

Computação Gráfica
(3º ano de LCC)
Trabalho Prático - Parte 1
Relatório de Desenvolvimento

Francisco Oliveira
(A82066)

Luís Costa
(A70070)

Maria Luísa Silva
(A82124)

Tierri Monteiro
(A76359)

6 de Março de 2020

Conteúdo

1	Introdução	2
1.1	Contextualização	2
1.2	Resumo	2
2	Arquitetura do Código	3
2.1	Primitivas	3
2.1.1	Plane	3
2.1.2	Box	4
2.1.3	Cone	4
2.1.4	Sphere	6
3	Aplicações	7
3.1	Generator	7
3.2	Engine	7
3.3	Exemplos	7
4	Conclusão	11

Capítulo 1

Introdução

1.1 Contextualização

No âmbito da Unidade Curricular de Computação Gráfica, foi-nos proposto a realização deste trabalho prático. Este trabalho foi dividido em 4 fases, sendo esta a primeira. Por sua vez, tem como objetivo, a criação de algumas primitivas gráficas.

1.2 Resumo

Nesta primeira fase foi necessário a criação de um gerador, o qual é responsável por gerar a informação dos modelos(plano,caixa,esfera e cone), guardando os vértices. Além disso, também foi necessário a criação de um *Engine* (por nós assim designado), responsável pela leitura da configuração de um ficheiro XML e exibir os respetivos modelos.

Capítulo 2

Arquitetura do Código

2.1 Primitivas

2.1.1 Plane

A primitiva *plano* ("Plane") é um quadrado no plano XZ, que está centrado na origem, e tem apenas 1 parâmetro: **size** (tamanho), que indica o comprimento dos lados do quadrado (em **float**).

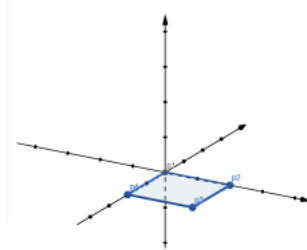


Figura 2.1: Plano

Com isto, podemos ver que o plano tem 4 vértices: $p1 = (0,0,0)$, $p2 = (size,0,0)$, $p3 = (size,0,size)$ e $p4 = (0,0,size)$.

Como queremos que o plano se encontre centrado na origem, temos de alterar as coordenadas dos pontos de forma a que isto seja possível. Para isto, basta descobrir a metade do size dos lados do quadrado, e fazer uma espécie de "translação" deste valor tanto no eixo do X como no do Z. Seja $s' = size / 2$, Podemos ver que o plano se encontra centrado, sendo os vértices: $p1 = (-s',0,-s')$, $p2 = (s',0,-s')$, $p3 = (s',0,s')$ e $p4 = (-s',0,s')$.

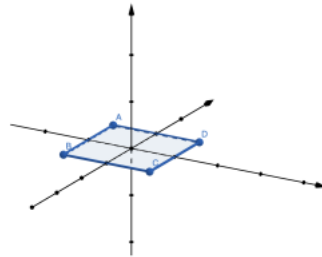


Figura 2.2: Plano Centrado

2.1.2 Box

Uma caixa, tal como um plano, pode ser interpretada como um conjunto de triângulos. Para esta ser gerada, precisamos de uma largura '**X**', uma altura '**Y**' e um comprimento '**Z**', e opcionalmente o número de divisões de cada face (caso não seja passado como parâmetro, tem valor *default* 1).

Cada face da caixa irá conter quadriláteros igual ao número de *divisões*divisões*.

Esses quadriláteros vão ter as seguintes dimensões:

- $lx = x/div$
- $ly = y/div$
- $lz = z/div$

Para depois definir um triângulo em cada uma das faces do quadrilátero utiliza-se uma sequência de vértices cujos pontos são calculados desta forma :

- Ponto A : $(lx*i-x/2, ly*t-y/2, z/2)$
- Ponto B : $(lx*ix/2+lx, ly * ty/2, z/2)$
- Ponto C : $(lx*ix/2, ly*ty/2+ly, z/2)$

Tendo em conta que i e t vão estar entre 0 e o numero de divisões.

