t = 21.3 + 1.3t$$

Os índices sazonais da empresa encontram-se na tabela 2.

(a) Construa a previsão de vendas mensais para o ano de 2015.

| Janeiro   | 103 | Julho    | 120 |
|-----------|-----|----------|-----|
| Fevereiro | 80  | Agosto   | 139 |
| Março     | 75  | Setembro | 121 |
| Abril     | 103 | Outubro  | 101 |
| Maio      | 101 | Novembro | 75  |
| Junho     | 104 | Dezembro | 78  |

Tabela 2

11. Considere a seguinte equação que descreve as vendas mensais em milhares de euros de determinada empresa, em que t=0 corresponde a Julho de 2010:

$$S_t = 4.12 + 0.32t$$

Os índices sazonais da empresa encontram-se na tabela 3.

| Janeiro   | 81  | Julho    | 104 |
|-----------|-----|----------|-----|
| Fevereiro | 98  | Agosto   | 101 |
| Março     | 102 | Setembro | 79  |
| Abril     | 76  | Outubro  | 101 |
| Maio      | 137 | Novembro | 74  |
| Junho     | 122 | Dezembro | 125 |

Tabela 3

(a) Construa a previsão de vendas mensais para o ano de 2016.

## Exercícios de exame

- 1. [1ª Época 2016/17] Determinada empresa considera que as suas vendas mensais têm uma tendência linear descrita pela expressão  $V_t = 125 + 0.05t$ , em que t = 0 corresponde a Março de 2015. Sabendo que a empresa prevê um nível de vendas para o mês de Maio de 2017 de 145,25, o que podemos concluir acerca do índice de sazonalidade (IS) para esse mês?
  - (a) IS = 0
- (b) IS = 87
- (c) IS = 115
- (d) IS = 116,2
- 2. [ $2^a$  Época 2016/17] Determinada empresa considera que as suas vendas mensais têm uma tendência linear descrita pela expressão  $V_t = 150+0.2t$ , em que t=0 corresponde a Fevereiro de 2014. Sabendo que as vendas previstas para Março de 2017 são de 149,53, então o valor de vendas estimado para Março de 2018 será de:
  - (a) 151,81
- (b) 157,4
- (c) 159,8
- (d) 160

como objectivo fundamental:

(a) 0,25

| EIO - F  | CUL                                    | Sociologia d     | as Organizações    |               |                   |
|--|--|------------------|--------------------|---------------|-------------------|
| 3. [1ª Época 2015/16] Determinada empresa considera que as suas vendas mensais têm uma tendência linear descrita pela expressão $V_t = 10 + 0.03t$ , em que $t = 0$ corresponde a Fevereiro de 2013. Sabendo que o índice de sazonalidade para o mês de Abril é de 85, qual será a estimativa de vendas para Abril de 2020?  |  |                  |                    |               |                   |
| (a)  | 10,64                                  | (b) 10,69        | (c) 12,52          | (d            | ) 12,58           |
| <ul> <li>4. [2ª Época 2015/16] As vendas de uma determinada empresa foram em Novembro e Dezembro de 2015 de 450 e de 500 unidades, respectivamente. Sabe-se adicionalmente que o índice de sazonalidade em Novembro é de 97, enquanto o de Dezembro é de 110. Com base nesta informação podemos então concluir que:</li> <li>(a) Assumindo que em Novembro, as vendas foram exactamente aquelas que a empresa tinha previsto, então o valor médio ou de tendência das vendas em Novembro é de 464</li> </ul> |  |                  |                    |               |                   |
| (1.)   | unidades.                              |                  |                    |               |                   |
| (b)  | As vendas em Dezer<br>em Novembro.     | mbro foram abai  | xo do esperado qua | ando compara  | das com as vendas |
| (c)  | A empresa espera v<br>média em Novembr |                  | a da média em Dez  | embro, e cerc | a de 3% abaixo da |
| (d)  | Todas as anteriores                    | estão correctas. |                    |               |                   |

5.  $[1^a \text{ } Epoca 2014/15]$  O cálculo de uma média móvel relativamente a uma série temporal tem

6. [Época Especial 2014/15] Determinada empresa considera que as suas vendas mensais têm uma tendência linear descrita pela expressão  $V_t = 20 + at$ , em que t = 0 corresponde a Março de 2015. Sabendo que o índice de sazonalidade para o mês de Junho é de 105, e que as vendas estimadas para Junho de 2017 são de 42,2625, qual é o valor do parâmetro a?

(c) 0.75

(d) 1

(a) Detectar o comportamento de médio/longo prazo subjacente à série temporal. (b) Identificar um padrão de alterações nos dados que se repete regularmente.

(c) Determinar variações ondulatórias na série temporal. (d) Elaborar uma previsão para a variável em estudo.

(b) 0.5