Faculdade de Ciências da Universidade de Lisboa, Departamento de Estatística e Investigação Operacional

Sociologia das Organizações - 2018/19

Exame 18/01/2019

Duração: 3 horas — Cotação: 20 valores

GRUPO I - 8 Valores

Para cada uma das questões abaixo, dispõe de quatro alternativas, das quais apenas uma está correcta. Escreva a que considera correcta na folha de resoluções.

- 1. A empresa BemMal contratou um empréstimo a 10 anos de 20.000€, à taxa anual nominal de 3% com capitalização mensal. No entanto, devido à má conjuntura económica vivida, durante os dois primeiros anos do empréstimo, a empresa não conseguiu efectuar qualquer pagamento de juros ou reembolso, acrescendo os juros devidos ao montante em divida. Assim, nos 8 anos seguintes, a prestação mensal a pagar pela empresa será de:
 - (a) 193,12€ [Resposta errada]
 - (b) 205,05€ [Resposta errada]
 - (c) 248,67€ [Resposta errada]
 - (d) 249,08€ [Resposta certa]

$$\begin{split} i_{\mathsf{M}} &= \frac{0.03}{12} = 0.0025 \\ C_{24} &= 20.000 \times (1 + 0.0025)^{24} = 21.235, 14 \\ a &= C_{24} \times \frac{i_{\mathsf{M}}}{1 - (1 + i_{\mathsf{M}})^{-(120 - 24)}} = 21.325, 14 \times \frac{0.0025}{1 - (1 + 0.0025)^{-96}} = 249.08 \\ \end{split}$$

 A tabela abaixo indica o nº total de acidentes de viação com vítimas em Portugal, assim como o nº de feridos e o nº de mortos entre 2014 e 2017.

	Nº de acidentes	Nº de feridos	Nº de mortos
2014	30.604	39.171	482
2015	Α	41.076	?
2016	32.299	41.223	445
2017	34.416	43.985	510

Qual das seguintes afirmações é verdadeira?

(a) A taxa de crescimento média anual entre 2014 e 2017 do nº de acidentes rodoviários é idêntica à do nº de feridos (cerca de 4%), e cerca do dobro do nº de mortos nas estradas.

TCMA n° de acidentes =
$$(34.416/30.604)^{1/3}$$
 - 1 = 4%

TCMA n° de feridos =
$$(43.985/39.171)^{1/3}$$
 - 1 = 3,9%

TCMA n° de mortos =
$$(510/482)^{1/3}$$
 - 1 = 1.9%

(b) Tendo por base a taxa de crescimento média anual entre 2014 e 2017, uma estimativa para o valor em falta (A) na tabela será de 31.825.

TCMA no de acidentes =
$$(34.416/30.604)^{1/3}$$
 - 1 = 4%

Estimativa para o nº de acidentes em
$$2015 = 30.604(1 + 4\%) = 31.825$$

(c) Se o nº de mortos em 2018 crescer à mesma taxa de crescimento verificada entre 2016 e 2017, o seu valor será de 584

Taxa de crescimento nº mortos =
$$(510/445)$$
 - $1 = 14.6\%$

Estimativa para
$$2018 = 510(1 + 14.6\%) = 584$$

(d) Todas as afirmações são verdadeiras.[Resposta certa]

- 3. Voltando aos dados da tabela anterior, considere que é construído um índice relativo à soma do nº total de feridos com o nº total de mortos tendo por base o nº de acidentes no ano de 2014. Sabendo que o valor desse índice em 2015 é de 135,76, qual terá sido a taxa de crescimento anual do nº de mortos de 2014 para 2015?
 - (a) -2% [Resposta certa]

Seja r a taxa de crescimento anual do nº de mortos de 2014 para 2015:

Índice 2015 = 135,76
$$\Leftrightarrow$$
 135,76 = $\frac{41.076 + 482(1+r)}{30.604} \times 100 \Leftrightarrow r = -2\%$

- (b) -1% [Resposta errada]
- (c) 1% [Resposta errada]
- (d) 2% [Resposta errada]

4. Considere um problema $J2||C_{max}$, em que os tempos de processamento são dados na tabela seguinte:

				C							
N	11	3	1	11	-	3	9	-	8	13	2
N	12	8	10	11 13	1	-	8	6	10	6	6

As tarefas D, E e G só precisam passar por uma das máquinas, a qual é aquela que tem um tempo de processamento indicado na tabela. Para as restantes, as tarefas B, F e J têm que ser processadas em primeiro lugar na máquina M1, enquanto que se passa o contrário para as tarefas A, C, H e I.