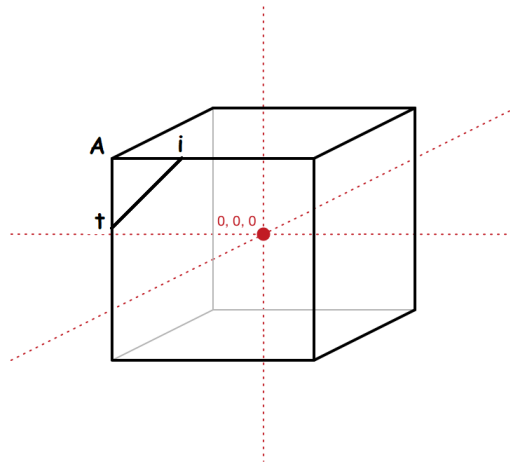


Figura 2.3: Caixa

2.1.3 Cone

A primitiva *cone* ("Cone") está centrada na origem, e tem 4 parâmetros: **radius**, **height**, **slices** e **stacks**.

Sejam **sl** o número de slices e **st** o número de stacks. A base do cone é um círculo com raio = **radius**. Como estamos a trabalhar com triângulos, este círculo é obtido construindo **sl** triângulos apontados para o centro. É então necessário descobrirmos um ângulo α tal que cada triângulo tem este formato, Este ângulo é calculado (em radianos) pela seguinte fórmula:

$$\alpha = 2\pi / slices$$

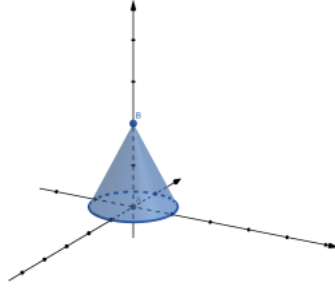


Figura 2.4: Cone

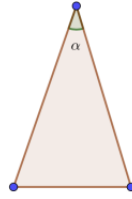


Figura 2.5: Triângulo

Tendo o raio e o α , já temos tudo o que precisamos para construir a base. A face lateral é construída *stack a stack*, onde por cada *stack* construímos *sl* trapézios. Cada *stack* tem uma altura h , que é calculada pela equação:

$$h = \text{height} / \text{stacks}$$

Cada ponto do trapézio é descoberto utilizando a seguinte fórmula:

$$P = (r' * \sin \alpha', h', r' * \cos \alpha')$$

onde r' é a distância do ponto ao eixo do Y, h' é a distância do ponto ao plano **XZ** e α é o ângulo do ponto em relação ao eixo do **Z**. Se tivermos o trapézio seguinte,

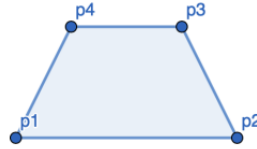


Figura 2.6: Trapézio

e seja $p1 = (r' * \sin \alpha', h', r' * \cos \alpha')$, então conseguimos encontrar os restantes pontos a partir deste:

$$\begin{aligned} p2 &= (r' * \sin(\alpha' + \alpha), h', r' * \cos(\alpha' + \alpha)) \\ p3 &= (r' * \sin(\alpha' + \alpha), h' + h, r' * \cos(\alpha' + \alpha)) \\ p4 &= (r' * \sin \alpha', h' + h, r' * \cos \alpha') \end{aligned}$$

Sabendo descobrir as coordenadas de cada ponto, conseguimos construir os trapézios, ou mais especificamente, os triângulos que constroem os trapézios, e tendo isto, conseguimos fazer o cone.

2.1.4 Sphere

A primitiva *esfera* ("Sphere") está centrada na origem, e tem 3 parâmetros: **radius**, **slices** e **stacks**. Começamos por construir os 2 polos da esfera. Estas 2 stacks são feitas separadamente porque, ao Figura 2.7: Esfera contrário das restantes, são formadas por triângulos e não por trapézios. Nestes triângulos, o vértice da "ponta" situa-se no eixo do Y.

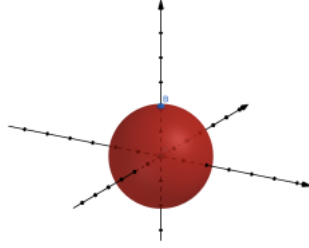


Figura 2.7: Esfera

Seja t o triângulo da figura anterior, os seus vértices são:

1. Pólo Norte

$$p1 = (radius * \cos(\beta + \beta') * \sin(\alpha), radius * \sin(\beta + \beta'), radius * \cos(\beta + \beta') * \cos(\alpha))$$

$$p2 = (0, -radius, 0)$$

$$p3 = (radius * \cos(\beta + \beta') * \sin(\alpha + \alpha'), radius * \sin(\beta + \beta'), radius * \cos(\beta + \beta') * \cos(\alpha + \alpha'))$$

2. Pólo Sul

$$p1 = (radius * \cos(\beta) * \sin(\alpha), radius * \sin(\beta), radius * \cos(\beta) * \cos(\alpha))$$

$$p2 = (0, radius, 0)$$

$$p3 = (radius * \cos(\beta) * \sin(\alpha + \alpha'), radius * \sin(\beta), radius * \cos(\beta) * \cos(\alpha + \alpha'))$$

No que toca à face lateral, a estratégia é semelhante à do cone. Construímos stack a stack, e por cada stack construímos trapézios de quantidade igual ao número de slices. Os pontos seguem o mesmo formato do trapézio do cone, mas agora temos de ter em atenção o ângulo β . Vejamos novamente o trapézio da figura 11.

