3-proceso-poisson

October 3, 2023

1 Proceso poissot

Francisco Mestizo Hernández A01731549

1.1 Problema 1: Drive Thru

El tiempo de llegada a una ventanilla de toma de órdenes desde un automóvil de un cierto comercio de hamburguesas sigue un proceso de Poisson con un promedio de 12 llegadas por hora.

a) ¿Cuál será la probabilidad de que el tiempo de espera de tres personas sea a lo más de 20 minutos?

$\lambda_0 = 12$

x: numero de ordenes

Pregunta: $P(t < \frac{1}{3})$

Distribución: Gamma

$\alpha = 3$

$\beta = \frac{1}{12}$

[1]:
```
cat("P(t<1/3) =", pgamma(1/3,3,12))
```

```
P(t<1/3) =  0.7618967
```

b) ¿Cuál es la probabilidad de que el tiempo de espera de una persona esté entre 5 y 10 segundos?

Pregunta: $P(\frac{5}{3600} < t < \frac{10}{3600})$

Distribución: Exponencial

[2]:
```
p1 = pexp(10/3600, 12)-pexp(5/3600, 12)
cat("P(5/3600 < t < 10/3600) =", p1)
```

```
P(5/3600 < t < 10/3600) = 0.01625535
```

c) ¿Cuál será la probabilidad de que en 15 minutos lleguen a lo más tres personas?

Pregunta: $P(X \leq 3)$

Distribución: Poisson

$ = _0*t, $

$\lambda = 12 * \frac{1}{4}$

$\lambda = 3$

[4]:
```
cat("P(x <= 3) =", ppois(3,3))
```

```
P(x <= 3) = 0.6472319
```

d) ¿Cuál es la probabilidad de que el tiempo de espera de tres personas esté entre 5 y 10 segundos?

Pregunta: P(5/3600 < t < 10/3600)

Distribución: Gamma

$\alpha = 3$ y $\beta = \frac{1}{12}$

El 3 es por el numero de personas (éxitos)

[6]:
```
p1 = pgamma(10/3600,3,12) - pgamma(5/3600,3,12)
cat("P(5/3600 < t < 10/3600) =", p1)
```

```
P(5/3600 < t < 10/3600) = 5.258533e-06
```

e) Determine la media y varianza del tiempo de espera de tres personas.

[8]:
```
#Media
mu = 3/12

#Varianza
var = 3*(1/12)^2

cat("Media =", mu, "Varianza =", var)
```

```
Media = 0.25 Varianza = 0.02083333
```

f) ¿Cuál será la probabilidad de que el tiempo de espera de tres personas exceda una desviación estándar arriba de la media?

Pregunta: $P(t > \mu + \sigma)$

[10]:
```
p1 = 1-pgamma(mu+sqrt(var), 3, 12)
cat("P(t<mu+sigma) =", p1)
```

```
P(t<mu+sigma) = 0.1491102
```

1.2 Problema 2: Entre partículas

Una masa radioactiva emite partículas de acuerdo con un proceso de Poisson con una razón promedio de 15 partículas por minuto. En algún punto inicia el reloj.

$\lambda_0 = 15$

$x =$ particulas emitidas

a) ¿Cuál es la probabilidad de que en los siguientes 3 minutos la masa radioactiva emita 30 partículas?

Pregunta: $P(x = 30)$

Distribución: Poisson

$ = _0*t, $

$\lambda = 15 * 3$

$\lambda = 45$

[14]:
```
cat("P(x = 3) =", dpois(30,45))
```

```
P(x = 3) = 0.00426053
```

b) ¿Cuál es la probabilidad de que transcurran cinco segundos a lo más antes de la siguiente emisión?

Pregunta: $P(t \leq 5/3600)$

Distribución: Exponencial

[18]:
```
cat("P(x <= 5/60) =", pexp(5/60,15))
```

```
P(x <= 5/60) = 0.7134952
```

c) ¿Cuánto es la mediana del tiempo de espera de la siguiente emisión?

[20]:
```
#Mediana
cat("Mediana =", qgamma(0.5, 1, 15))
```

```
Mediana = 0.04620981
```

d) ¿Cuál es la probabilidad de que transcurran a lo más cinco segundos antes de la segunda emisión?

Pregunta: $P(t \leq \frac{5}{60})$

Distribución: Gamma

$\alpha = 2$ y $\beta = \frac{1}{15}$

[19]:
```
cat("P(x <= 5/60) =", pgamma(5/60,2,15))
```

```
P(x <= 5/60) = 0.3553642
```

e) ¿En que rango se encuentra el 50% del tiempo central que transcurre antes de la segunda emisión?

[24]:
```
p1 = qgamma(0.25, 2, 15)
p2 = qgamma(0.75, 2, 15)
```

```r
cat("El rango va de ", p1, "-", p2)
```

```
El rango va de  0.06408525 - 0.179509
```