Sabe-se que a solução óptima passa por resolver o problema com as tarefas B, F e J como se fosse um *flow-shop* e o problema A, C, H e I de igual modo, com atenção à ordem das máquinas. A solução óptima na máquina M1 tem o calendário resultante do primeiro *flow-shop*, seguido pelo resultado do segundo *flow-shop* e, por último, pelas tarefas que só necessitam dessa máquina (pela regra SPT). Na máquina M2, a solução óptima determina que a sequência deve começar com a ordem dada pelo segundo *flow-shop*, seguida da ordem dada pelo primeiro *flow-shop* e pelas tarefas que só necessitam dessa máquina.

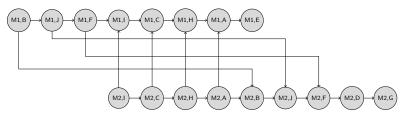
Então, na solução óptima, C_{max} é igual a:

- (a) 64 [Resposta errada]
- (b) 66 [Resposta errada]
- (c) 68 [Resposta certa]

Considere-se em primeiro lugar o problema de *flow-shop* gerado pelas tarefas B, F e J. Para estas três tarefas, o conjunto I é formado pelas tarefas B e J, enquanto que o conjunto II tem apenas a tarefa F. Logo, a regra SPT(I)-LPT(II) determina que a sequência óptima seria $B \rightarrow J \rightarrow F$.

Para resolver o segundo problema de *flow-shop* considera-se que a primeira máquina é a M2. Sendo assim, o conjunto I é formado apenas pela tarefa I, pois é das quatro tarefas a única que tem um tempo de processamento menor na máquina M2. O conjunto II será então constituído pelas tarefas A, C e H. Logo, a sequência óptima é $I \rightarrow C \rightarrow H \rightarrow A$.

Então, a sequência óptima para a máquina M1 será: $B \rightarrow J \rightarrow F \rightarrow I \rightarrow C \rightarrow H \rightarrow A \rightarrow E$. A sequência óptima para a máquina M2 será: $I \rightarrow C \rightarrow H \rightarrow A \rightarrow B \rightarrow J \rightarrow F \rightarrow D \rightarrow G$.



Com base no diagrama de precedências acima, que resulta das sequências dadas e encontradas, deduz-se as seguintes datas de início e de conclusão das operações:

$$S_{1B} = 0 \Rightarrow C_{1B} = 0 + 1 = 1$$

$$S_{1J} = C_{1B} = 1 \Rightarrow C_{1J} = 1 + 2 = 3$$

$$S_{1F} = C_{1J} = 3 \Rightarrow C_{1F} = 3 + 9 = 12$$

$$S_{21} = 0 \Rightarrow C_{21} = 0 + 6 = 6$$

$$S_{2C} = C_{2I} = 6 \Rightarrow C_{2C} = 6 + 13 = 19$$

$$S_{2H} = C_{2C} = 19 \Rightarrow C_{2H} = 19 + 10 = 29$$

$$S_{2A} = C_{2H} = 29 \Rightarrow C_{2A} = 29 + 8 = 37$$

$$S_{2B} = \max\{C_{2A}; C_{1B}\} = \max\{37; 1\} = 37 \Rightarrow C_{2B} = 37 + 10 = 47$$

$$S_{2J} = \max\{C_{2B}; C_{1J}\} = \max\{47; 3\} = 47 \Rightarrow C_{2J} = 47 + 6 = 53$$

$$S_{2F} = \max\{C_{2J}; C_{1F}\} = \max\{53; 12\} = 53 \Rightarrow C_{2F} = 53 + 8 = 61$$