Se $p1 = (r * \cos(\beta) * \sin(\alpha), r * \sin(\beta'), r * \cos(\beta') * \cos(\alpha))$, então:

$$p2 = (r * \cos(\beta') * \sin(\alpha' + \alpha), r * \sin(\beta'), r * \cos(\beta') * \cos(\alpha' + \alpha))$$

$$p3 = (r * \cos(\beta' + \beta) * \sin(\alpha' + \alpha), r * \sin(\beta' + \beta), r * \cos(\beta') * \cos(\alpha' + \alpha))$$

$$p4 = (r * \cos(\beta' + \beta) * \sin(\alpha'), r * \sin(\beta' + \beta), r * \cos(\beta') * \cos(\alpha'))$$

onde α' e β' são os ângulos dos pontos em relação ao referencial e r o raio.

Capítulo 3

Aplicações

3.1 Generator

O gerador é um programa que recebe como *input* o nome da primitiva e os argumentos necessários para gerar os seus pontos. Todas as primitivas têm como unidade construção triângulos. Para assegurar que o número de argumentos na criação de cada figura está correto, criamos uma função que imprime no ecrã uma mensagem de erro caso algo esteja incorreto.

3.2 Engine

Respeitando o enunciado, é necessária a criação de uma aplicação que seja capaz de interpretar ficheiros de configuração **XML** com o correspondente formato.

O **Engine**, assim denominado por nós, é responsável pela leitura desse tal ficheiro em **XML**, que opera lendo um nome de ficheiro passado como primeiro argumento é interpretado conforme o pedido.

Após esta fase inicial de interpretação e armazenamento, o **Engine**, com recurso às bibliotecas **GLUT** e **OpenGL**, inicializa uma cena 3D e renderiza os vértices, respeitando sempre a obrigação de desenhar apenas triângulos, ou seja, desenhando 3 vértice de cada vez com a função do **OpenGL** *glVertex3f*.

3.3 Exemplos

Executando o gerador ("*Generator*") com as diferentes primitivas obtemos os diversos ficheiros ("plane.3d", "box.3d", etc) necessários para que o motor ("*Engine*"), efectuando a leitura do documento "*scene.xml*", desenha os modelos pretendidos.

```
<scene>
<model file= "../generator/build/plane.3d"/>
</scene>
```

Figura 3.1: scene.xml (plano)