$$\begin{split} S_{\text{2D}} &= C_{\text{2F}} = 61 \Rightarrow C_{\text{2D}} = 61 + 1 = 62 \\ S_{\text{2G}} &= C_{\text{2D}} = 62 \Rightarrow C_{\text{2G}} = 62 + 6 = 68 \\ \\ S_{\text{1I}} &= \max{\{C_{\text{1F}}; C_{\text{2I}}\}} = \max{\{12; 6\}} = 12 \Rightarrow C_{\text{1I}} = 12 + 13 = 25 \\ S_{\text{1C}} &= \max{\{C_{\text{1I}}; C_{\text{2C}}\}} = \max{\{25; 19\}} = 25 \Rightarrow C_{\text{1C}} = 25 + 11 = 36 \\ S_{\text{1H}} &= \max{\{C_{\text{1C}}; C_{\text{2H}}\}} = \max{\{36; 29\}} = 36 \Rightarrow C_{\text{1H}} = 36 + 8 = 44 \\ \end{split}$$

$$S_{1A} = \max\{C_{1H}; C_{2A}\} = \max\{44; 37\} = 44 \Rightarrow C_{1A} = 44 + 3 = 47$$

$$S_{1E} = C_{1A} = 47 \Rightarrow C_{1E} = 47 + 3 = 50$$

Logo, C_{max} é igual a 68. O diagrama de Gantt da calendarização obtida é o que se apresenta abaixo.



- (d) 70 [Resposta errada]
- 5. Uma loja que vende um produto com procura contínua e constante efectua encomendas a um fornecedor com um custo fixo de 400€. Uma vez que não existe a possibilidade de ruptura, a loja utilizou o resultado do modelo básico que indica um lote económico de encomenda de 200 unidades. Sabendo que o custo unitário de armazenamento é de 10 cêntimos por dia, quanto é a procura diária deste produto?
 - (a) 4 [Resposta errada]
 - (b) 5 [Resposta certa]

Com base na fórmula para o lote económico de encomenda,

$$Q^* = \sqrt{\frac{2KD}{h}} \Leftrightarrow 200 = \sqrt{\frac{2 \times 400D}{0,10}} \Leftrightarrow 40000 = 8000D \Leftrightarrow D = 5$$

- (c) 6 [Resposta errada]
- (d) 10 [Resposta errada]
- 6. Qual dos seguintes factos produz uma variação do capital próprio?
 - (a) Venda de uma viatura pelo seu valor líquido. [Resposta errada]
 - (b) Aquisição de obrigações de uma outra empresa. [Resposta errada]
 - (c) Obtenção de um empréstimo bancário. [Resposta errada]
 - (d) Consumo de uma matéria-prima. [Resposta certa]
- 7. A empresa X com um capital social titulado por 500.000 acções pretende realizar um aumento de capital social, com um valor de emissão igual ao valor contabilístico. O capital próprio antes do aumento de capital era de 1.625.000€. Sabendo que serão emitidas 100.000 novas acções, qual o valor do capital próprio imediatamente após este aumento?
 - (a) 1.625.000€ [Resposta errada]
 - (b) 1.750.000€ [Resposta errada]
 - (c) 1.850.000€ [Resposta errada]
 - (d) 1.950.000€ [Resposta certa]

Valor contabilístico = 1.625.000/500.000 acções = 3,25€

O capital próprio após o aumento de capital social será igual ao capital próprio anterior adicionado do valor total de emissão das accões:

Capital próprio₂ = $1.625.000 + 500.000 \times 3,25 = 1.950.000 \in$

8. A empresa ABC pretende construir um modelo de previsão das suas vendas mensais e para tal pediu a ajuda de dois consultores. Após uma análise do histórico da empresa, os consultores chegaram a dois modelos diferentes, embora ambos assumam uma relação linear do tipo $V_t = a + bt$ e descartem a existência de sazonalidade. Para Abril de 2021, o consultor A prevê vendas no valor de 1.850, no entanto o consultor B argumenta que, segundo o

seu modelo, as vendas da empresa ultrapassarão esse valor muito antes, logo em Novembro de 2020. Assumindo que t=0 corresponde a Janeiro de 2019 e que o valor inicial V_0 é 500 para ambos, qual o valor mínimo que o parâmetro b tem de tomar para que as projecções do consultor B se verifiquem?

- (a) 50 [Resposta errada]
- (b) 61 [Resposta errada]
- (c) 62[Resposta certa]

Para Novembro de 2020: t=22Se $V_0=500\Rightarrow a=500$, logo: $500+22b\geq 1.850\Leftrightarrow b\geq 61,4$

(d) 70 [Resposta errada]

GRUPO II - 10 Valores

Responda a todas as questões abaixo e apresente todos os seus cálculos.

(a) Uma vez que o Pedro pagou sempre os juros vencidos durante as primeiras 36 prestações e que as amortizações foram constantes e iguais a 150€, o capital em dívida após as 36 prestações é igual a,

$$C_{36} = 120.000 - 36 \times 150 = 114.600 \in$$

(b) Após t prestações, dentro das primeiras 36, o capital em dívida é igual a,

$$C_t = 120.000 - t \times 150$$

O juro vencido, e pago, em cada prestação resulta da incidência da taxa sobre o capital em dívida após o período anterior. A taxa de juro mensal efectiva é igual a 0.03/12 = 0.0025.

$$j_t = 0.0025 \times C_{t-1} = 0.0025 \times [120.000 - (t-1) \times 150] = 0.0025 \times [120.150 - 150t] = 300.375 - 0.375t$$

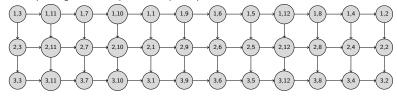
Logo, o total de juros pagos foi,

$$\sum_{t=1}^{36} \left[300,375-0,375t\right] = 36\times300,375-0,375\sum_{t=1}^{36} t = 10.813,5-0,375\frac{36\times(36+1)}{2} = 10.563,75 \in \mathbb{R}$$

(c) Para completar o empréstimo ficam a faltar 144 (=180-36) prestações. Logo, uma vez que o capital em dívida é de 114.600€, a prestação nesse período será igual a,

$$114.600 \times \frac{0,0025}{1 - (1 + 0,0025)^{-144}} = 948,64 \in$$

- 2. (a) O activo fixo intagível aumenta 200.000€ e os meios líquidos diminuem em igual valor. Por outro lado, dado que o tempo de vida económica é de 10 anos, a amortização anual é igual a 20.000€. Logo, o activo fixo intangível diminui 20.000€ e o resultado do exercício diminui igual valor.
 - (b) O passivo aumentou 150.000€ e os meios líquidos aumentaram em igual valor, no momento da concessão do empréstimo. Depois, uma vez que só são pagos juros e o capital não diminui, dá-se o pagamento de 7 prestações só do valor do juro que é igual a 7 × ^{0.06}/₁₂ × 150.000 = 5.250€. Portanto, os meios líquidos diminuem 5.250€ e o resultado líquido diminui em igual valor.
- 3. (a) Considerando apenas as duas primeiras máquinas para efeito de aplicação do algoritmo, conclui-se que o conjunto I é formado pelas tarefas 1, 3, 6, 7, 9, 10 e 11. O conjunto II é formado pelas restantes tarefas. Logo, a regra SPT(I)-LPT(II) determina que a sequência deve ser 3→11→7→10→1→9→6→5→12→8→4→2. Esta sequência gera a rede de precedências que se apresenta abaixo.



A partir daqui é possível deduzir a calendarização das tarefas.

$$\begin{array}{l} S_{1,3}=0\Rightarrow C_{1,3}=0+1=1\\ S_{1,11}=C_{1,3}=1\Rightarrow C_{1,11}=1+1=2\\ S_{1,7}=C_{1,11}=2\Rightarrow C_{1,7}=2+2=4\\ S_{1,10}=C_{1,7}=4\Rightarrow C_{1,10}=4+2=6\\ S_{1,1}=C_{1,10}=6\Rightarrow C_{1,1}=6+4=10\\ S_{1,9}=C_{1,1}=10\Rightarrow C_{1,9}=10+4=14\\ \end{array} \qquad \begin{array}{l} S_{1,6}=C_{1,9}=14\Rightarrow C_{1,6}=14+9=23\\ S_{1,5}=C_{1,6}=23\Rightarrow C_{1,5}=23+15=38\\ S_{1,12}=C_{1,5}=38\Rightarrow C_{1,12}=38+16=54\\ S_{1,12}=C_{1,5}=38\Rightarrow C_{1,12}=54+11=65\\ S_{1,4}=C_{1,8}=65\Rightarrow C_{1,4}=65+8=73\\ S_{1,9}=C_{1,1}=10\Rightarrow C_{1,9}=10+4=14\\ \end{array}$$