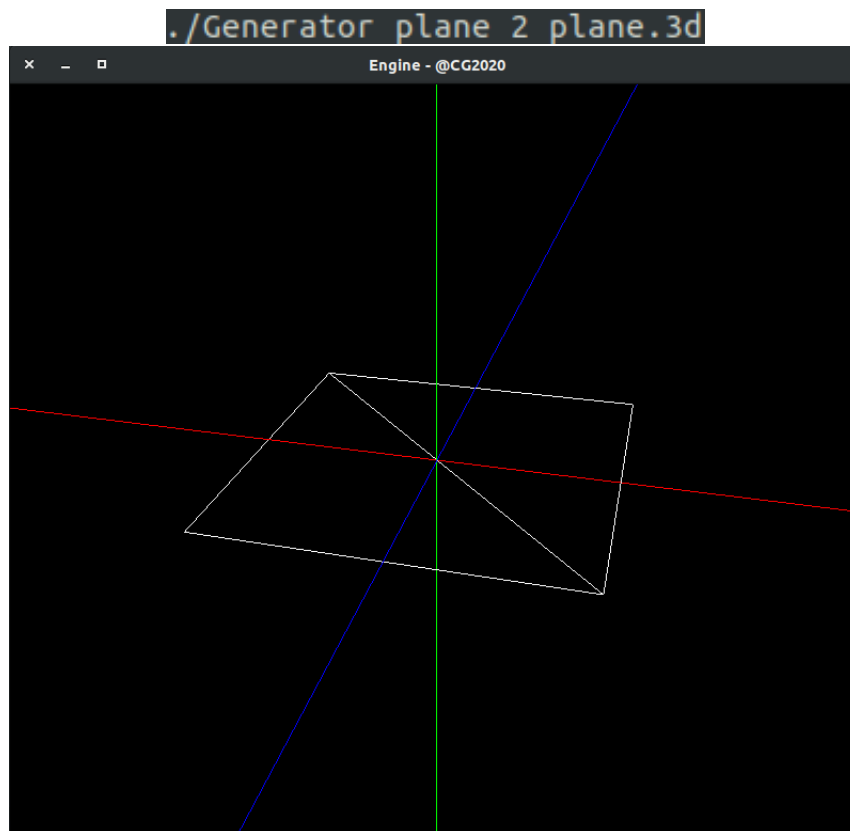


Figura 3.2: Plano

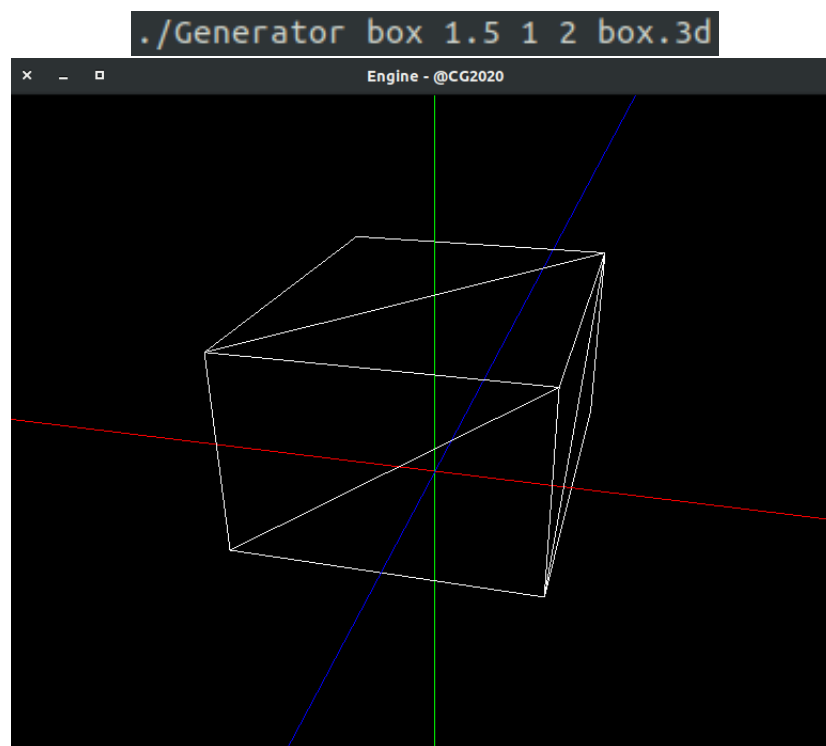


Figura 3.3: Caixa

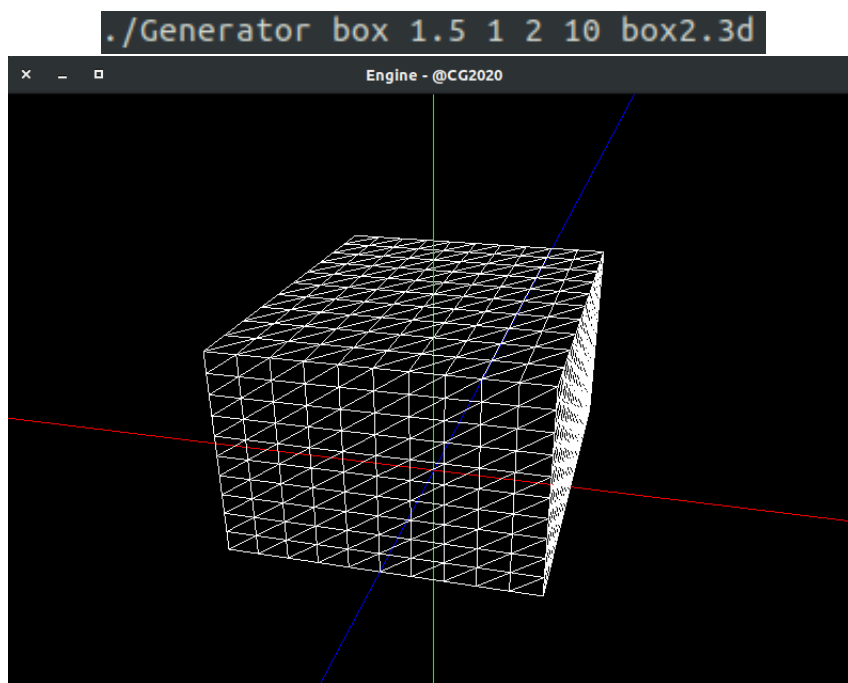


Figura 3.4: Caixa (com divisões)