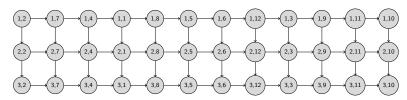
$$\begin{split} S_{2,3} &= C_{1,3} = 1 \Rightarrow C_{2,3} = 1 + 8 = 9 \\ S_{2,11} &= \max \left\{ C_{2,3}; C_{1,11} \right\} = \max \left\{ 9; 2 \right\} = 9 \Rightarrow C_{2,11} = 9 + 8 = 17 \\ S_{2,7} &= \max \left\{ C_{2,11}; C_{1,7} \right\} = \max \left\{ 17; 4 \right\} = 17 \Rightarrow C_{2,7} = 17 + 2 = 19 \\ S_{2,10} &= \max \left\{ C_{2,7}; C_{1,10} \right\} = \max \left\{ 19; 6 \right\} = 19 \Rightarrow C_{2,10} = 19 + 4 = 23 \\ S_{2,1} &= \max \left\{ C_{2,10}; C_{1,1} \right\} = \max \left\{ 23; 10 \right\} = 23 \Rightarrow C_{2,1} = 23 + 5 = 28 \\ S_{2,9} &= \max \left\{ C_{2,1}; C_{1,9} \right\} = \max \left\{ 28; 14 \right\} = 28 \Rightarrow C_{2,9} = 28 + 6 = 34 \\ S_{2,6} &= \max \left\{ C_{2,9}; C_{1,6} \right\} = \max \left\{ 34; 23 \right\} = 34 \Rightarrow C_{2,6} = 34 + 10 = 44 \\ S_{2,5} &= \max \left\{ C_{2,6}; C_{1,5} \right\} = \max \left\{ 44; 38 \right\} = 44 \Rightarrow C_{2,5} = 44 + 12 = 56 \\ S_{2,12} &= \max \left\{ C_{2,6}; C_{1,12} \right\} = \max \left\{ 56; 54 \right\} = 56 \Rightarrow C_{2,12} = 56 + 10 = 66 \\ S_{2,8} &= \max \left\{ C_{2,12}; C_{1,8} \right\} = \max \left\{ 66; 65 \right\} = 66 \Rightarrow C_{2,8} = 66 + 9 = 75 \\ S_{2,4} &= \max \left\{ C_{2,8}; C_{1,4} \right\} = \max \left\{ 75; 73 \right\} = 75 \Rightarrow C_{2,4} = 75 + 4 = 79 \\ S_{2,2} &= \max \left\{ C_{2,4}; C_{1,2} \right\} = \max \left\{ 79; 79 \right\} = 79 \Rightarrow C_{2,2} = 79 + 2 = 81 \\ \end{split}$$

$$\begin{split} S_{3,3} &= C_{2,3} = 9 \Rightarrow C_{3,3} = 9 + 5 = 14 \\ S_{3,11} &= \max \{C_{3,3}; C_{2,11}\} = \max \{14; 17\} = 17 \Rightarrow C_{3,11} = 17 + 4 = 21 \\ S_{3,7} &= \max \{C_{3,11}; C_{2,7}\} = \max \{21; 19\} = 21 \Rightarrow C_{3,7} = 21 + 7 = 28 \\ S_{3,10} &= \max \{C_{3,7}; C_{2,10}\} = \max \{28; 23\} = 28 \Rightarrow C_{3,10} = 28 + 3 = 31 \\ S_{3,1} &= \max \{C_{3,10}; C_{2,1}\} = \max \{31; 28\} = 31 \Rightarrow C_{3,1} = 31 + 8 = 39 \\ S_{3,9} &= \max \{C_{3,1}; C_{2,9}\} = \max \{39; 34\} = 39 \Rightarrow C_{3,9} = 39 + 4 = 43 \\ S_{3,6} &= \max \{C_{3,9}; C_{2,6}\} = \max \{43; 44\} = 44 \Rightarrow C_{3,6} = 44 + 7 = 51 \\ S_{3,5} &= \max \{C_{3,6}; C_{2,5}\} = \max \{51; 56\} = 56 \Rightarrow C_{3,5} = 56 + 10 = 66 \\ S_{3,12} &= \max \{C_{3,5}; C_{2,12}\} = \max \{66; 66\} = 66 \Rightarrow C_{3,12} = 66 + 7 = 73 \\ S_{3,8} &= \max \{C_{3,12}; C_{2,8}\} = \max \{73; 75\} = 75 \Rightarrow C_{3,8} = 75 + 10 = 85 \\ S_{3,4} &= \max \{C_{3,6}; C_{2,4}\} = \max \{85; 79\} = 85 \Rightarrow C_{3,4} = 85 + 5 = 90 \\ S_{3,2} &= \max \{C_{3,4}; C_{2,2}\} = \max \{90; 83\} = 90 \Rightarrow C_{3,2} = 90 + 4 = 94 \\ \end{split}$$

O valor de C_{max} dado por esta solução é igual a 94. O diagrama de Gantt associado é o que se apresenta abaixo.

M_1 3	11 7 10	1	9	6				5				12				8		4		2]				
M_2	3		11		7 10		1		9	6			5			12		8		4	2				
M_3			3		11	I	7	10		1	9] [6			5	Ι	12			8		4	2	\Box .
0 1	12 4 6	9 10) 14	1 1	17 19	21	23	28	31 :	34	39	44		51	54 5	6	66	7	3	75 7	9 81	8	5	90	94

(b) Considerando apenas as máquinas M2 e M3 para efeito de aplicação do algoritmo, o conjunto I é formado pelas tarefas 1, 2, 4, 7 e 8. O conjunto II é formado pelas restantes tarefas. Logo, a regra SPT(I)-LPT(II) determina que a sequência deve ser 2→7→4→1→8→5→6→12→3→9→11→10. Esta sequência gera a rede de precedências que se apresenta abaixo.



A partir daqui é possível deduzir a calendarização das tarefas.

$$\begin{array}{l} S_{1,2}=0\Rightarrow C_{1,2}=0+6=6\\ S_{1,7}=C_{1,2}=6\Rightarrow C_{1,7}=6+2=8\\ S_{1,4}=C_{1,7}=8\Rightarrow C_{1,4}=8+8=16\\ S_{1,1}=C_{1,4}=16\Rightarrow C_{1,1}=16+4=20\\ S_{1,8}=C_{1,1}=20\Rightarrow C_{1,8}=20+11=31\\ S_{1,5}=C_{1,8}=31\Rightarrow C_{1,5}=31+15=46 \end{array} \begin{array}{l} S_{1,6}=C_{1,5}=46\Rightarrow C_{1,6}=46+9=55\\ S_{1,12}=C_{1,6}=55\Rightarrow C_{1,12}=55+16=71\\ S_{1,3}=C_{1,12}=71\Rightarrow C_{1,3}=71+1=72\\ S_{1,9}=C_{1,3}=72\Rightarrow C_{1,9}=72+4=76\\ S_{1,10}=C_{1,11}=77\Rightarrow C_{1,10}=77+2=79 \end{array}$$