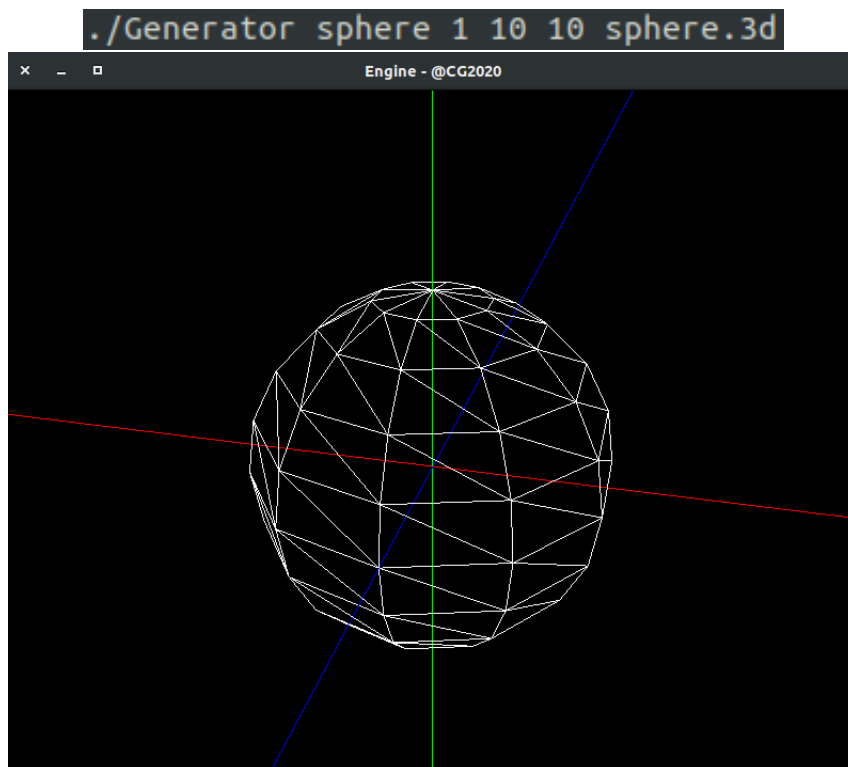


Figura 3.5: Esfera

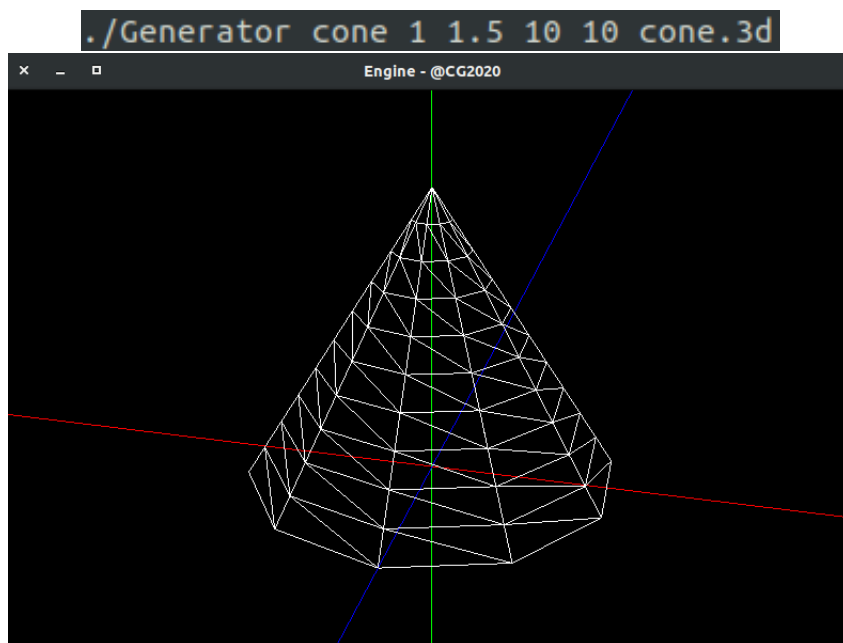


Figura 3.6: Cone

Capítulo 4

Conclusão

Esta primeira fase do trabalho foi bastante importante para nós, porque nos permitiu consolidar os conhecimentos abordados nesta Unidade Curricular.

Para além disto, ensinou-nos a usar ferramentas para modelação 3D e em simultâneo aprender **C++**.

Por último, fazemos um balanço positivo desta primeira fase, e esperamos que com esta parte já feita continuemos com motivação para as próximas partes do trabalho.