$$\begin{split} S_{2,2} &= C_{1,2} = 6 \Rightarrow C_{2,2} = 6 + 2 = 8 \\ S_{2,7} &= \max\{C_{2,2}; C_{1,7}\} = \max\{8; 8\} = 8 \Rightarrow C_{2,7} = 8 + 2 = 10 \\ S_{2,4} &= \max\{C_{2,7}; C_{1,4}\} = \max\{10; 16\} = 16 \Rightarrow C_{2,4} = 16 + 4 = 20 \\ S_{2,1} &= \max\{C_{2,4}; C_{1,1}\} = \max\{20; 20\} = 20 \Rightarrow C_{2,1} = 20 + 5 = 25 \\ S_{2,8} &= \max\{C_{2,1}; C_{1,8}\} = \max\{25; 31\} = 31 \Rightarrow C_{2,8} = 31 + 9 = 40 \\ S_{2,5} &= \max\{C_{2,8}; C_{1,8}\} = \max\{40; 46\} = 46 \Rightarrow C_{2,5} = 46 + 12 = 58 \\ S_{2,6} &= \max\{C_{2,5}; C_{1,6}\} = \max\{58; 55\} = 58 \Rightarrow C_{2,6} = 58 + 10 = 68 \\ S_{2,12} &= \max\{C_{2,6}; C_{1,12}\} = \max\{68; 71\} = 71 \Rightarrow C_{2,12} = 71 + 10 = 81 \\ S_{2,3} &= \max\{C_{2,12}; C_{1,3}\} = \max\{81; 72\} = 81 \Rightarrow C_{2,3} = 81 + 8 = 89 \\ S_{2,9} &= \max\{C_{2,3}; C_{1,9}\} = \max\{89; 76\} = 89 \Rightarrow C_{2,9} = 89 + 6 = 95 \\ S_{2,11} &= \max\{C_{2,9}; C_{1,11}\} = \max\{95; 77\} = 95 \Rightarrow C_{2,11} = 95 + 8 = 103 \\ S_{2,10} &= \max\{C_{1,1}; C_{1,10}\} = \max\{103; 79\} = 103 \Rightarrow C_{2,10} = 103 + 4 = 107 \\ \end{split}$$

$$\begin{split} S_{3,2} &= C_{2,2} = 8 \Rightarrow C_{3,2} = 8 + 4 = 12 \\ S_{3,7} &= \max \left\{ C_{3,2}; C_{2,7} \right\} &= \max \left\{ 12; 10 \right\} = 12 \Rightarrow C_{3,7} = 12 + 7 = 19 \\ S_{3,4} &= \max \left\{ C_{3,7}; C_{2,4} \right\} &= \max \left\{ 19; 20 \right\} = 20 \Rightarrow C_{3,4} = 20 + 5 = 25 \\ S_{3,1} &= \max \left\{ C_{3,4}; C_{2,1} \right\} &= \max \left\{ 25; 25 \right\} = 25 \Rightarrow C_{3,1} = 25 + 8 = 33 \\ S_{3,8} &= \max \left\{ C_{3,1}; C_{2,8} \right\} &= \max \left\{ 33; 40 \right\} = 40 \Rightarrow C_{3,8} = 40 + 10 = 50 \\ S_{3,5} &= \max \left\{ C_{3,6}; C_{2,5} \right\} &= \max \left\{ 50; 58 \right\} = 58 \Rightarrow C_{3,5} = 58 + 10 = 68 \\ S_{3,6} &= \max \left\{ C_{3,6}; C_{2,6} \right\} &= \max \left\{ 68; 68 \right\} = 68 \Rightarrow C_{3,6} = 68 + 7 = 75 \\ S_{3,12} &= \max \left\{ C_{3,6}; C_{2,12} \right\} &= \max \left\{ 75; 81 \right\} = 81 \Rightarrow C_{3,12} = 81 + 7 = 88 \\ S_{3,3} &= \max \left\{ C_{3,12}; C_{2,3} \right\} &= \max \left\{ 88; 89 \right\} = 89 \Rightarrow C_{3,3} = 89 + 5 = 94 \\ S_{3,9} &= \max \left\{ C_{3,3}; C_{2,9} \right\} &= \max \left\{ 94; 95 \right\} = 95 \Rightarrow C_{3,9} = 95 + 4 = 99 \\ S_{3,11} &= \max \left\{ C_{3,9}; C_{2,11} \right\} &= \max \left\{ 99; 103 \right\} = 103 \Rightarrow C_{3,11} = 103 + 4 = 107 \\ S_{3,10} &= \max \left\{ C_{3,11}; C_{2,10} \right\} &= \max \left\{ 107; 107 \right\} &= 107 \Rightarrow C_{3,10} = 107 + 3 = 110 \\ \end{split}$$

O valor de C_{max} dado por esta solução é igual a 110. O diagrama de Gantt associado é o que se apresenta abaixo.



GRUPO III - 2 Valores